

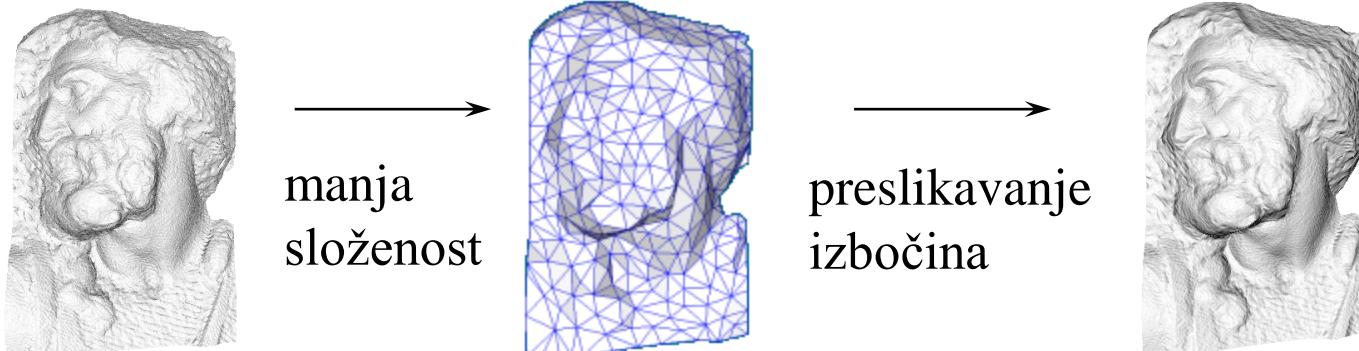
# 7. Prikaz detalja površine

- podjela tehnika ovisno o promjeni
  - uzorka teksture (*engl. image-based rendering*) - prividno povećava složenost površine bez povećavanja geometrijske složenosti
    - utjecaj na vektor normale - (difuzna, zrcalna komponenta)
    - pomicanje elemenata tekstuure
  - geometrije (*engl. geometry-based rendering*)

Primjer preslikavanja izbočina

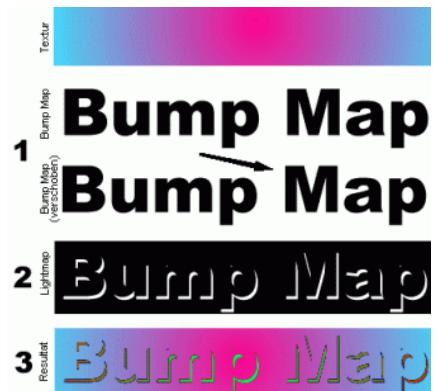
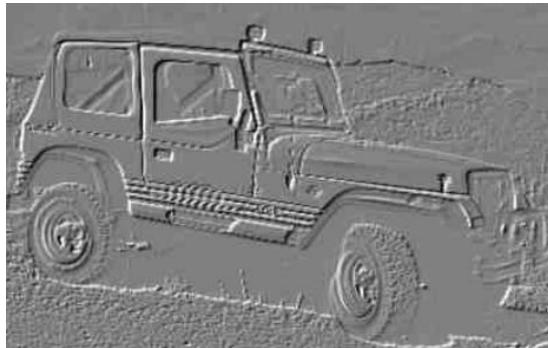
$$I = k_a I_a + k_d I_d \frac{\vec{l} \cdot \vec{n}}{d_L + k} + k_z I_z \frac{(\vec{v} \cdot \vec{r})^n}{d_L + k}$$

- na silueti se ne vide izbočine



## 7.1 Tehnika istaknutosti (engl. emboss)

- motivacija - osnovna ideja prividnog povećanja složenosti površine potiče od stvaranja lažnih istaknutosti
- dodavanje lažne sjene već će stvoriti dojam da je nešto izbočeno <http://jsfiddle.net/3ehe58ru/3/>
- lažne izbočine
  - pomicanje teksture u smjeru/suprotno vektoru prema izvoru <https://math.hws.edu/graphicsbook/demos/c2/image-filters.html>
  - kombinacija s početnom teksturom (filtrar u domeni slike) <https://webglfundamentals.org/webgl/webgl-2d-image-processing.html>
- veličina pomaka je ograničena i ovisi o teksturi, može doći do pojave aliasa
- proširenje tehnike na 3D prostor
  1. određivanje vektora prema izvoru u tangentnom prostoru
  2. određivanje projekcije vektora prema izvoru na ravninu tekstuure

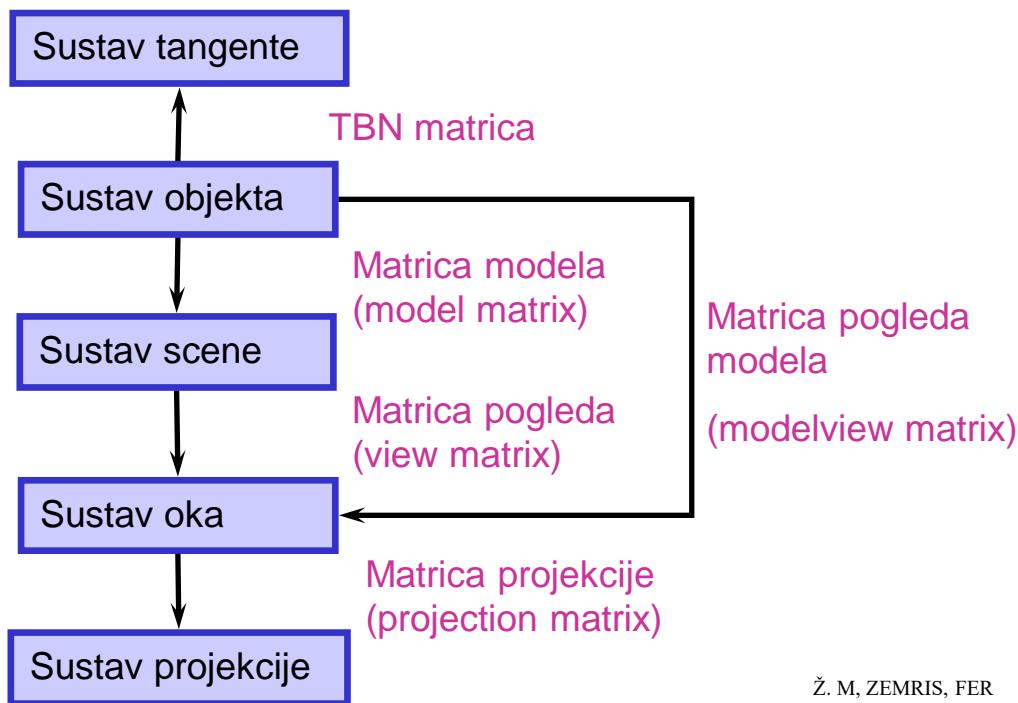


## Postupke možemo podijeliti u 2 koraka

- koordinatnu sustavi – određivanje vektora ( $\mathbf{l}$ ,  $\mathbf{v}$ ) u koordinatnom sustavu TBN (tangenta, normala, binormala) sjenčar vrhova
- preslikavanje izbočina (uz paralaksu) – sjenčar fragmenata

