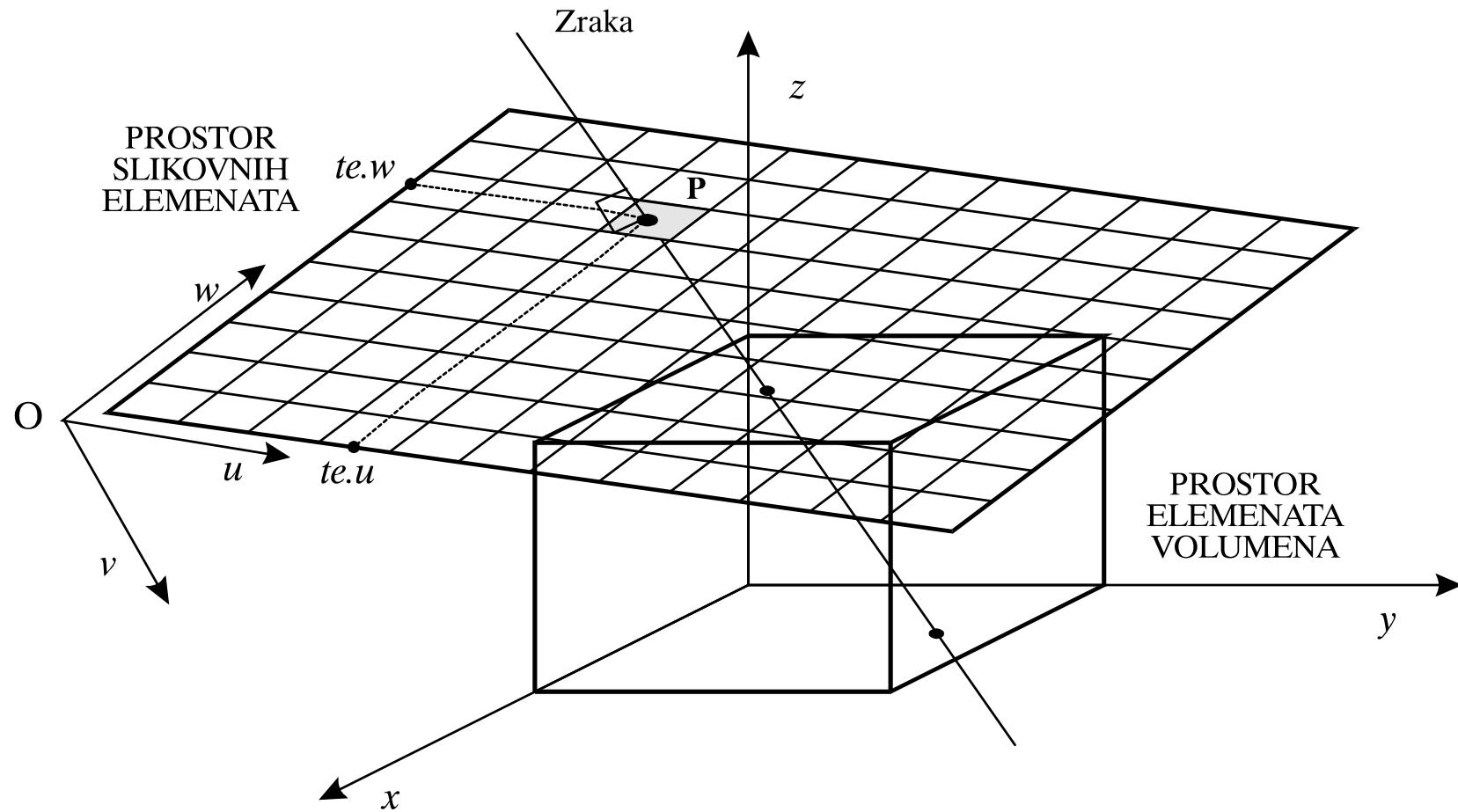


## 2.3. Postupci prikaza volumena (eng. volume rendering)

- vizualizacija podataka direktno, bez formiranja geometrijskih primitiva
- prikaz volumena bacanjem zrake (ray casting)
  - temelji se na prostoru projekcije, iz slikovnih elemenata u prostor volumnih elemenata se baca zrake (ray casting)
  - zbog redoslijeda iscrtavanja omogućava skrivanje nevidljivih dijelova
  - omogućava vizualizaciju raspršenih podataka (geofizikalnih, meteoroloških i sl.)
- izravno iz prostora elemenata volumena u prostor projekcije
  - projekcija volumnih elemenata (splatting) problem određivanja redoslijeda vidljivosti
  - postupak poravnavanja-vitoperenja (shear warp)
  - postupak preslikavanjem tekstura
- MIP projekcija (maximum intensity projection)
  - cilj je naglasiti područje kojem je pridijeljen maksimalni intenzitet

# Prikaz volumena bacanjem zrake (eng. ray casting)

- Levoy 1988, 90
- bacanje zrake u postupku prikaza volumena
  - kroz svaki element slike (iz očišta) zraka se prati u prostor scene (niz zraka)
  - zbog alias artefakata to može biti i više zraka uniformno ili neuniformno
  - simulacije fizikalno temeljene interakcije svjetlosti s površinom objekta
- 1) određivanje pojedine zrake
- 2) određivanje probodišta zrake i prostora elemenata volumena
- 3) određivanje optičke dubine zrake na putu između dva probodišta
