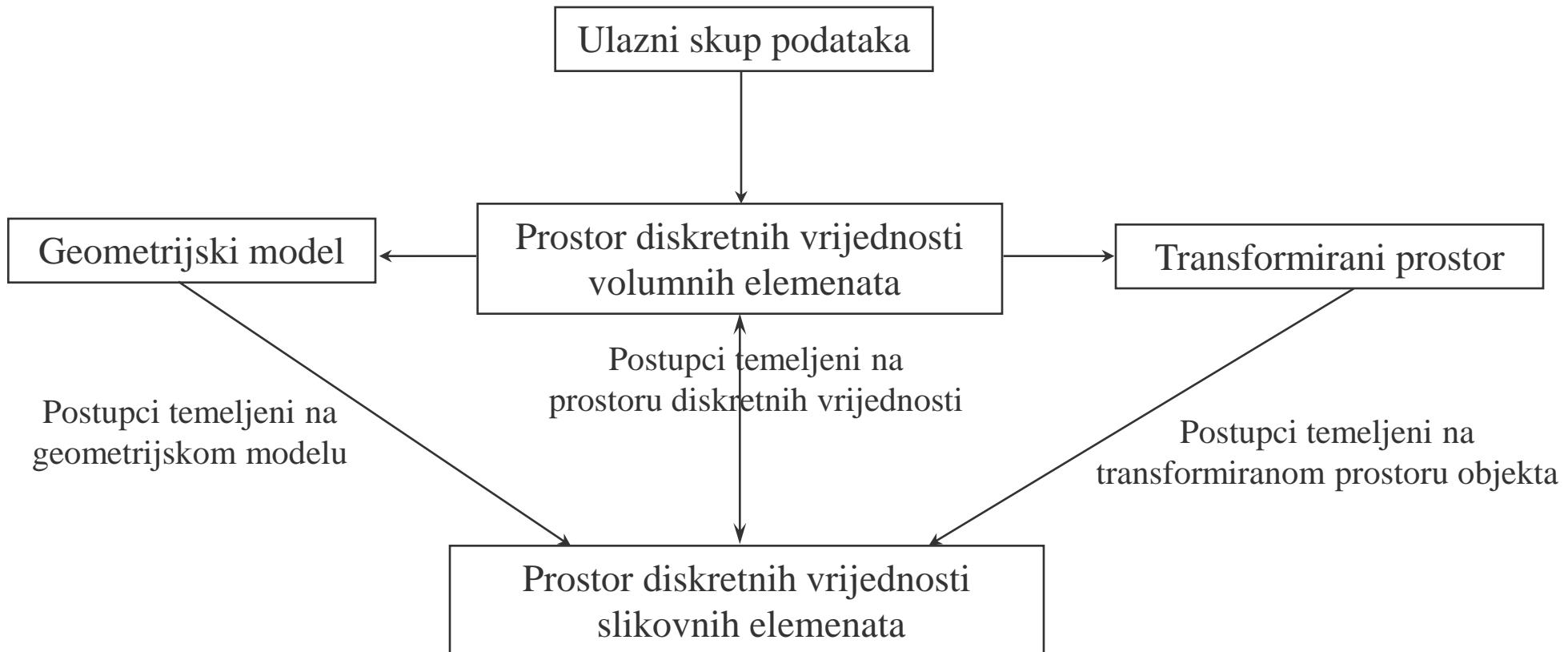


## 2. Podjela postupaka vizualizacije

### Ulagni skup podataka

- strukturirani podaci
  - organizirani u računalu prepoznatljivu strukturu,
  - te strukture se mogu preslikati u oblik *veličina – vrijednost*, mogu biti 1D ili višedimenzijski grafovi
- polu-strukturirani podaci
  - ne mogu se izravno preslikati u oblik *veličina – vrijednost*, npr. tablica u kojoj je neki stupac slika ili tekst
- nestrukturirani podaci
  - ne postoji unaprijed definirana i prepoznatljiva struktura
  - nepoznati broj značajki koje opisuju određeni podatak, kao i nepoznati broj vrsta relacija kojima je taj podatak povezan s ostalim podatcima u razumljiv kontekst - puno mogućnosti
  - cilj vizualizacije je dovođenje podataka u razumljiv kontekst

## Podjela postupaka vizualizacije za strukturirane podatke



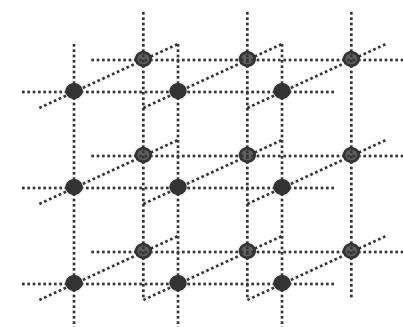
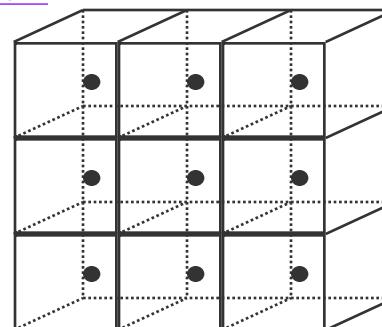
# Prostor volumnih elemenata

- volumni element – voxel po uzoru na element slike – pixel,  $\mathbf{r} \in \mathbf{R}^3$ ,  $V(t, \mathbf{r})$ 
  - $V(t, \mathbf{r}) \in \mathbf{R}$  skalarno (gradijent na skalarnom polju dat će vektorsko polje)
  - $\mathbf{V}(t, \mathbf{r}) \in \mathbf{R}^3$  vektorsko polje (*vector field*), općenito može biti više vrijednosti pridruženo
- diskretne vrijednosti
  - vrijednost u središtu elementa
  - vrijednosti u vrhovima kocaka
- određivanje kontinuirane vrijednosti na osnovi uzorka
- nalaženje istovrijedne površine
- rekonstrukcija (interpolacija)

<http://www.gris.uni-tuebingen.de/areas/scivis/volren/datasets/datasets.html>

<http://www.lebarba.com/WebGL/Index.html>

- <http://www.cs.uoregon.edu/~tomc/jquest/SushiPlugin.html>

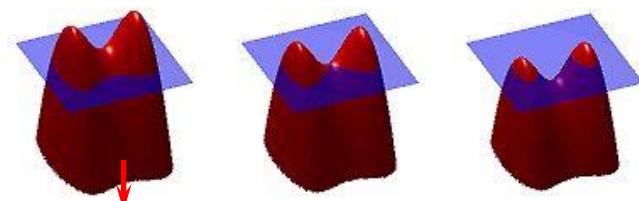
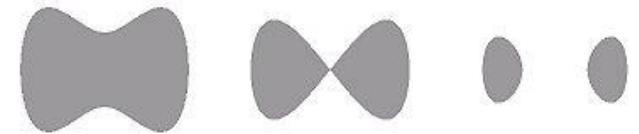


- temeljni zadatak

- preslikavanje podataka u vizualne parametre
- uzorkovane podatke želimo prikazati, prikazivanje sloj po sloj daje uvid ali želimo izdvojiti pojedine dijelove kako bi vidjeli oblik i našli problematična mjesta
- različiti pristupi problemu (različite tehnike kako ostvariti prikaz)
- predstavljanje 3D skupova podataka (istovrijednih površina)
- <http://www.callutheran.edu/BioDev/omm/surfaces/surfaces.htm>

- Razina skupa (*level set*)

- matematička definicija  $\{(x_1, \dots, x_n) \mid f(x_1, \dots, x_n) = c\}$
- 2D to je linija konture (izohipsa, izobara, izoterna)
- kontura  $\Gamma : \{(x, y) \mid \varphi(x, y) = 0\}$ ,  $\varphi \dots$  funkcija razine skupa
- kontura  $\Gamma$  je definirana implicitno preko  $\varphi$ ,  
 $\varphi < 0$  unutar,  $\varphi > 0$  izvan
- jednadžba razine skupa – pomicanje presječne ravnine konstantnom brzinom, dobit ćemo niz kontura (možemo interpretirati kao “brdo” u prostoru ili kao sekvencu promjena u vremenu)
- 3D to je izo-površina (nD hyper-surface)
- $f(x, y, z) = c$  postavljanje vrijednosti praga
  - jedna vrijednost, više vrijednosti