### Koordinatni sustavi - sustav tangente (engl. tangent space)

- u koordinatnom sustavu površine definiramo sustav tangente
- izračunavanje osvijetljena - vektori moraju biti u istom sustavu
- TBN (Tangenta Binormala Normala)** matrica određuje preslikavanje iz sustava objekta u sustav tangente – vezano uz koordinatni sustav teksture



Ž. M, ZEMRIS, FER

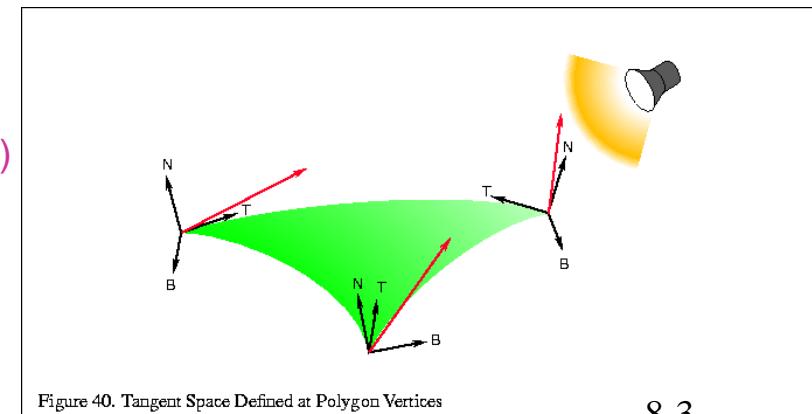


Figure 40. Tangent Space Defined at Polygon Vertices

## Koordinatni sustavi

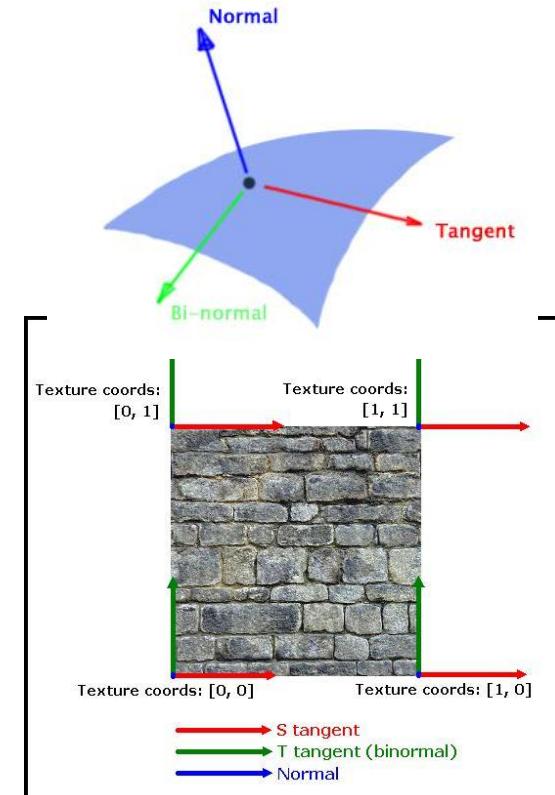
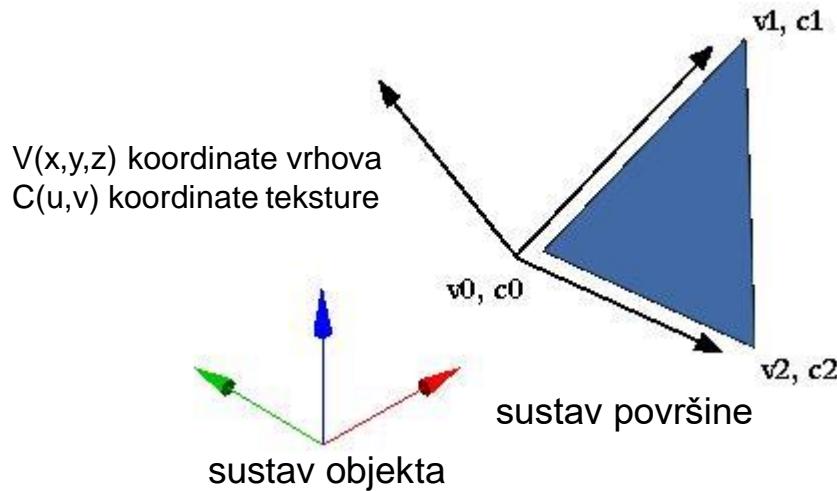
- u složenim scenama učitavamo objekte čije su koordinate u sustavu objekta
- isti objekt možemo transformirati na različite pozicije u sceni,
- pri određivanju osvjetljenja treba odrediti produkt  $\mathbf{n}\mathbf{l}$
- normala  $\mathbf{n}$  je obično u koordinatnom sustavu objekta (TBN je određeno za svaku točku površine)
- izvore možemo imati zadane u koordinatnom sustavu scene ili koordinatnom sustavu objekta, vektor prema izvoru  $\mathbf{l}$  mora biti u istom koordinatnom sustavu kao  $\mathbf{n}$  (moramo  $\mathbf{l}$  transformirati u sustav objekta – odnosno površine - tangente)



## Sustav tangente TBN (engl. tangent space)

- matrica za transformaciju vektora iz koordinatnog *sustava objekta* u *sustav površine tj. sustav tangente* – rotacija vektora
- **T** Tangenta, **B** Binormala, **N** Normala - čine matricu TBN
- **O** vektor u sustavu objekta, **S** transformirani (rotirani) vektor (npr. osi koordinatnog sustava  $\mathbf{x} = (1 \ 0 \ 0)$ ,  $\mathbf{y} = (0 \ 1 \ 0)$ ,  $\mathbf{z}$  se preslikavaju u **T**, **B**, **N**)
- vrijedi samo za ortonormiranu matricu  $M=TBN$  (ako nije tada vrijedi  $S = O(M^{-1})^T$ )

$$\begin{bmatrix} S_x \\ S_y \\ S_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} T_x & T_y & T_z \\ B_x & B_y & B_z \\ N_x & N_y & N_z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} O_x \\ O_y \\ O_z \end{bmatrix}$$



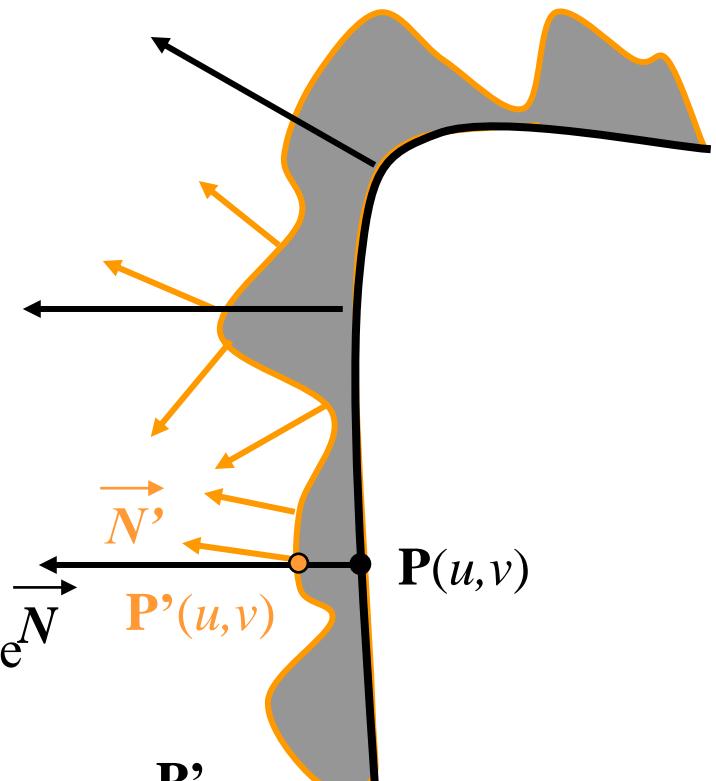
## 7.2 Preslikavanje izbočina (*eng. bump mapping*)