- prilikom interakcije zrake svjetlosti (određene valne duljine) kroz poluprozirnu materiju dio svjetlosti se reflektira dio se apsorbira ili raspršuje
- prozirni materijali prigušuju optičku dubinu



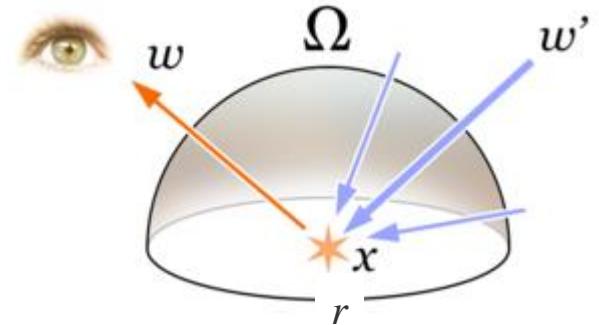
zraka koju određuje slikovni element u prostoru elemenata volumena

# Model proračuna intenziteta zrake

- linearna transportna teorija za prijenos čestica u nehomogenom amorfnom mediju
- propuštaju se "virtualne" čestice kroz prostor elemenata volumena
  - fizikalni ili heuristički zakoni (u računarskoj grafici npr. optički zakoni u postupku praćenja zrake)
  - međudjelovanje ->
  - intenzitet u točki, sa smjerom i energijom (bojom)
- proračun intenziteta podešavanjem gustoće emiterskog snopa
- jednadžba ostvarivanja prikaza - J. Kajiya (rendering equation)
- model simulacije propagacije svjetlosti kroz prostor elemenata volumena
- jednadžba stacionarne transportne teorije
- [http://wwwcg.in.tum.de/fileadmin/user\\_upload/Lehrstuehle/Lehrstuhl\\_XV/Teaching/Applets/applets/vis/volume\\_rendering/demo.html](http://wwwcg.in.tum.de/fileadmin/user_upload/Lehrstuehle/Lehrstuhl_XV/Teaching/Applets/applets/vis/volume_rendering/demo.html)

- jednadžba ostvarivanja prikaza - J. Kajiya (rendering equation)
  - ako u jednadžbi pretpostavimo da nema djelomično prozirnih materijala:

$$L(r, \vec{\omega}) = L_B(r, \vec{\omega}) + \int_{\Omega} f_{BRDF}(r, \vec{\omega}' \rightarrow \vec{\omega}) L_i(r, \vec{\omega}') (\vec{\omega}' \cdot \vec{n}) d\omega'$$