## 2.1 Ulazni skup podataka

### a) Podaci dobiveni uzorkovanjem

- ultrazvučno uzorkovanje
- CT (računalna tomografija, computer aided tomography) X-zrake
  - (<http://www.colorado.edu/physics/2000/xray/index.html>)
  - (<http://www.colorado.edu/physics/2000/tomography/projections.html>)
  - ([http://www.colorado.edu/physics/2000/tomography/auto\\_rib\\_cage.html](http://www.colorado.edu/physics/2000/tomography/auto_rib_cage.html))
    - transmisijska tomografija
    - refleksijska tomografija
    - emisijska tomografija - PET (Positron emission - ubrizgava se radioaktivni izotop), SPECT (Single photon emission, koristi gama zrake)
- MR (magnetska rezonanca, magnetic resonance imaging)
- slikani presjeci koji su odsječeni
- ostvaruje se niz poprečnih presjeka koji čine volumen, prostor volumnih elemenata
  - različita rezolucija po pojedinim osima
  - pred- obrada: filtriranje, uzorkovanje (down-sampling), odsijecanje - 16bita

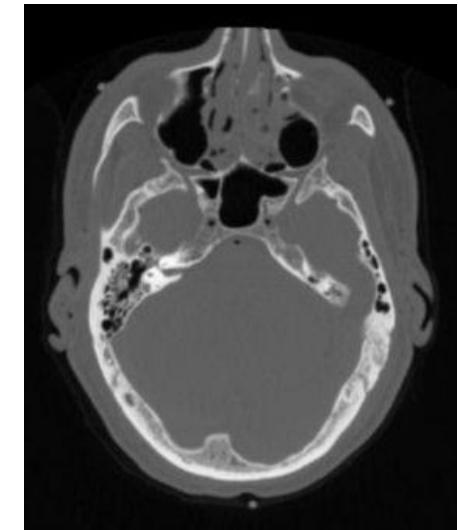
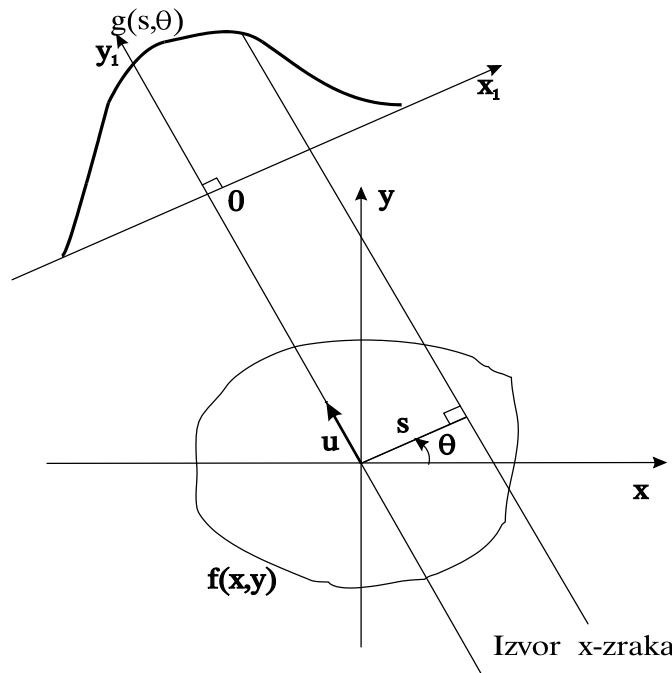
## CT - računalna tomografija

- x-zrake prolaze kroz objekt – integral prolaska zrake kroz različita tkiva, zraka se eksponencijalno prigušuje prolaskom kroz tkivo <https://brainbrowser.cbrain.mcgill.ca/volume-viewer>

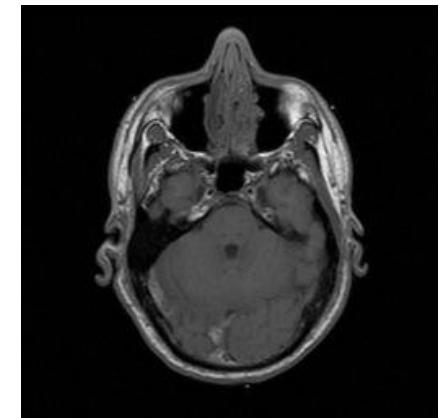
<https://brainbrowser.cbrain.mcgill.ca/surface-viewer#ct>

$$I = I_0 \exp\left(-\int \mu(x, y) ds\right)$$

- linijski izvor x-zraka
- iz puno smjerova se obavlja snimanje



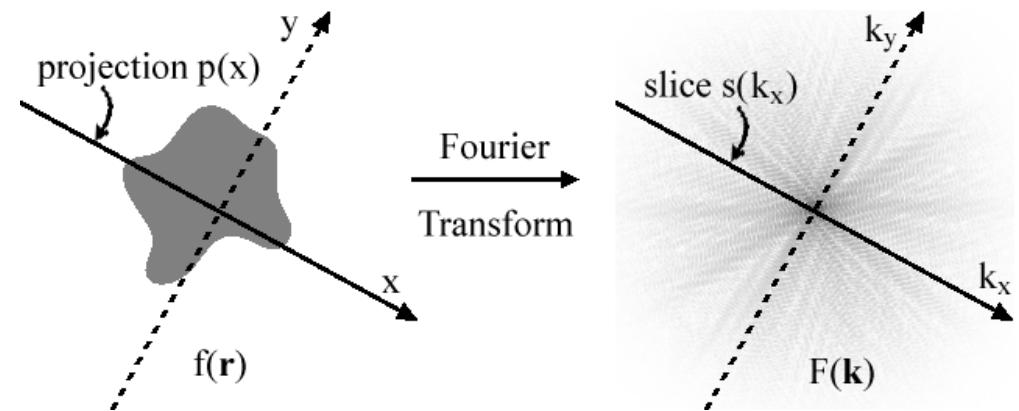
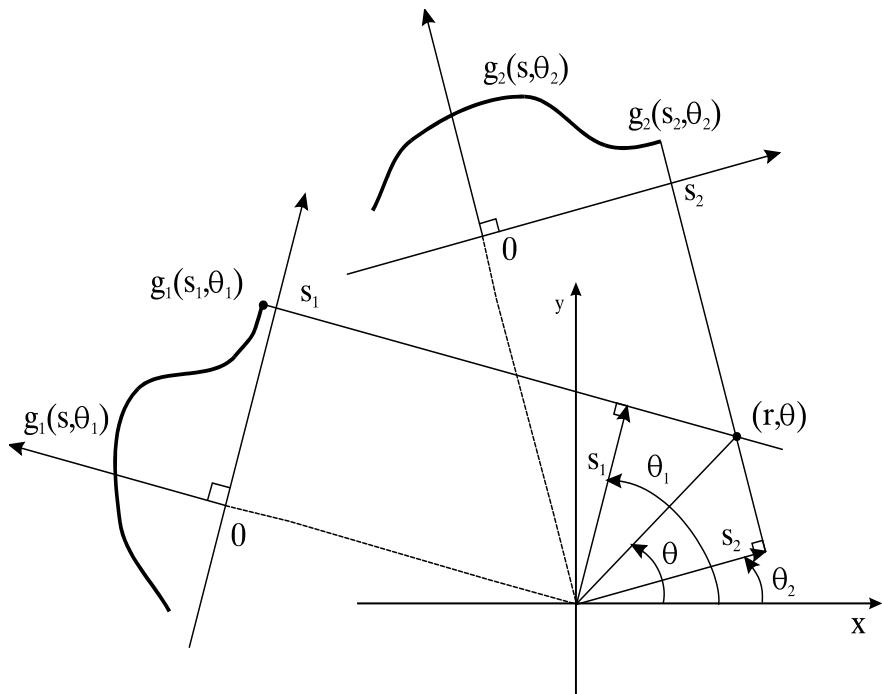
CT - računalna tomografija



MR - magnetska rezonanca  
2 - 6

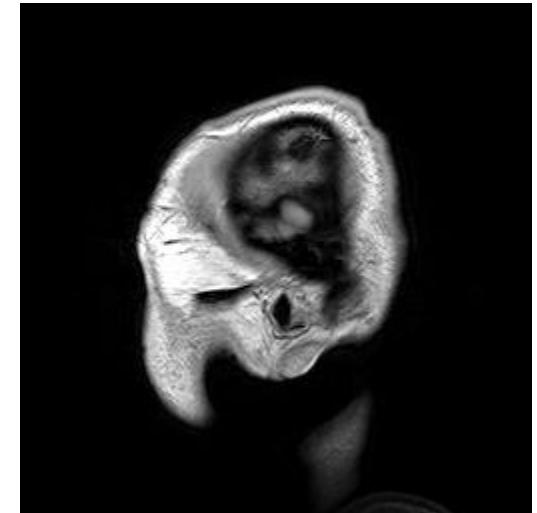
# Rekonstrukcija jednog poprečnog presjeka