- određivanje normale na izbočinu  
(engl. normal mapping [Blin 78])
- određivanje novoga vektora normale

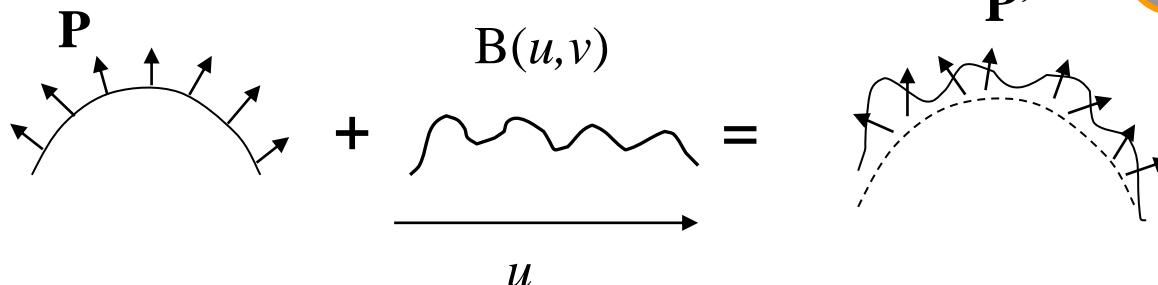
$\mathbf{P}(u, v)$  početna površina

$\mathbf{B}(u, v)$  izbočine <http://cpetry.github.io/NormalMap-Online/>

$\mathbf{P}'(u, v)$  nova površina



- potrebno je odrediti normale nove površine



- točka površine i normala,  $P_u, P_v$  su parcijalne derivacije

$$\vec{P} = [x(u, v) \quad y(u, v) \quad z(u, v)]^\tau, \vec{N} = \vec{P}_u \times \vec{P}_v$$

- nova točka površine i nova normala

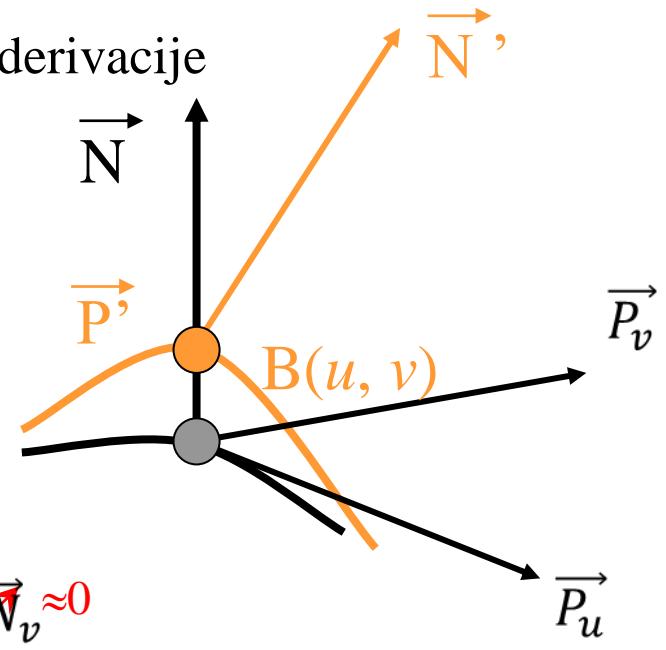
$$\vec{P}' = \vec{P} + B(u, v)\vec{N}/\|\vec{N}\|, \quad \vec{N}' = \vec{P}'_u \times \vec{P}'_v$$

- parcijalne derivacije u novoj točki površine

$$\vec{P}'_u = \vec{P}_u + \frac{B_u \vec{N}}{\|\vec{N}\|} + \frac{B \vec{N}_u}{\|\vec{N}\|}, \quad \approx 0 \quad \vec{P}'_v = \vec{P}_v + \frac{B_v \vec{N}}{\|\vec{N}\|} + \frac{B \vec{N}_v}{\|\vec{N}\|}, \quad \approx 0$$

- tražena normala

$$\vec{N}' \approx \vec{P}_u \times \vec{P}_v + \frac{B_u(\vec{N} \times \vec{P}_v)}{\|\vec{N}\|} + \frac{B_v(\vec{P}_u \times \vec{N})}{\|\vec{N}\|} + \frac{B_u B_v (\vec{N} \times \vec{N})}{\|\vec{N}\|^2}$$



- tražena normala

$$\vec{N}' \approx \vec{P}_u \times \vec{P}_v + \frac{B_u(\vec{N} \times \vec{P}_v)}{\|\vec{N}\|} + \frac{B_v(\vec{P}_u \times \vec{N})}{\|\vec{N}\|} + \frac{B_u B_v (\vec{N} \times \vec{N})}{\|\vec{N}\|^2}$$

- vrijedi

$$\vec{P}_u \times \vec{P}_v = \vec{N}, \vec{P}_u \times \vec{N} = -\vec{N} \times \vec{P}_u, \vec{N} \times \vec{N} = 0$$

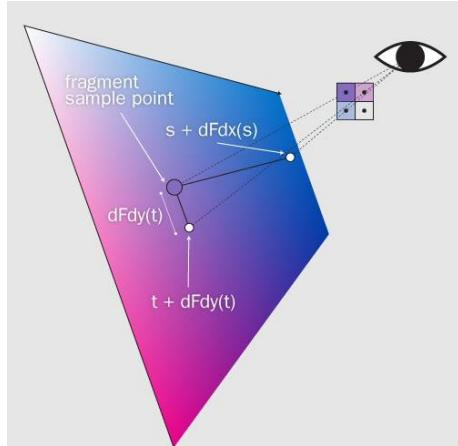
- pa slijedi

$$\vec{N}' \approx \vec{N} + \frac{B_u(\vec{N} \times \vec{P}_v)}{\|\vec{N}\|} - \frac{B_v(\vec{N} \times \vec{P}_u)}{\|\vec{N}\|}$$

- $B(u, v)$  je mapa izbočina,  $B_u, B_v$  su parcijalne derivacije

$$B_u = \frac{B(u - \Delta, v) - B(u + \Delta, v)}{2\Delta} \quad B_v = \frac{B(u, v - \Delta) - B(u, v + \Delta)}{2\Delta}$$

- <http://codepen.io/Mombasa/pen/ivdyC>  
<http://29a.ch/2010/3/24/normal-mapping-with-javascript-and-canvas-tag>  
<https://www.clicktorelease.com/code/spherical-normal-mapping/#>



- u postupku preslikavanja izbočina trebamo izračunati normalu  $\mathbf{N}$  'ovisno o izbočini  
za ravnu površinu u koordinatnom sustavu te površine možemo računati:

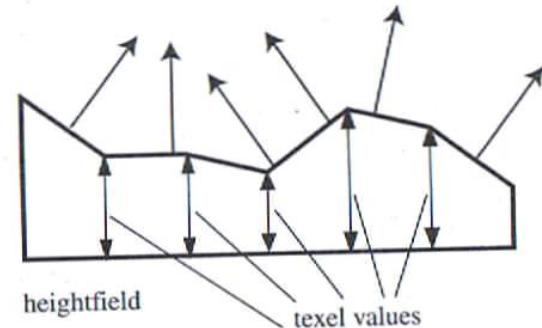
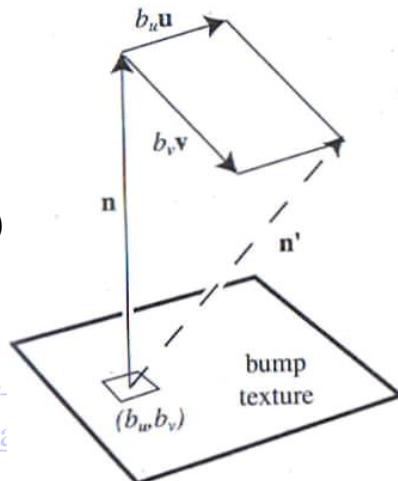
- polje teksture određuje visinu izbočine  $B(u, v)$  -visinska mapa (*height map*) obično se uz teksturu RGB pohranjuje u  $\alpha$  kanalu
- računamo parcijalne derivacije u smjeru  $u$  i  $v$  -  $B_u(u, v), B_v(u, v)$  aproksimacija je:

$$B_u(u, v) = B(u+1, v) - B(u, v)$$

$$B_v(u, v) = B(u, v+1) - B(u, v)$$

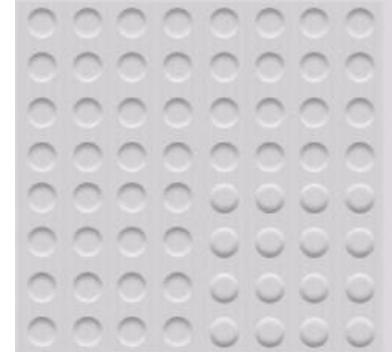
- vektorski produkt  $B_u(u, v), B_v(u, v)$  daje vektor normale  $\mathbf{N}'$  na traženom mjestu (ako promatramo u koordinatnom sustavu površine) <http://lo-th.github.io/labs/index.html> (Terrain)
- slika u boji – također može poslužiti kao mapa izbočina – odredimo sivu sliku – visine

- u GLSL  $dFdx(s)$  i  $dFdy(s)$ 
  - nisu u domeni teksture  $(s, t)$   
no mogu se iskoristiti
- [http://threejs.org/examples/webgl\\_materials](http://threejs.org/examples/webgl_materials)  
[https://threejs.org/examples/webgl\\_ma](https://threejs.org/examples/webgl_ma)



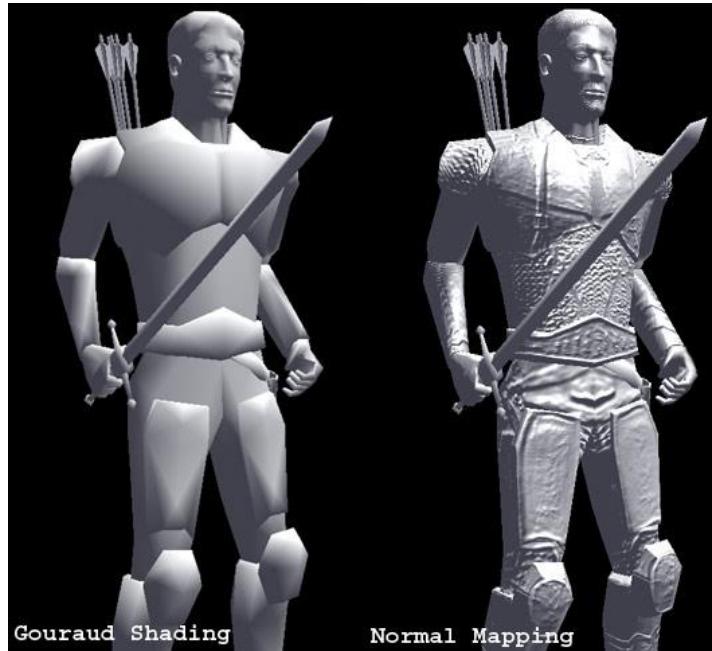
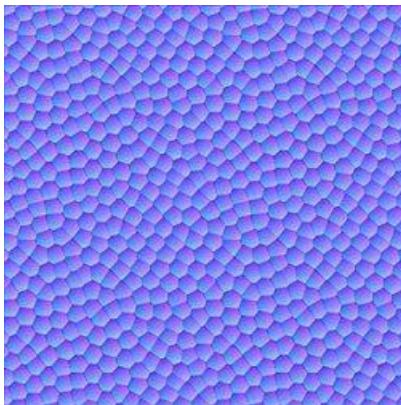
- u prostor za teksturu umjesto RGB komponenti upišu vrijednosti vektora normale  $N$  '(engl. normal map)  
<http://jyunming-chen.github.io/tutsplus/tutsplus28.html>
  - skalarni umnožak dobivene normale s vektorom prema izvoru  $l$  za difuznu komponentu i s vektorom  $r$  za zrcalnu komponentu (sjenčar fragmenata) važno je da su vektori transformirani u isti prostor (sjenčar vrhova)
  - ova tehnika posebno dolazi do izražaja kada je izvor pomican i blizu poligona

<http://neilwallis.com/projects/java/bump/bump1.php>  
[http://xeogl.org/examples/#materials\\_phong\\_textures\\_video\\_normalMap](http://xeogl.org/examples/#materials_phong_textures_video_normalMap)
- nedostaci
  - silueta objekta nije ispravno prikazana
  - samozaklanjanje teksture nije ispravno
  - promjene uslijed paralakse  
(pomaci uslijed promjene pogleda)
    - <http://www.echalk.co.uk/amusements/OpticalIllusions/illusions.htm>
    - <https://sketchfab.com/models/8718c651666c4c4a9972a2dd393b759f>



# Mapa normala

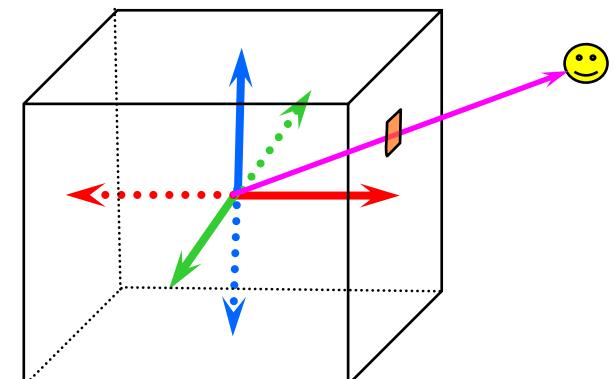
- RGB komponente teksture se koriste za pohranjivanje normale
  - vrijednosti x, y, z komponenti normiranog vektora su [-1,1], a želimo koristiti RGB komponente koje su [0,1], pa moramo skalirati na zadani opseg  $r_x = (x+1)/2$ ,  $r_y = (y+1)/2$ ,  $r_z = (z+1)/2$
  - npr. vektor  $n = (0 \ 0 \ 1)$  se prikazuje kao  $r_n = (0.5 \ 0.5 \ 1)$ ,
  - općenito dominira z komponenta, pa zato dominira plava boja  
<http://lo-th.github.io/loth/shader/index.html#>
- što smo dobili
  - normala će se interpolirati između zadanih vrijednosti kao što se interpoliraju RGB komp. (sklopovski podržano)
  - neće nužno ostati ortonormirana baza