$L(r, \vec{\omega})$	sjajnost – broj fotona (gustoća toka) po jedinici površine za smjer $\omega$ i za točku r reflektirana svjetlost na poziciji r u smjeru $\omega$ , (za neki trenutak t i valnu duljinu $\lambda$ )
$L_B(r, \vec{\omega})$	emitirana svjetlost na poziciji r u smjeru $\omega$ , $L_i$ dolazna svjetlost
$\int_{\Omega} ... d\omega'$	integral upadnih zraka svjetlosti preko površine polukugle,
$f_{BRDF}(r, \vec{\omega}' \rightarrow \vec{\omega})$	mjera reflektirane svjetlosti na poziciji r, prema izlaznom smjeru $\omega$ po funkciji $f$ (BRDF)
$(\vec{\omega}' \cdot \vec{n})$	atenuacija upadnog svjetla obzirom na kut upada prema normali $n$ na površinu (u nekim interpretacijama ovaj član je uključen u $f$ )

- aproksimacija fizikalnog modela proračuna propagacije svjetlosti temeljena na transportnoj teoriji

$$I(t_0, \vec{\omega}) = \int_{t_0}^{\infty} Q(t) e^{-\int_{t_0}^t \sigma_{sc}(t') + \sigma_a(t') dt'} dt$$

gubitak svjetlosti raspršenjem                                  gubitak svjetlosti apsorpcijom

$$Q(t) = \sigma_{sc}(t) \int_{4\pi} \rho_{sc}(\vec{\omega}' \rightarrow \vec{\omega}) I(t, \vec{\omega}') d\vec{\omega}' + E(t)$$

- $I(t_0, \omega)$  intenzitet svjetlosti,  $t_0$  pozicija duž zrake koju promatramo,  $\omega$  smjer zrake  
 $\sigma_a, \sigma_{sc}$  apsorbirana svjetlost %, raspršena svjetlost u drugom smjeru (*scattered, albedo*)  
 $Q(t)$  – doprinos u volumenu na mjestu  $t$ ,  $E(t)$  – emisija na mjestu  $t$ ,  
 $\rho_{sc}(\omega' \rightarrow \omega)$  – refleksija (%) u smjeru  $\omega$  od svjetlosti koja dolazi iz smjera  $\omega'$ ,  
vjerojatnost da foton koji se giba u smjeru  $\omega'$  bude raspršen u smjer  $\omega$

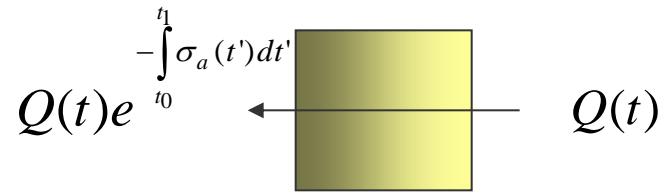
- jednadžba ostvarivanja prikaza - J. Kajiya (*rendering equation*)
  - ako u jednadžbi dominatno promatramo prigušenje zbog (ne)prozirnosti materijala gdje je raspršenje malo (smog):

$$I(t_0, \vec{\omega}) \approx \int_{t_0}^{\infty} Q(t) e^{-\int_{t_0}^t \sigma_a(t') dt'} dt$$