- Radonova transformacija (inverzna Radonova transformacija) <http://www.rabidhamster.org/java/JavaRadon.php>
  - niz sjenograma  $g_i(s, \theta_i)$  za pojedini presjek  $\rightarrow$  Fourier-ova transformacija  $\rightarrow$  niz 1D presjeka iz kojih se rekonstruira pojedini 2D presjek (*projection slice theorem*)
  - različite varijante uređaja – s pomičnim/fiksnim izvorima, spiralni CT – klizni stol
  - vremenski problem kod uzorkovanja – artefakti zbog pomicanja pacijenta, brzina  $\leftrightarrow$  veća rezolucija, šum, zračenje
  - (*dynamic volume CT '07* - 320 presjeka)



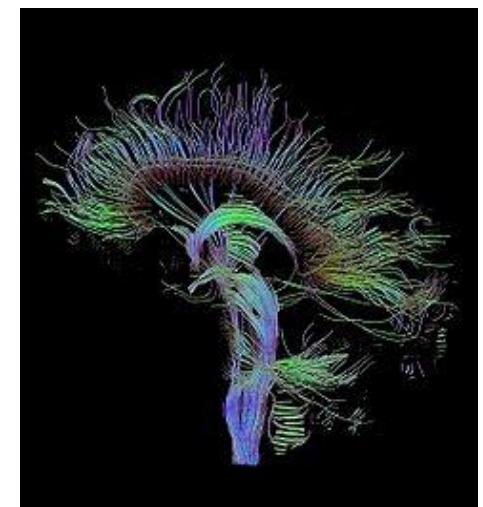
# Magnetska rezonanca

- bolje razlučivanje različitih tkiva (npr. tumor)
- atomi vodika (protoni) u molekulama vode u magnetskom polju poravnavaju se s poljem i apsorbiraju energiju, kada polje ugasimo emitiraju apsorbiranu energiju
- [http://phet.colorado.edu/simulations/sims.php?sim=Simplified\\_MRI](http://phet.colorado.edu/simulations/sims.php?sim=Simplified_MRI)
- povratak u ravnotežno stanje kod protona u različitim tkivima je različit (ubrizgavanje kontrastnih agensa kako bi se naglasio učinak – prikaz žila)



## Difuzijska MR

- mjeri difuziju molekula vode u tkivu (obično je anizortopno)
- u neurološkim vlaknima (axon) molekule će biti pretežno poravnate s vlaknima što se može prikazati DTI (*diffusion tensor imaging*)
- DWI (*Diffusion-weighted imaging*) primjenjuju se gradijentni impulsi koji rezultiraju različitoj vrijednosti difuzijskog koeficijenta (*apparent diffusion coefficient ADC*) kod protona koji se miču od onih koji miruju
- moguće je odrediti povezanost različitih regija difuzijom



- za više izvora (CT, MR) potrebna je registracija podataka

## b) apstraktni podaci

- vrijednosti funkcije u prostoru volumnih elemenata
  - Julijevi i Mandelbrotovi fraktalni skupovi  $z_{n+1} = f(z_n, c)$ ,  
 $z_0$  početna vrijednost,  $c$  kompleksna konstanta,  
 $f$  nelinearna funkcija kompleksne varijable.

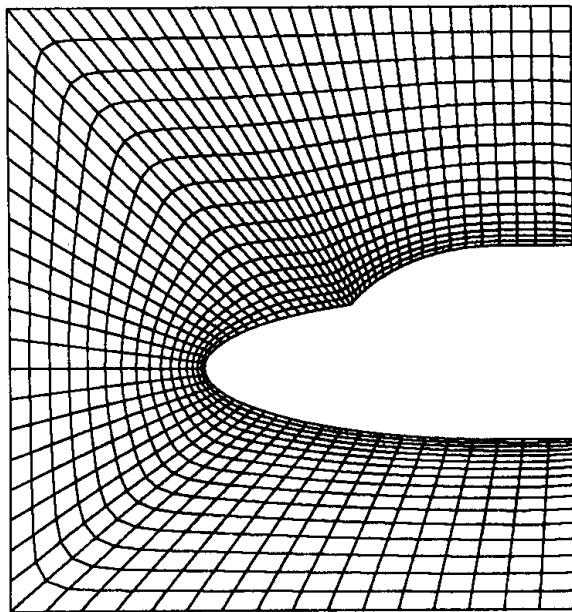
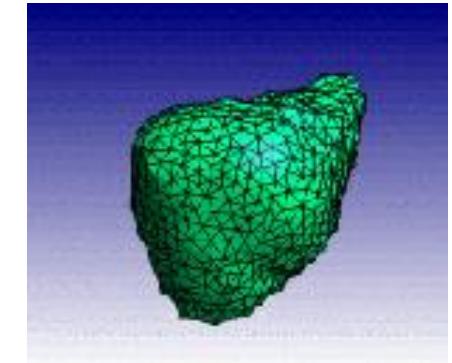
## c) rezultati simulacija

- izgradimo model (npr. konačni elementi, FEM Finite Element Modelling)
- načinimo simulaciju
- prikazujemo rezultat (npr. protok fluida, CFD Computational Fluid Dynamics, elektromagnetska polja)

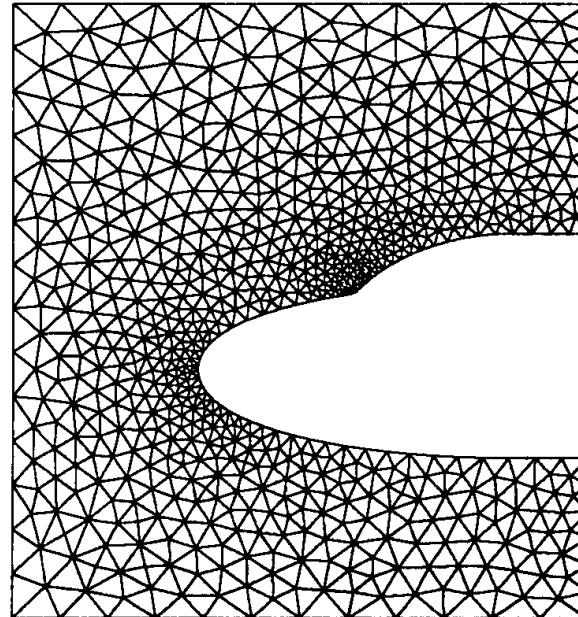
# Struktura ulaznih podataka

- neravnomjerno raspršeni volumni elementi
  - geometrija podataka (raspored točaka u prostoru)
    - implicitno definirane površine
  - RBF - [http://oos.moxiecode.com/js\\_webgl/isogrid/](http://oos.moxiecode.com/js_webgl/isogrid/)
  - Metaballs <http://stemkoski.github.io/Three.js/Metaballs.html> <http://www.ro.me/tech/metaball-playground>
- topologija podataka (povezanost točaka u prostoru)
  - heksaedarske mreže
  - tetraedarske mreže
  - hibridne mreže
- pogodan oblik za simulaciju (toplinska naprezanja, elektromagnetsko polje ..)
- jednoliko raspoređeni volumni elementi <http://lsppc30.epfl.ch/intapplet.php>
- postupci kojima jedan oblik transformiramo u drugi (obično neuniformne mreže u jednoliko raspoređene volumne elemente)
  - postupak rasterizacije

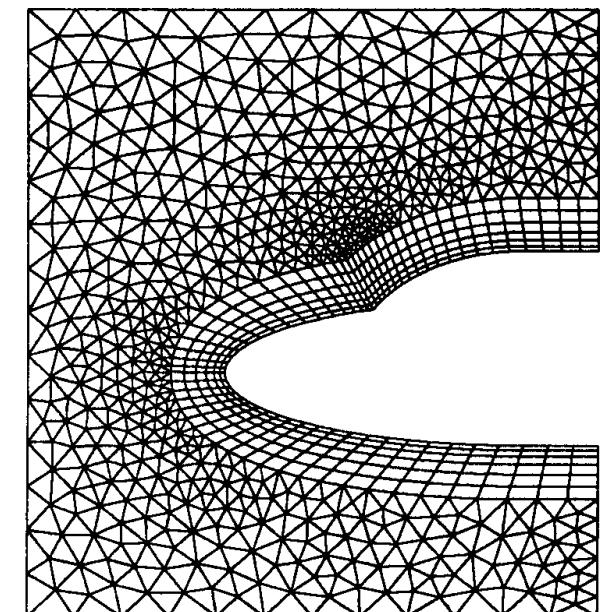
Modeli temeljeni na neuniformnim mrežama