# Normalizacija vektora

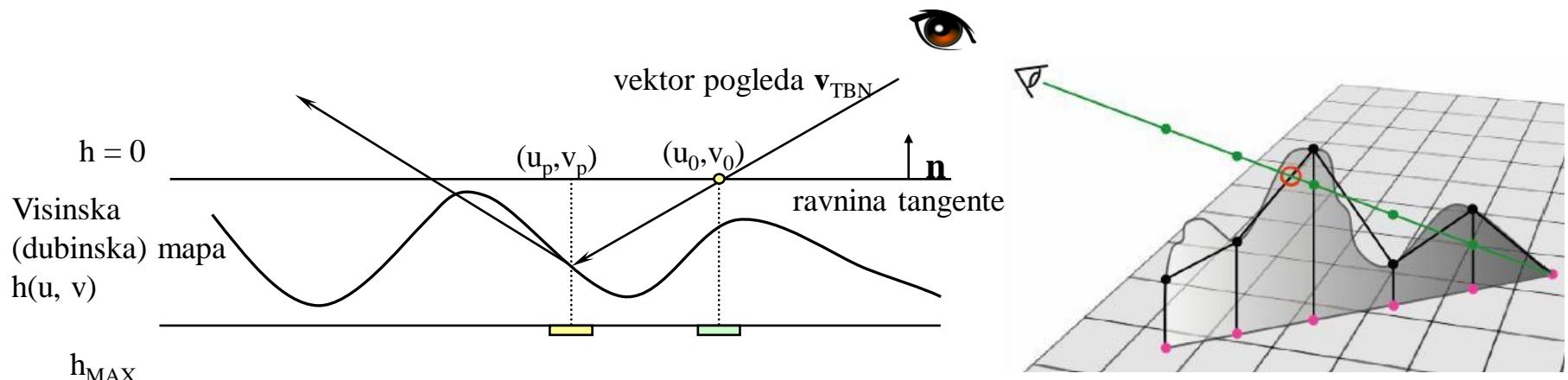
- koristimo preslikavanje s kocke (engl. cube maps)  
(npr. funkcija sin, cos često se pohranjuje u tablice kako bi se ubrzalo izračunavanje)
- želimo brzo izračunati normirani vektor  $n_n = n / \|n\|$
- koristimo preslikavanje na 6 ravnina kocke (sklopovski podržano)  
pristupamo s tri koordinate tipa float glTexCoord3f umjesto glTexCoord2f
- u središtu kocke je ishodište
- imamo 6 ravnina tekstuure u koje pohranimo vrijednosti normiranih vektora koje unaprijed izračunamo za sve stranice (teksture) kocke
- za vektor (ljubičasti) čiju normalu tražimo, preslikavanje s kocke će nam vratiti normiranu vrijednost (narandžasti element tekstuure)

- npr. probodište vektora  $(1 \ 2 \ 1)$  isto je kao za vektor  $(2 \ 4 \ 2)$ , odnosno općenito  $(k \ 2k \ k)$   
i daje normiranu vrijednost koju smo pohranili u tekstuuru
- GLSL – normalize( )



## 7.3 Preslikavanje izbočina uz zaklanjanja uslijed paralakse (engl. parallax occlusion mapping)

- paralaksa (grč. promjena) – kada neki predmet gledamo iz dva različita kuta vidimo ga različito – neki dijelovi će biti zaklonjeni ovisno o pogledu
- vidljiva srednje-gruba svojstva površine
- ostvareno pomacima slikovnih elemenata tekstuure (*fragment shader*)
- dubinska mapa (*depth map*) određuje veličinu pomaka pojedinog slikovnog elementa
- projekcija vektora prema promatraču određuje smjer pomaka slikovnog elementa
- određivanje zasjenjenih dijelova <http://www.babylonjs-playground.com/#10I31V#23>
- [http://callumprentice.github.io/apps/webgl\\_terrain/index.html](http://callumprentice.github.io/apps/webgl_terrain/index.html)
- <https://www.awwwards.com/inspiration/webgl-3d-parallax-effect-missing>



# Preslikavanje uz zaklanjanje

## Pomicanje elemenata teksture određeno dubinskom mapom

- jednostavna aproksimacija (nije egzaktno)
- $h_0$  je određen dubinskom mapom  $h [0, 1]$  za  $(u_0, v_0)$
- $T'_0$  koordinate izvornog elementa na poziciji  $(u_0, v_0)$  - iscrtat ćemo teksturu elementa  $T'_p(u'_p, v'_p)$
- $T'_p$  koordinate elementa kojeg pomicamo – pomiče se u smjeru projiciranog vektora prema promatraču na ravninu poligona za iznos
- mali kutovi su problematični [http://ming4883.github.io/exp3/examples/demo\\_derivative\\_maps.html](http://ming4883.github.io/exp3/examples/demo_derivative_maps.html)  
(texture- pyramids, bumpness)

Egzaktno :

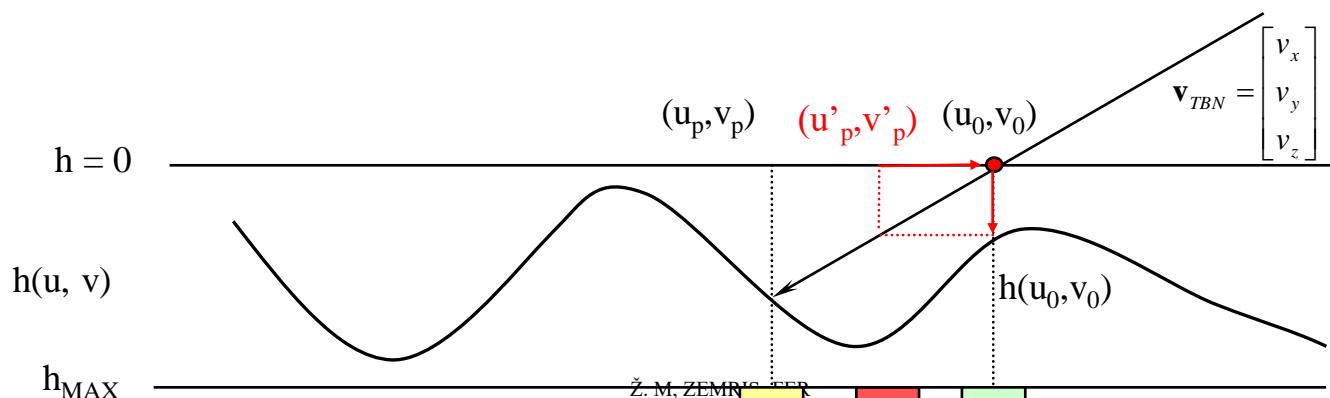
$$\begin{bmatrix} u_p \\ v_p \\ -h_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_0 \\ v_0 \\ 0 \end{bmatrix} + t \cdot \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{bmatrix}$$