$\alpha = 1 - e^{-\int_{t_0}^{t_1} \sigma_a(t') dt'}$

% doprinos svjetlosti [t<sub>0</sub>, t<sub>1</sub>]

$$I(t_0, \vec{\omega}) \approx \sum_{i=0}^{n-1} e^{-\sum_{j=0}^{i-1} \sigma_j \Delta x} Q_i \Delta x = \sum_{j=0}^{n-1} Q_i \Delta x \prod_{j=0}^{i-1} e^{-\sigma_j \Delta x}$$



$$\alpha_i \equiv 1 - e^{-\sigma_{a,i} \Delta x}$$

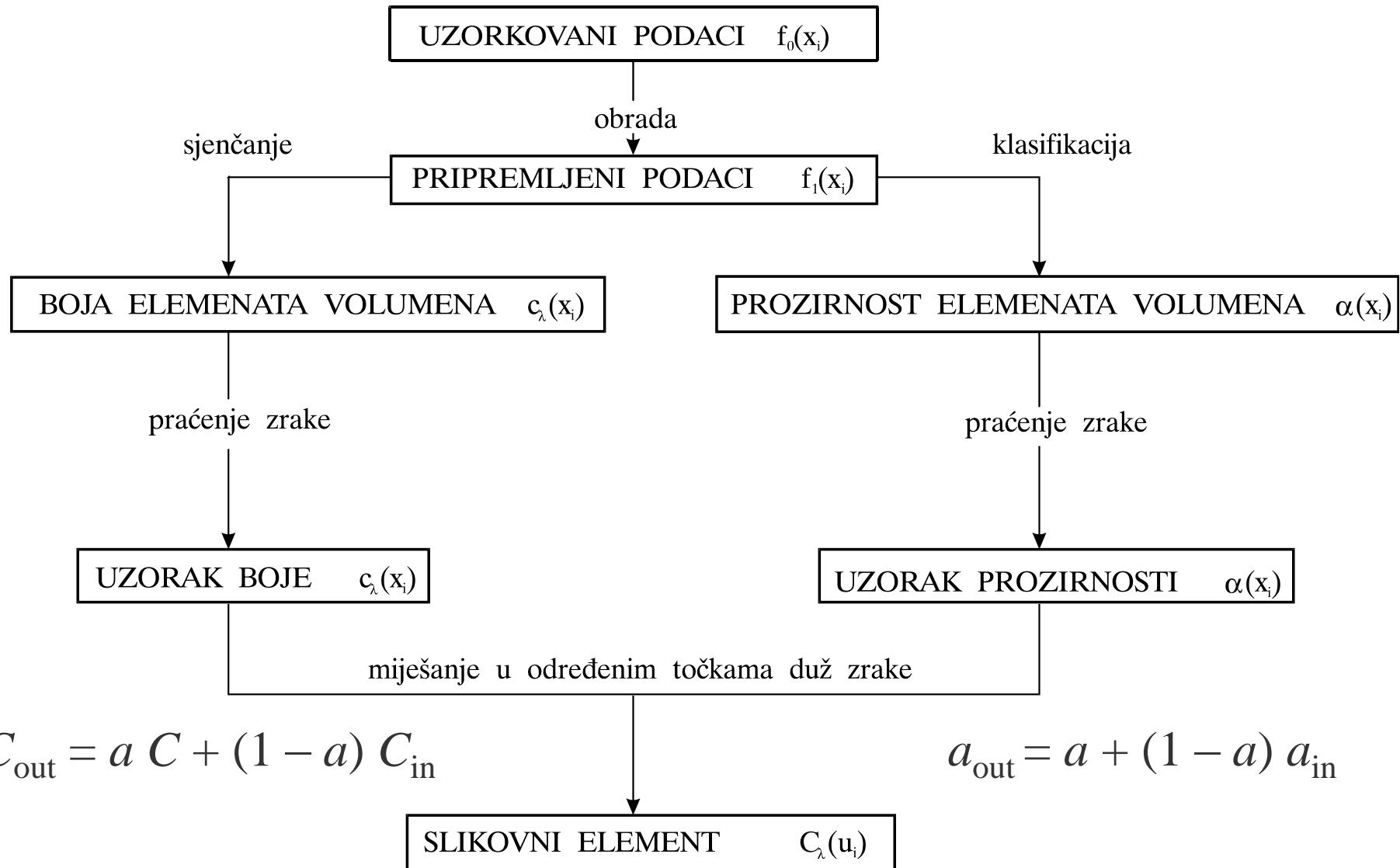
neprozirnost - prigušenje,

$$Q_i \quad C_i \equiv (g_i / \alpha_i) \Delta x \quad \text{boja uzorka,}$$

$$c_i \equiv C_i \alpha_i$$

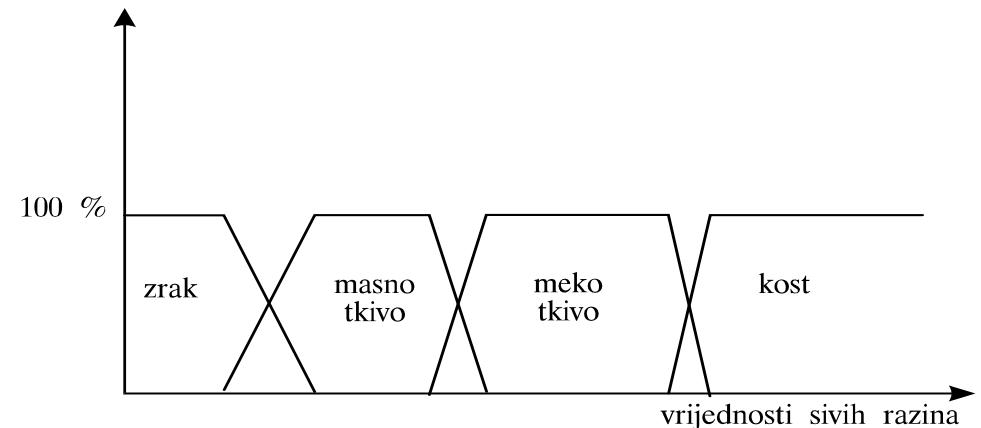
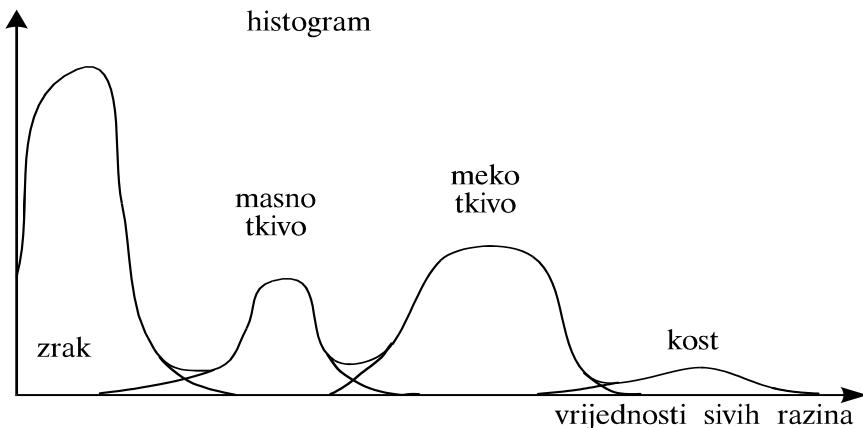
umnožak boje i neprozirnosti.

$$\begin{aligned} I(x) &= \sum_{i=0}^{n-1} c_i \prod_{j=0}^{i-1} (1 - \alpha_j) \\ &= c_0 + c_1 (1 - \alpha_0) + c_2 (1 - \alpha_0)(1 - \alpha_1) + \dots + c_{n-1} (1 - \alpha_0) \dots (1 - \alpha_{n-2}) \end{aligned}$$



# Klasifikacija vrijednosti volumnih elemenata

- histogram – vrijednosti sivih razina - frekvencija pojavljivanja
- definiranje prijenosne funkcije – pridružuju se prozirnosti tkivima i boje
  - različita funkcija pridruživanja za boju i za prozirnost
  - nezavisno izračunavanje normala, boja, prozirnosti (manje nakupljanje greške)
- binarna klasifikacija ili neizrazita funkcija pridruživanja (fuzzy)
  - moguća je pojava kontakta kosti i zraka (npr. zubi, hrskavica nosa) – koriste se više-dimenzijske prijenosne funkcije [Voreen](#)