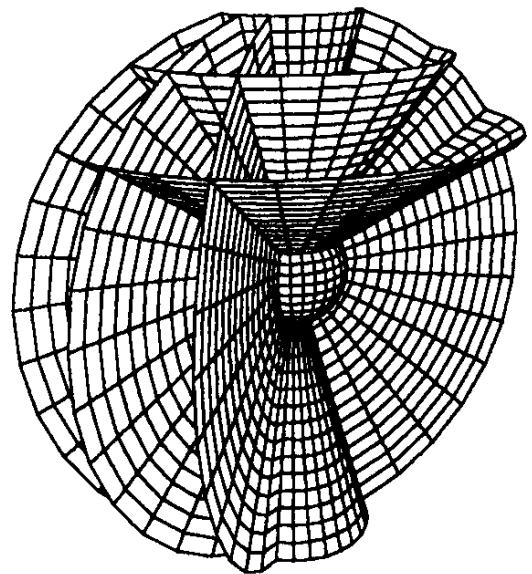
hekсаedarska



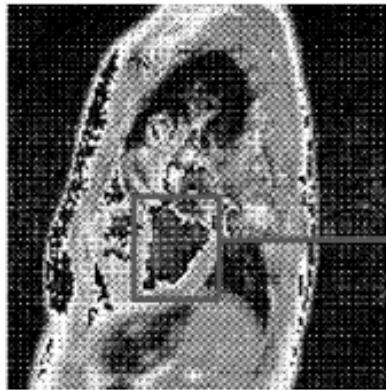
tetraedarska



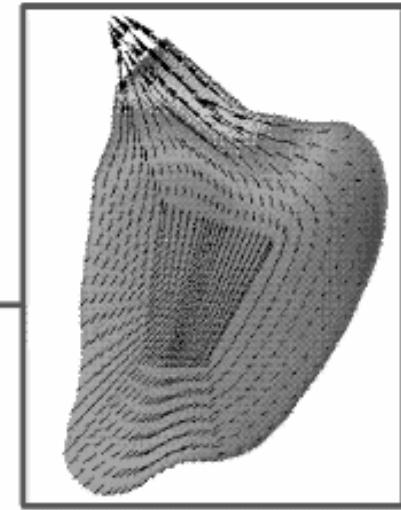
hibridna mreža



strujanje zraka (avion)

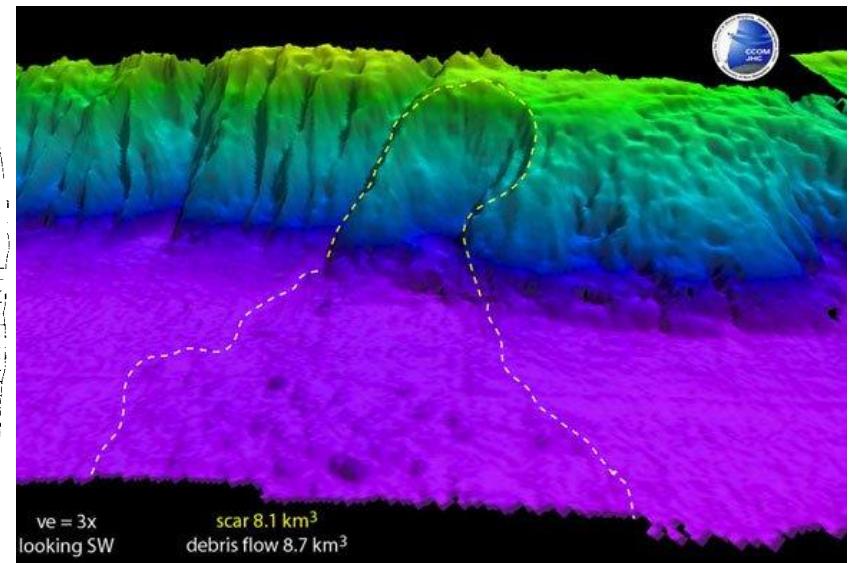
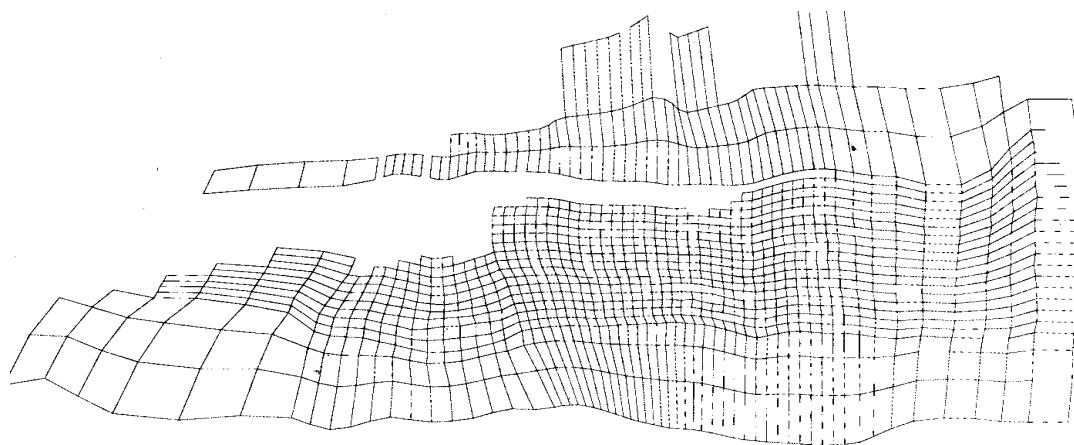


zvuk u ušnoj školjci

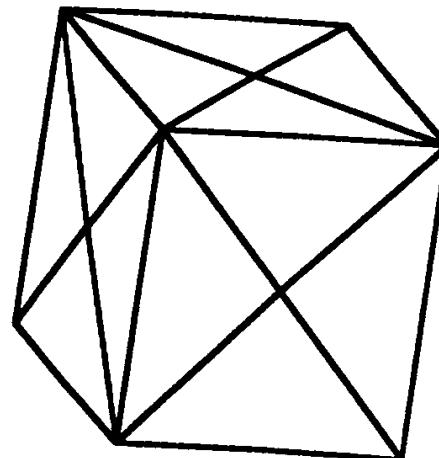
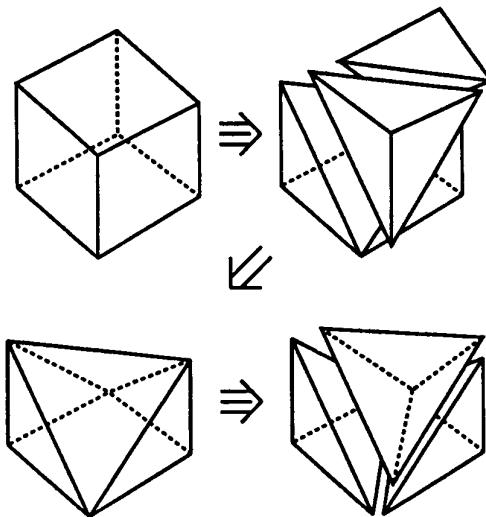


# geološki podaci

- nalazište nafte
  - uzimanje dubinskih uzoraka
- pomaci tektonskih ploča
  - postavljanje eksploziva na niz pozicija i mikrofona (neuniformno- praćenje odaziva, zvuk se različito širi kroz različite vrste slojeva zemlje)



- dekompozicija mreže
  - dekompozicija heksaedarske čelije na tetraedarske čelije
    - asimetrična podjela na 5 tetraedarskih čelija
    - simetrična podjela na 24 tetraedarskih čelija
  - neuniformnu mrežu možemo uzorkovati kako bi mogli koristiti postupke razvijene za uniformnu raspodjelu (slično kao vektorski i rasterski pristup)

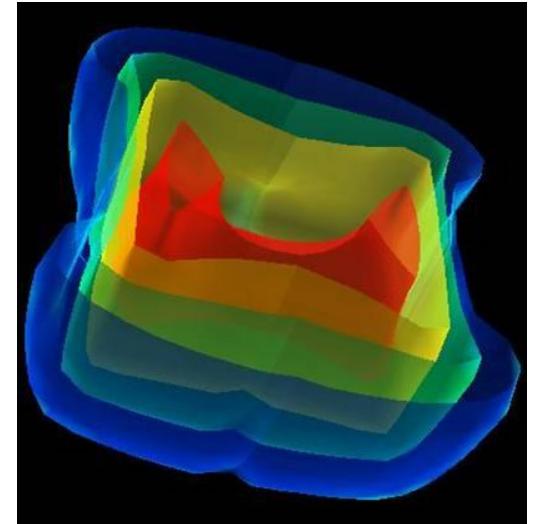


# Podjela postupaka vizualizacije

- postupci temeljeni na geometrijskom modelu – izgradnja geometrijskog modela (2.2)
  - povezivanje kontura
  - prikaz kocaka
  - pokretna kocka (*marching cubes*)
- postupci temeljeni na prostoru projekcije (2.3)
  - prikaz volumena (*volume rendering*)
- postupci temeljeni na transformiranom prostoru (2.4)
  - frekvencijska domena
  - prostor valića
- kombinacija različitih pristupa
  - npr. geometrijskog modela i poprečnih presjeka
- postupci vizualizacije višedimenzijskih podataka (2.5)
- neželjeni učinci u postupcima vizualizacije (2.6)