Aproksimacija :

$$\begin{bmatrix} u'_p \\ v'_p \\ -h_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_0 \\ v_0 \\ 0 \end{bmatrix} + t \cdot \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{bmatrix} \Rightarrow t = \frac{-h_0}{v_z} \Rightarrow$$

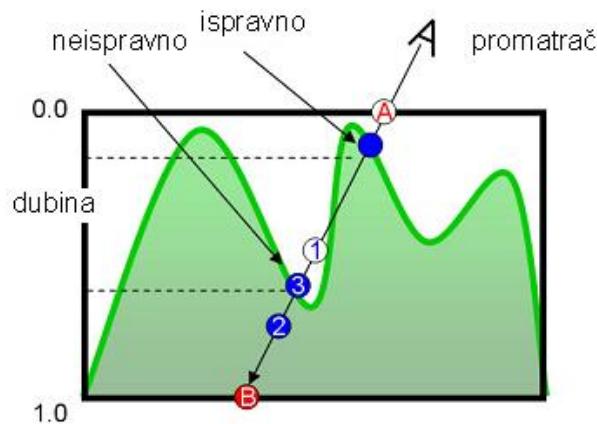
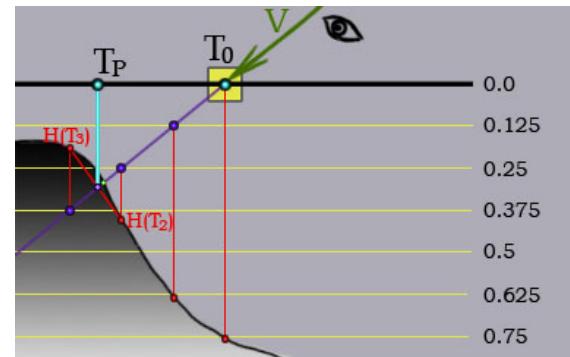
Na mjestu  $u_0 v_0$  iscrtamo teksturu  $u'_p v'_p$  :

$$\begin{bmatrix} u'_p \\ v'_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_0 \\ v_0 \end{bmatrix} - \frac{h_0}{v_z} \cdot \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \end{bmatrix}$$



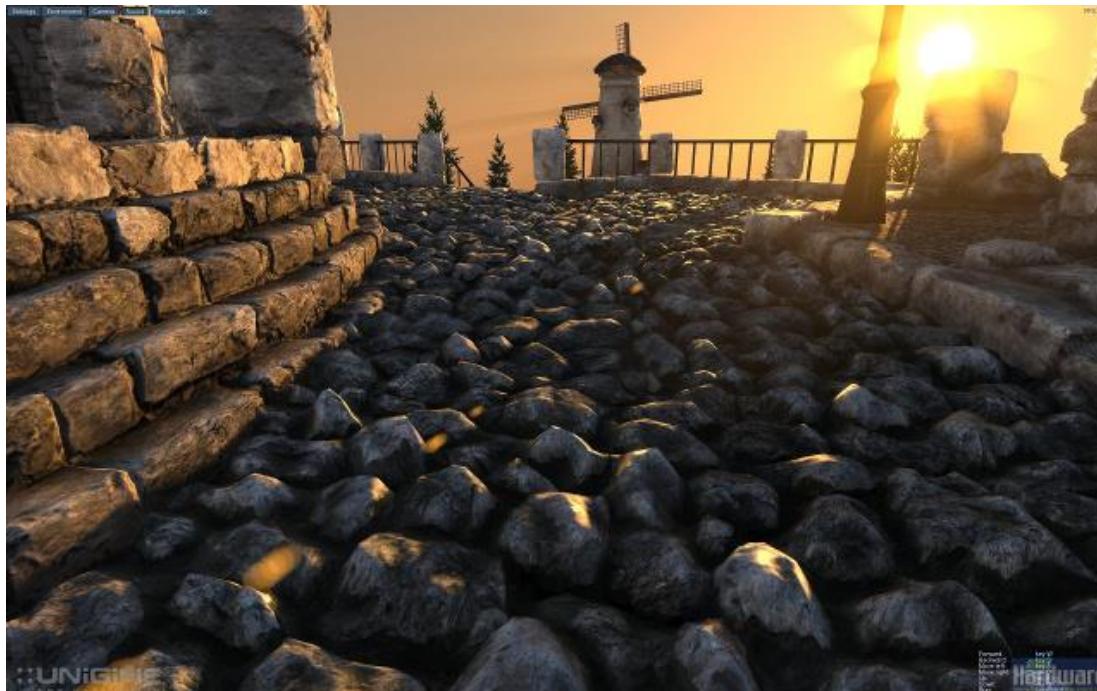
## Reljefna tehnika (*relief mapping*)

- određivanje sjecišta praćenjem zrake u dubinskoj mapi
  - jednolika podjela duž zrake (Steep Parallax Mapping),
  - + binarna podjela <https://playground.babylonjs.com/#10I31V#408>
  - kombinirano
- perspektivno ispravna udaljenost elementa teksture
- <http://lo-th.github.io/labs/index.html> (crveno-parallax/plane)
- ispravne sjene na teksturi i siluetu je moguće ostvariti
- dvostruke visinske mape [Lanci](#)

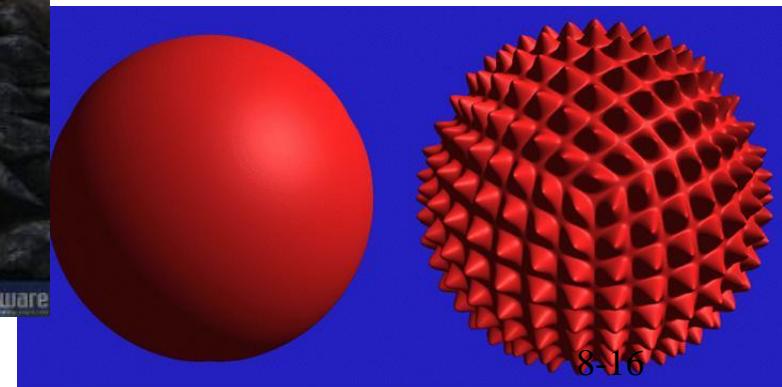


## 7.4 Preslikavanje pomaka (*engl. displacement mapping*)

- promjena geometrije, olakšava posao dizajnera  
<http://felixpalmer.github.io/webgl-tombstone/> (zoom/toggle vertices /Load depth map) <http://www.babylonjs.com/Demos/DisplacementMap/>
- generiranje izbočina objekta (može biti i teren)  
[http://www.realtimerendering.com/erich/udacity/exercises/unit6\\_normal\\_vs\\_displacement.html](http://www.realtimerendering.com/erich/udacity/exercises/unit6_normal_vs_displacement.html)
- [https://threejs.org/examples/#webgl\\_materials\\_displacementmap](https://threejs.org/examples/#webgl_materials_displacementmap) (displ.)
- promjene broja poligona unutar protočnog sustava (*geometry shader*) <http://david.li/waves/>
- [https://www.youtube.com/watch?v=1T8\\_kvD5X8](https://www.youtube.com/watch?v=1T8_kvD5X8)