- BTF (Back to front)

- operator Over

$$C_{\text{out}} = \alpha C + (1 - \alpha) C_{\text{in}}$$

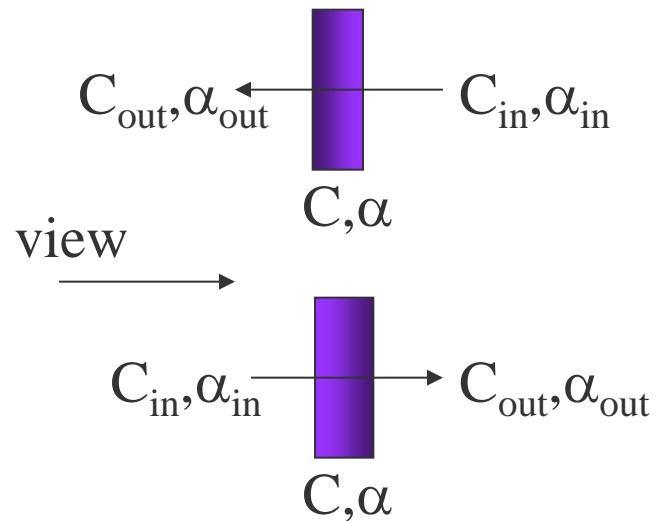
$$\alpha_{\text{out}} = \alpha + (1 - \alpha) \alpha_{\text{in}}$$

- FTB (Front to back)

- operator Under

$$C_{\text{out}} = \alpha_{\text{in}} C_{\text{in}} + (1 - \alpha_{\text{in}}) C$$