## 2.2 Postupci temeljeni na geometrijskom modelu

- korištenje geometrijske reprezentacije
  - povezivanje kontura
    - određivanje konture
    - problemi nejednoznačnosti
  - prikaz kocaka (eng. *cuberille model*)
    - nazubljen izgled modela
  - pokretne kocke (eng. *Marching cube*)
- cilj je dobiti poligonalni model – brzo jer možemo koristiti sklopovsku podršku za klasične postupke prikaza poligona
- geometrijskom reprezentacijom binarno dijelimo prostor na unutrašnjost i vanjštinu objekta (nemamo kontinuirani prijelaz u kontinuiranoj promjeni gustoće npr. magla) iako možemo koristiti prozirne slojeve i u geometrijskom modelu
  - problem je ako postoji šum

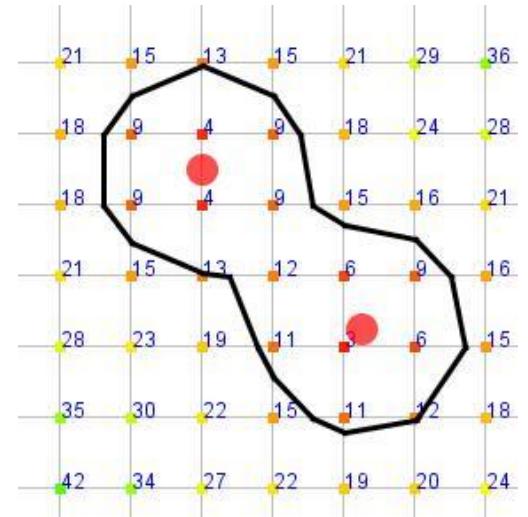
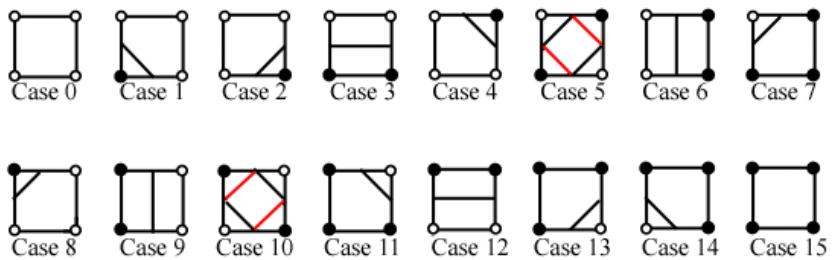


# Određivanje kontura

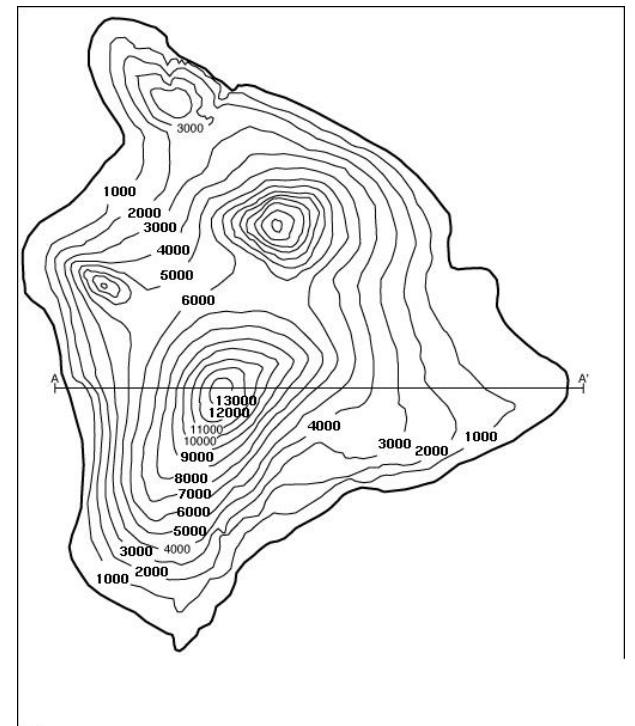
- za svaki poprečni presjek (sloj dobiven uzorkovanjem) određujemo konture odnosno izo-linije konturom zapravo odjeljujemo - segmentirano područje

Postupak pokretnog kvadratiča (Marching Square)

- iz 2D rasterske slike određujemo “izohipse”
  - mogućih  $2^4=16$  slučajeva svaki od 4 vrha može biti unutar ili izvan linije
  - za prikazani primjer postavljamo različite



izo-vrijednost = 13

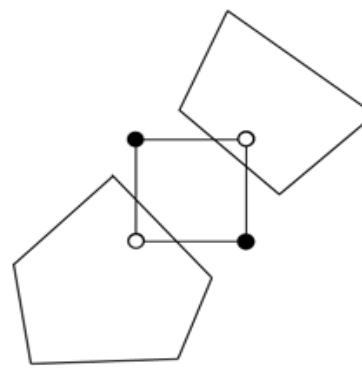


<http://acko.net/files/mathbox/MathBox.js/examples/Intersections.html>

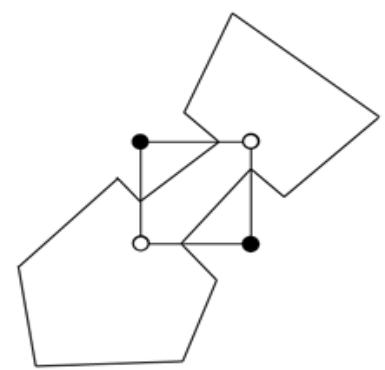
<http://www.cs.technion.ac.il/~cs234325/Applets/doc/html/etc/AppletIndex.html>

## Određivanje kontura

- pri određivanju kontura moguća je pojava nejednoznačnosti
  - za problematičan slučaj imamo 2 moguća rješenja – potrebna je dodatna informacija kako bi mogli odabratи što primijeniti
    - dodatno uzorkovanje, rekurzivna podjela
  - objekti mogu biti povezani ili razdvojeni (isti problem se pojavljuje u 3D)
    - moguća pojava veznih poligona tamo gdje ih ne želimo (ili rupa u objektu)
      - u 3D to će biti slojevi objekta (ljuske – luk)
      - rezolucija mora biti dovoljno velika jer se inače više kontura može “slijepiti”
      - kod CT, MR izo-linije bi htjeli rastuće, no nije uvijek tako