Ž. M. ZEMRIS, FER

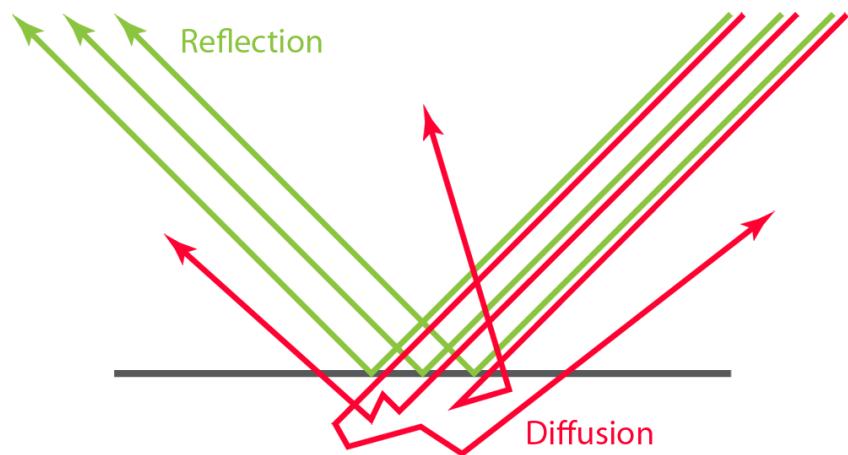


# Ispod površinsko raspršenje (engl. subsurface scattering)

- karakteristično za led, mramor, ljudsku kožu
- dio svjetlosti je apsorbiran u površini (ovisno o valnim duljinama)

[https://phet.colorado.edu/sims/html/beers-law-lab/latest/beers-law-lab\\_en.html](https://phet.colorado.edu/sims/html/beers-law-lab/latest/beers-law-lab_en.html)

[https://threejs.org/examples/webgl\\_materials\\_subsurface\\_scattering](https://threejs.org/examples/webgl_materials_subsurface_scattering)

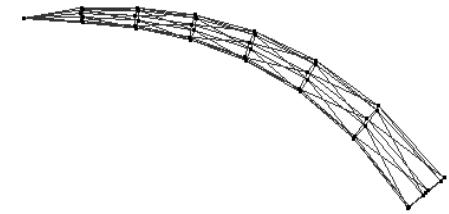


- <https://www.youtube.com/watch?v=tuZMMZ8vbNk>
- [http://fractalfantasy.net/#/4/uncanny\\_valley](http://fractalfantasy.net/#/4/uncanny_valley)

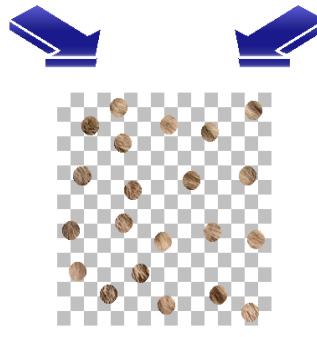


## 7.5 Volumne teksture - krvnina

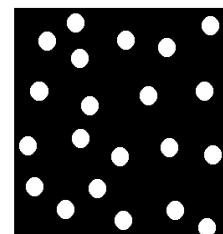
- simulacija krvnina linijama
  - <http://www.ibiblio.org/e-notes/webgl/models/fur.html>
  - [https://oosmoxiecode.com/archive/js\\_webgl/lines\\_particles\\_sphere/](https://oosmoxiecode.com/archive/js_webgl/lines_particles_sphere/)
- modeliranje pojedine travke poligonima
  - <https://codepen.io/zadvorsky/full/xPKBBJ/>
- modeliranje „zgužvanim“ poligonima <https://www.babylonjs-playground.com/#EUCNP#6>
- simulacija krvnina, trave, tepiha, oblaka – nizom paralelnih tekstura
  - <http://jeromeetienne.github.io/threex.grass/examples/demo.html>
- krvnina uzorkujemo nizom presjeka
- iznad poligona složimo niz tekstura (ljuske – shells) koje su djelomično prozirne
  - <https://keaukraine.github.io/webgl-fur/> Layers



originalna tekstura modela



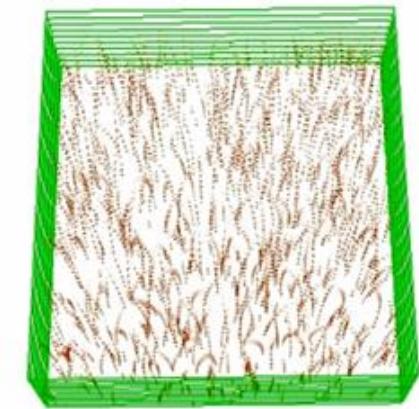
tekstura ljuske



maska



volumni uzorak krvnina



uzorkovanje tekstura ljusaka

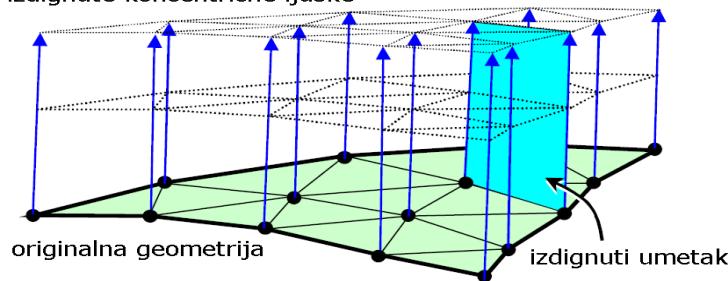
- na silueti objekta dodajemo umetke s rubnom teksturom kako bi poboljšali rubna područja

[https://oosmoxiecode.com/archive/js\\_webgl/fur/index\\_petting.html](https://oosmoxiecode.com/archive/js_webgl/fur/index_petting.html)

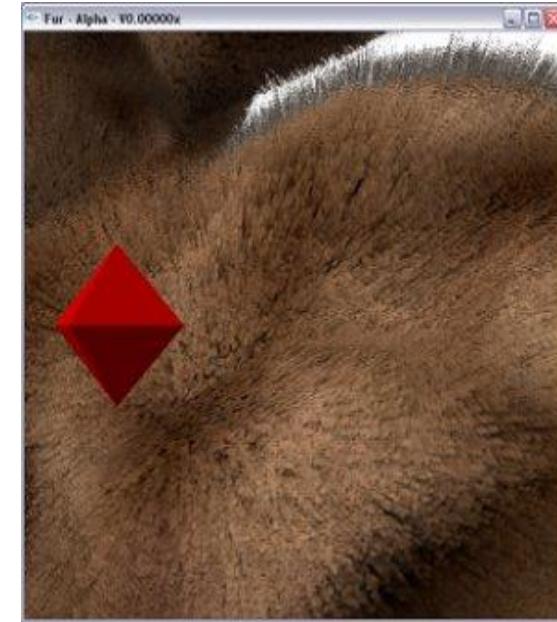
[https://oosmoxiecode.com/archive/js\\_webgl/fur/](https://oosmoxiecode.com/archive/js_webgl/fur/)



izdignute koncentrične ljeske



- utjecaj na normale poligona



- utjecaj na boju i normalu teksture,



- prednosti postupka – prikaz mekih objekata u stvarnom vremenu, sklopovska podrška, impresivni rezultati
- nedostaci postupka – pod malim kutovima alias artefakti
- [Zeko](#)