$$\alpha_{\text{out}} = \alpha_{\text{in}} + (1 - \alpha_{\text{in}}) \alpha$$

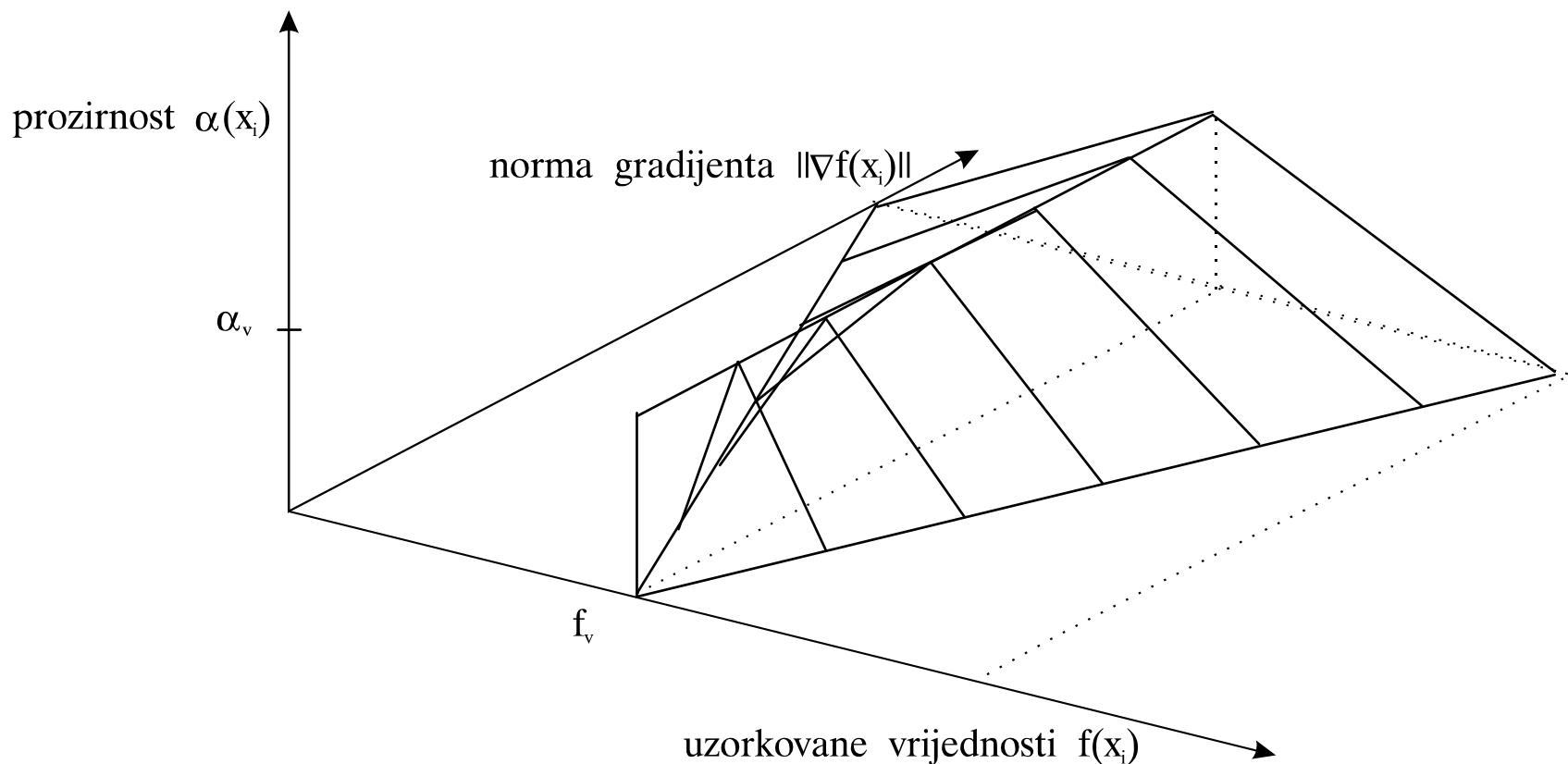


## ODREĐIVANJE BOJE

- Phong-ov model sjenčanja uz upotrebu lokalnog gradijenta

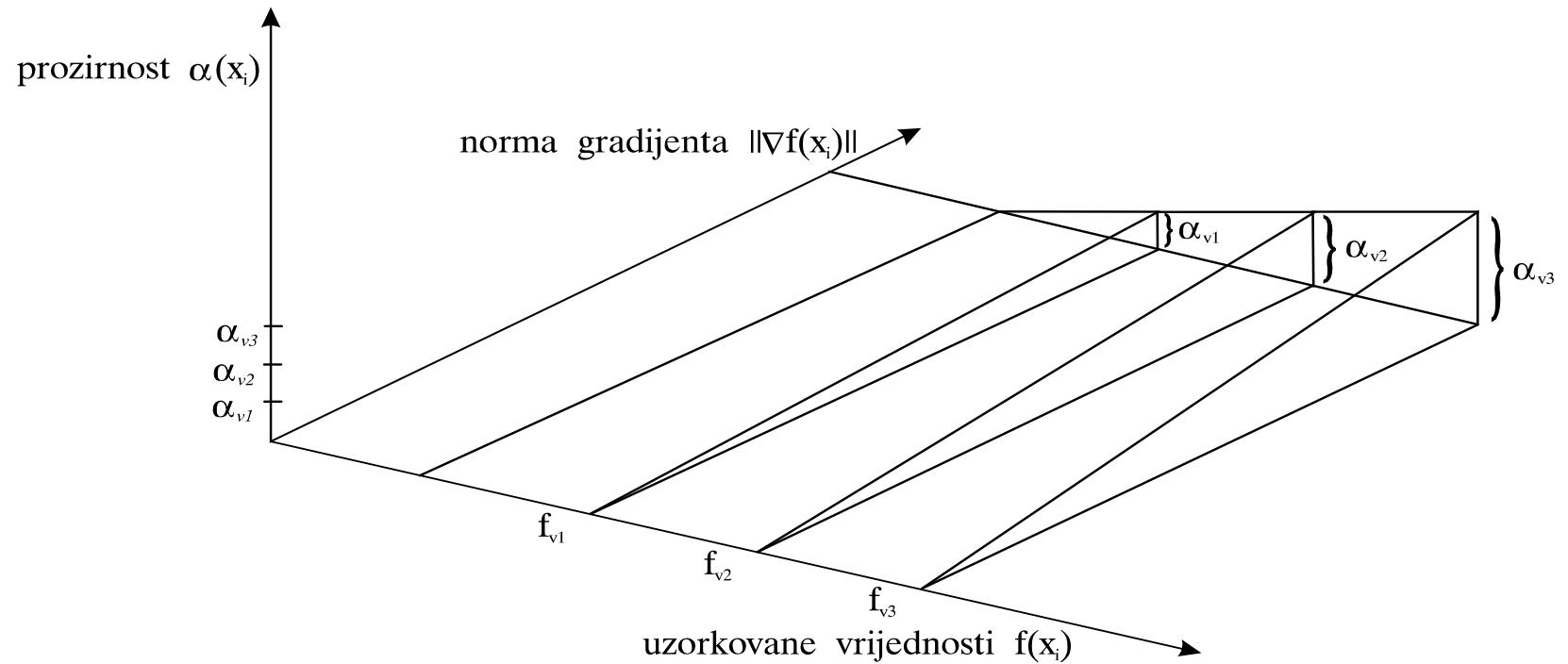
## ODREĐIVANJE PROZIRNOSTI

- naglašavanje graničnog sloja
- ovisnost o iznosu lokalnog gradijenta