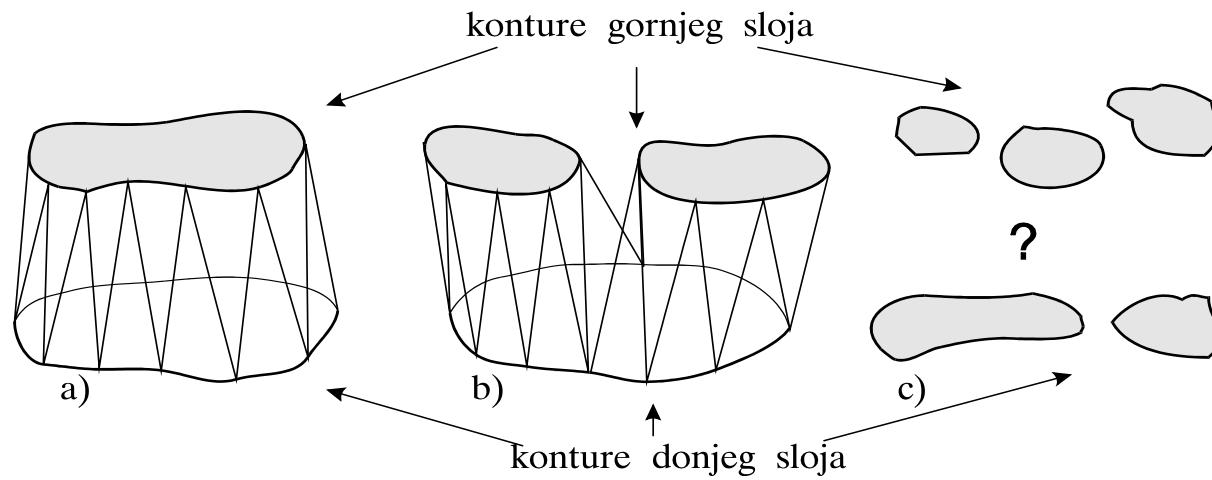
Break contour

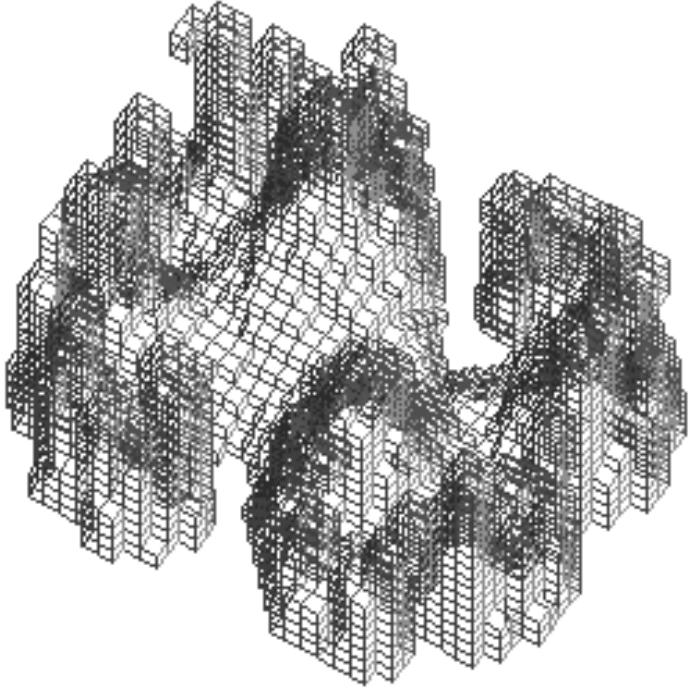


Join contour

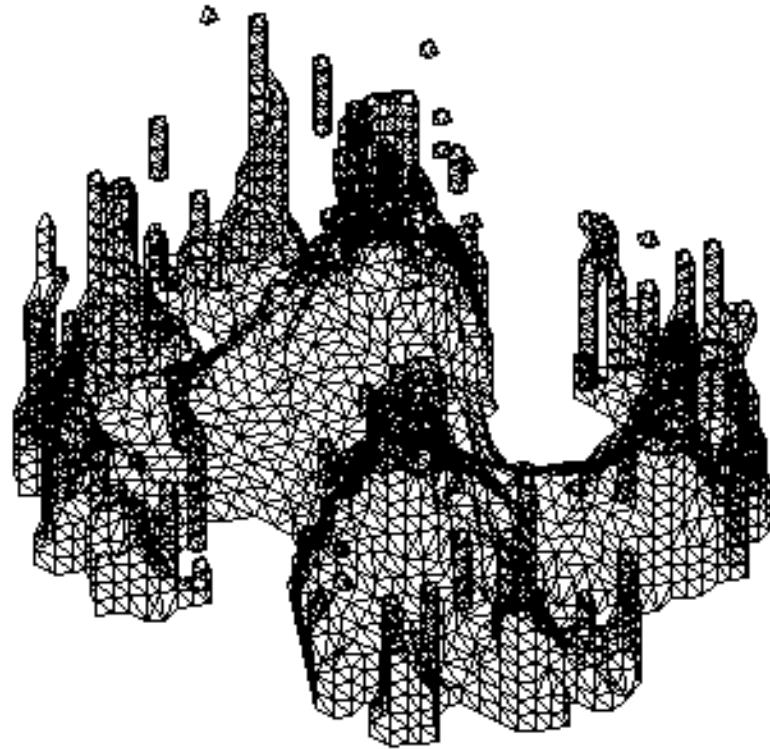
## Određivanje kontura

- za svaki poprečni presjek (sloj dobiven uzorkovanjem), određujemo konture i želimo povezati konture
- kod povezivanja kontura javlja se problem nejednoznačnosti
- ovaj problem možemo razmatrati u 3D ili kao niz 2D presjeka u vremenu



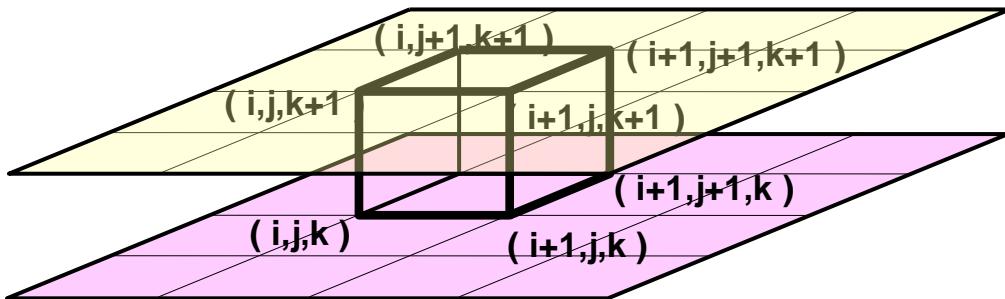


prikaz kockama  
pojedini elementi volumena  
prikazuju se kockama – rasterizacija  
nazubljeni izgled – alias artefakti



postupak pokretne kocke  
primijenjeno na fraktalni skup

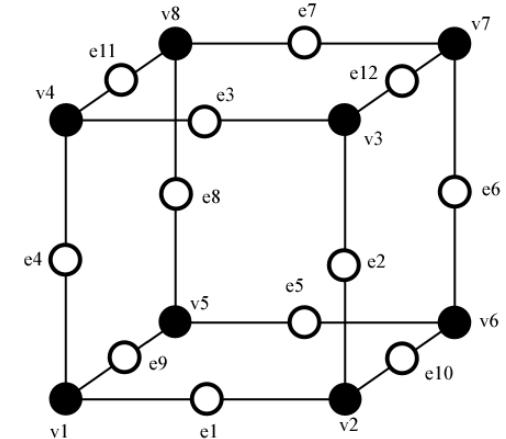
# Postupak pokretne kocke (Marching cube)



SLOJ  $k+1$

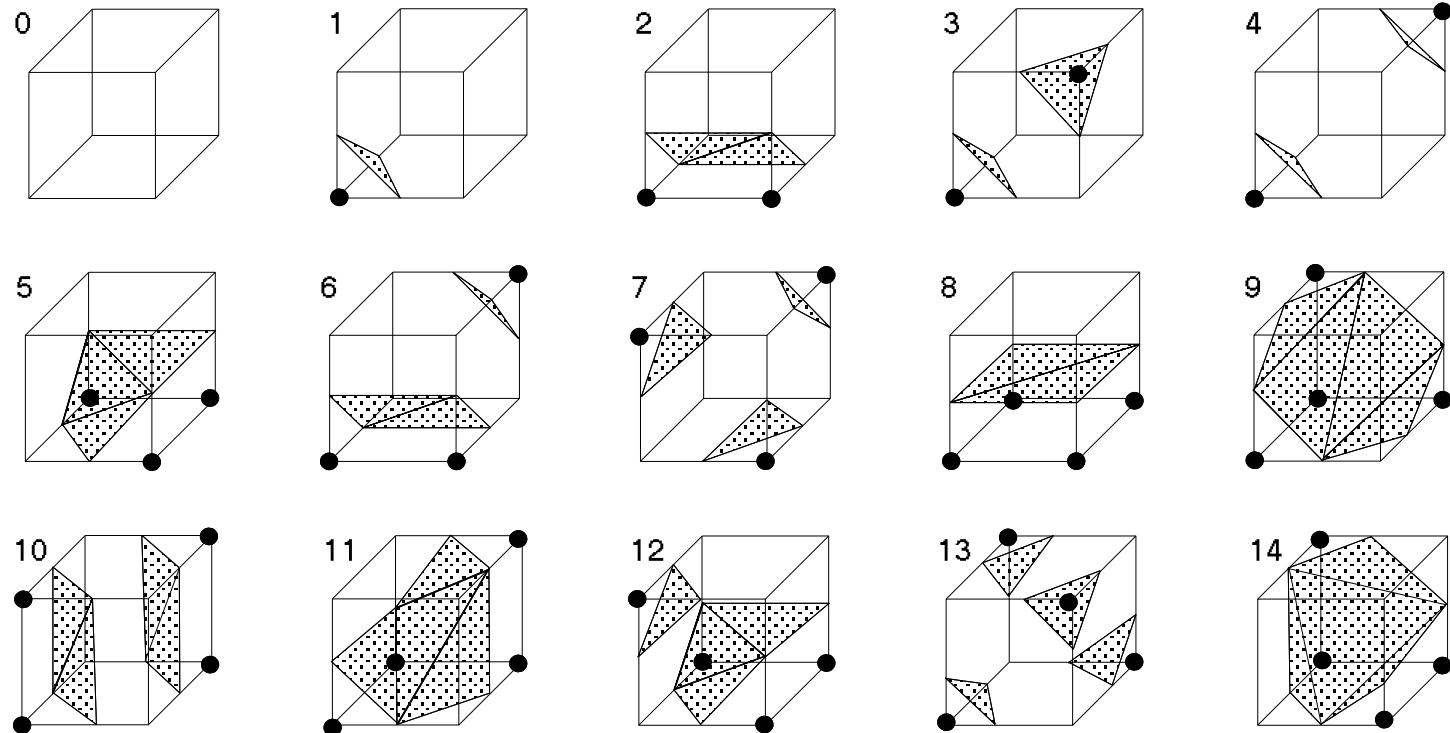
SLOJ  $k$

Pokretna kocka u prostoru diskretnih vrijednosti elemenata volumena.