dim, oblaci ostvareni volumnom teksturom

<http://www.babylonjs.com/Demos/VertexData/>

<https://www.script-tutorials.com/demos/177/index.html>

# Animirajuće teksture

- datotečni zapis .gif podržava animirajući slijed slika
  - npr. vatra, dim kao film <https://stemkoski.github.io/Three.js/Texture-Animation.html>  
<https://cedricpinson.github.io/osgjs-website/examples/texture-video/>
- transformacije koje djeluju na preslikavanje teksture mogu se primijeniti i na video [Kino](https://stemkoski.github.io/Three.js/Video.html) <https://stemkoski.github.io/Three.js/Video.html> P  
[http://alteredqualia.com/three/examples/webgl\\_deferred\\_arealights\\_texture.html](http://alteredqualia.com/three/examples/webgl_deferred_arealights_texture.html)
- [https://threejs.org/examples/#webgl\\_materials\\_video](https://threejs.org/examples/#webgl_materials_video)
- 360° video (cubemaps, skybox) <https://www.youtube.com/watch?v=sPyAQQklc1s>
- [https://threejs.org/examples/#webgl\\_video\\_panorama\\_equirectangular](https://threejs.org/examples/#webgl_video_panorama_equirectangular)
- animirajuće volumne teksture
  - simulacija stvaranja oblaka [Oblaci](https://www.clicktorelease.com/code/css3dclouds/#) <https://www.clicktorelease.com/code/css3dclouds/#>
  - [https://threejs.org/examples/webgl2\\_volume\\_cloud.html](https://threejs.org/examples/webgl2_volume_cloud.html)  
[https://threejs.org/examples/#webgl2\\_materials\\_texture3d\\_partialupdate](https://threejs.org/examples/#webgl2_materials_texture3d_partialupdate)



- tekstura kao izvor sustava čestica

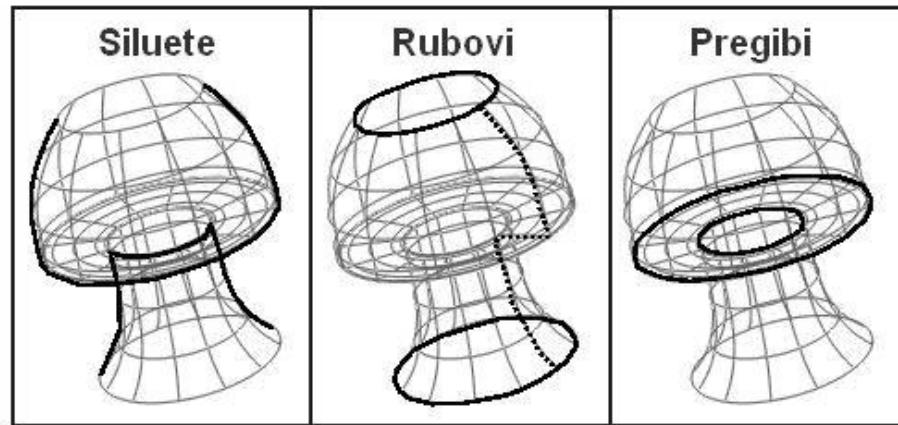
- <https://nme.babylonjs.com/#345ATT#4>

## 7.6 Nefotorealistične tehnike prikaza (*Non Photorealistic Rendering NPR*)

- Fotorealistične tehnike – cilj je predmete prokazati što vjernije
  - NPR tehnike – naglašavanje bitnih informacija za raspoznavanje predmeta – pregibi i rubovi – naglašavanje oblika (skice strojarskih elemenata)
  - ciljano oponašanje estetskog dojma tradicionalnih tehnika – slično stripu, kistom crtanih objekata, crtića [http://www.realtimerendering.com/erich/udacity/exercises/unit3\\_toon\\_solution3.html](http://www.realtimerendering.com/erich/udacity/exercises/unit3_toon_solution3.html)

- tehnike prikaza

- rezbarenje,
  - sjenčanje točkama,
  - crtanje kistom, ugljenom,
  - <http://david.li/paint/>
  - kolaž, crtež <https://threejs.org/examples/?c>
  - tonske mape <http://takahirox.github.io/mmd->



- analiza tijela prije iscrtavanja

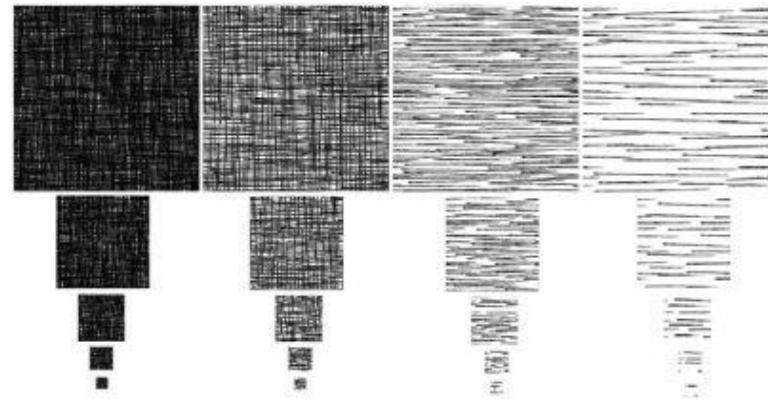
- **obris (kontura, silueta)** [http://arefin86.github.io/edges\\_silhouettes.html](http://arefin86.github.io/edges_silhouettes.html)  
<http://stemkoski.github.io/Three.js/Outline.html>

## 3D - granica vidljivih i skrivenih poligona ili projekcija - Z spremnik

- rubovi – poligoni koji nemaju susjednih poligona imaju rubne bridove
  - pregibi – nagla promjena normale, kut između normala veći od nekog unaprijed zadatog
  - analiza zakrivljenosti

# Prikaz tonskim mapama

- priprema tekstura – MipMape tekstura se unaprijed pripreme
  - dočarano osvjetljenje i razina detalja
  - toroidne sličice – moraju omogućavati popločavanje bez šavova gore-dolje lijevo-desno
  - <https://www.clicktorelease.com/code/cross-hatching/>
  - [Medo](#)
- primjena tekstura ovisno o zadanim pravilima
  - prostorna koherentnost – ostvarivanje prijelaza tekstura između različitih nijansi pri prijelazu sa svjetlijeg na tamniji vrh i detaljnosti tekture (prijelazi moraju biti kontinuirani)
  - potrebno anizotropno filtriranje
  - najveća lokalna zakriviljenost površine (diferencijalna geometrija) određuje smjer poteza na teksturi



<http://tangrams.github.io/tangram-sandbox/tangram.html?styles/tilt-ikeda#12.13511021767367/45.8244/15.9619>

- vremenska koherentnost

- u animaciji, teksture tamnijih nijansi sadrže svjetlige, u novoj nijansi dodaju se potezi na već postojeće,
- veće teksture su nadskup manjih
- stapanje više tekstura kako bi se umanjila kvantizacija osvjetljenja, zasebne tekture 3 vrha poligona Baricentrično se kombiniraju i stapaju u jednu teksturu (*stapanjem a b i c dobije se konačna tekstura d*)