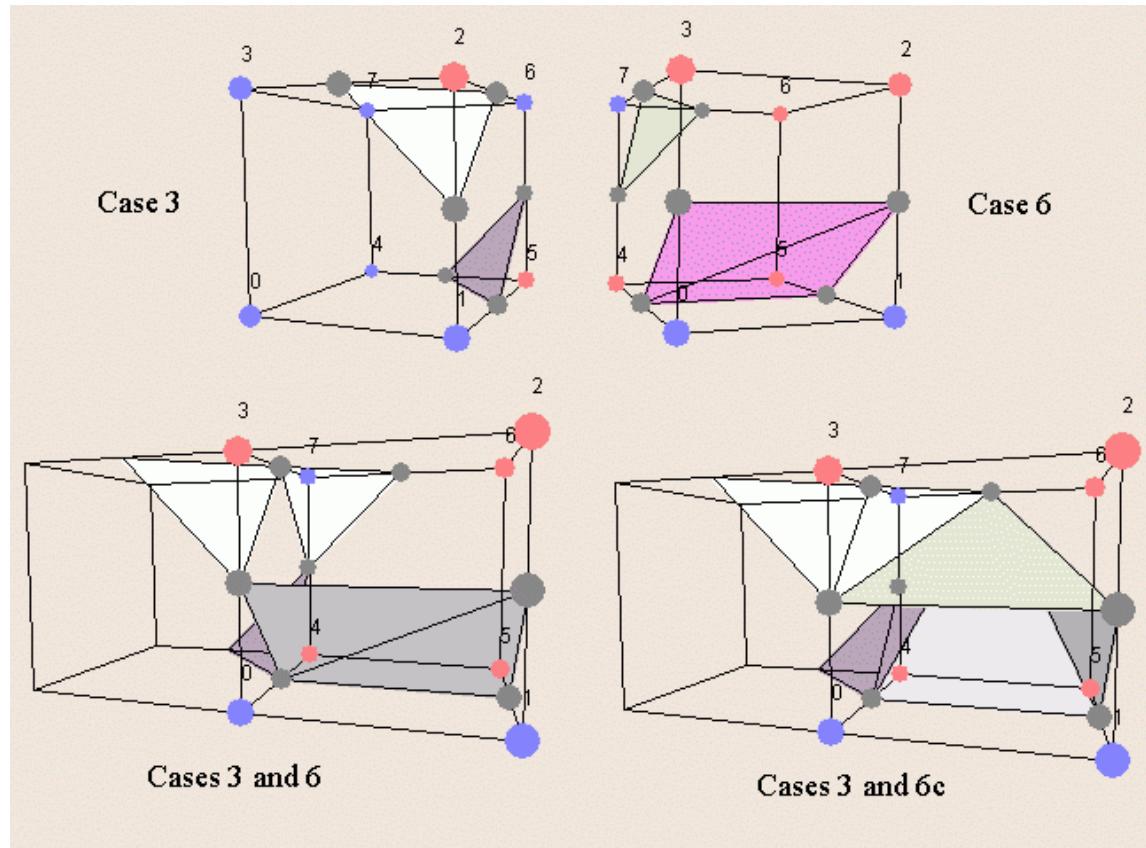
Case = v8|v7|v6|v5|v4|v3|v2|v1

- Lorensen and Cline '87
- određivanje indeksa promatranog slučaja
  - svaki vrh može biti izvan (0) ili unutar (1) objekta prema postavljenom pragu
  - ima 8 vrhova tj.  $2^8=256$  mogućnosti, 1 bajt određuje indeks u tablici slučajeva, npr.  $00001101 = 13$  određuje da je vrh v1, v3 i v4 unutar, a poligoni vežu bridove e1, e2, e12, e11, e9, e1
  - tablica slučajeva daje konfiguraciju poligona, tako da su normale poligona prema van a interpolacija duž bridova točan položaj



Tipični slučajevi definiranja površine unutar pokretne kocke.

<http://webglsamples.org/blob/blob.html>  
[http://threejs.org/examples/webgl\\_marchingcubes.html](http://threejs.org/examples/webgl_marchingcubes.html)



Problematičan slučaj kada se javljaju šupljine na objektu.

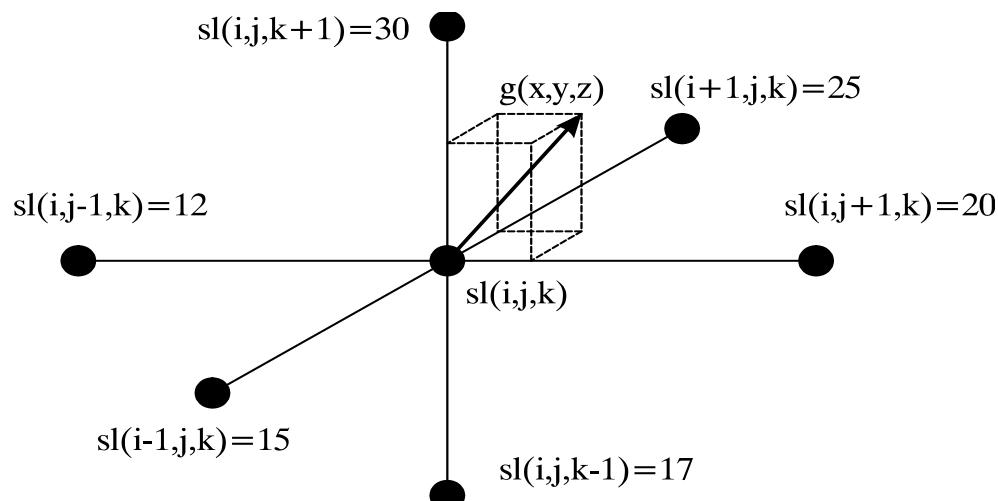
- sličan postupak je postupak pokretnih tetraedara (Marching Tetrahedrons)

Scena: <http://static.grantforrest.net/marchingcubes/index.html>

<http://www.wordsaretoys.com/demo/cubes/>

# Sjenčanje geometrijskog modela

- za sjenčanje je potreban vektor normale (poligona, vrhova)
  - možemo odrediti klasično i koristiti konstantno sjenčanje, Gouraud ili Phong
- određivanje normale izravno iz volumnih podataka
  - određivanje aproksimacije lokalnog gradijenta – parcijalne derivacije za x, y, z
  - zadane točke i njihove vrijednosti određuju kontinuiranu funkciju između tih točaka, pa tako i derivaciju te funkcije (koju koristimo kao vektor normale)
  - kada znamo normale u voxel-ima interpoliramo ih da dobijemo normale u vrhovima trokutne mreže



# Lokalni gradijent

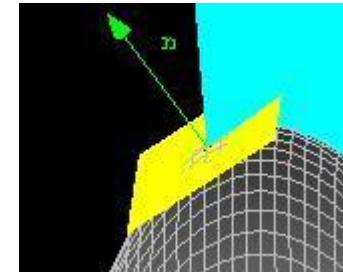
- koristimo za određivanje vektora normale

$$g(x, y, z) = \nabla f(x, y, z)$$

$$G_x(i, j, k) = \frac{sl(i+1, j, k) - sl(i-1, j, k)}{\Delta x}$$

$$G_y(i, j, k) = \frac{sl(i, j+1, k) - sl(i, j-1, k)}{\Delta y}$$

$$G_z(i, j, k) = \frac{sl(i, j, k+1) - sl(i, j, k-1)}{\Delta z}$$

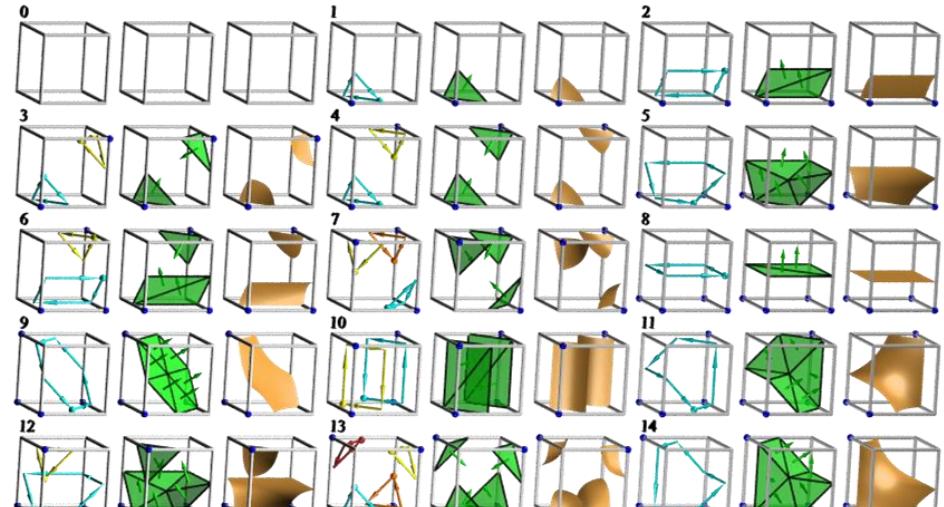


Primjeri gradijenta na 2D plohu:

<http://www.slu.edu/classes/maymk/banchoff/GradientContours.html>

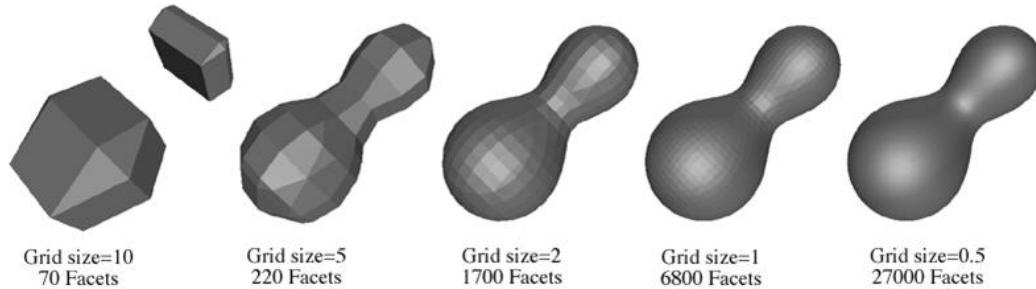
- površinu možemo rekonstruirati plohama višeg reda (ne poligonima nego kvadratnim ili kubnim krpicama)

<http://stemkoski.github.io/Three.js/Marching-Cubes.html>

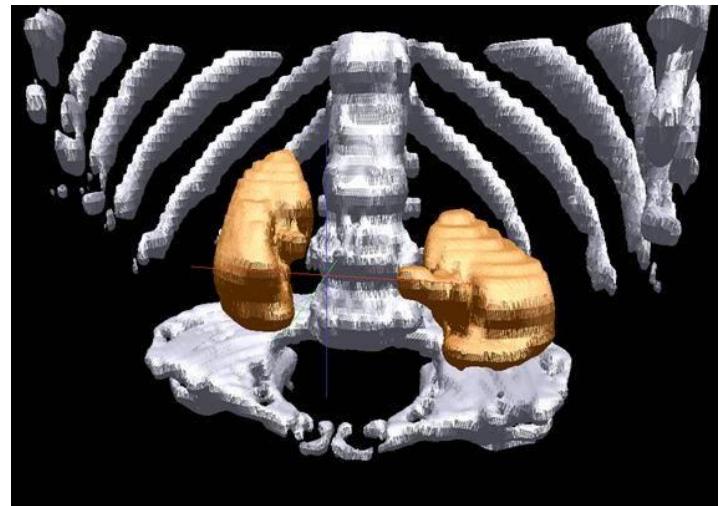


## Utjecaj veličine rastera

- promjenom veličine rastera dobit ćemo različiti broj poligona i kvalitetu rekonstruirane površine (sjenčanje je konstantno)

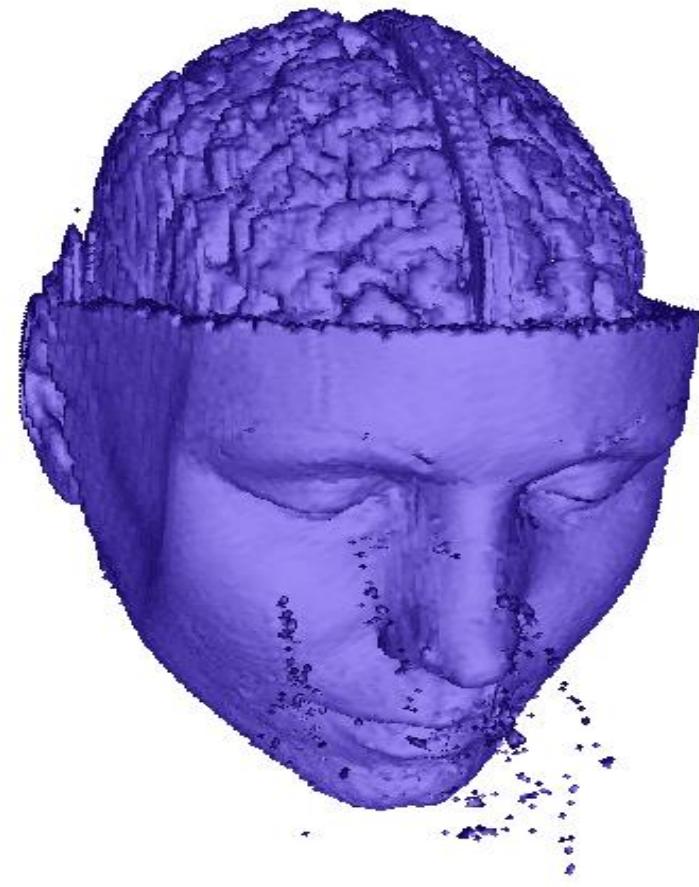


- nedovoljan broj slojeva uzrokuje pojavu terasastih područja - alias artefakti

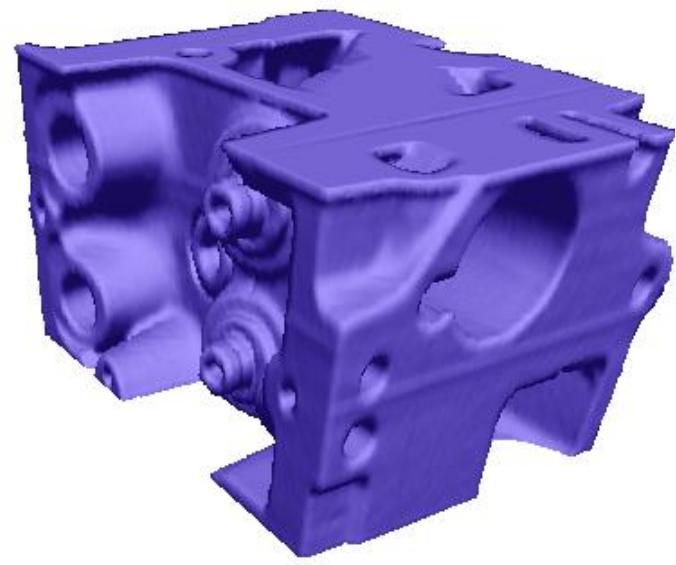
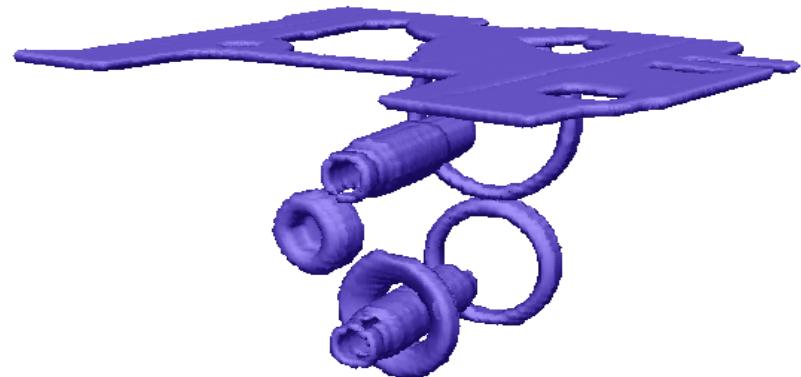




poprečni presjek  
obrada u pojedinom poprečnom presjeku  
(izrezivanje dijela objekta)



rekonstrukcija (pokretnom kockom)  
256 x 256 x 100



rekonstrukcija (pokretne kocke) uz različitu vrijednost praga

[\(http://rsb.info.nih.gov/ij/applet/\)](http://rsb.info.nih.gov/ij/applet/)

VIZ VolRen\GLUTTest\_gcc.exe