Pridruživanje koeficijenata prozirnosti ovisno o veličini diskontinuiteta i vrijednosti elemenata volumena  $f(x_i)$

Za vrijednost  $f_v$  neprozirnost je maksimalna,  
ako je gradijent mali znači da smo u homogenom tkivu - nismo na granici različitih tkiva,  
što je veći iznos gradijenta šire je područje utjecaja neprozirnosti u susjednim  
vrijednostima elemenata volumena

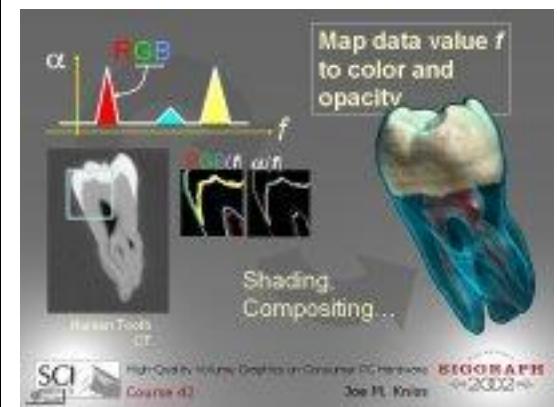
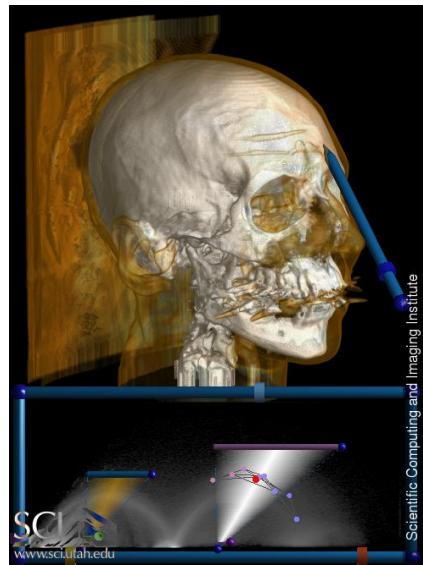
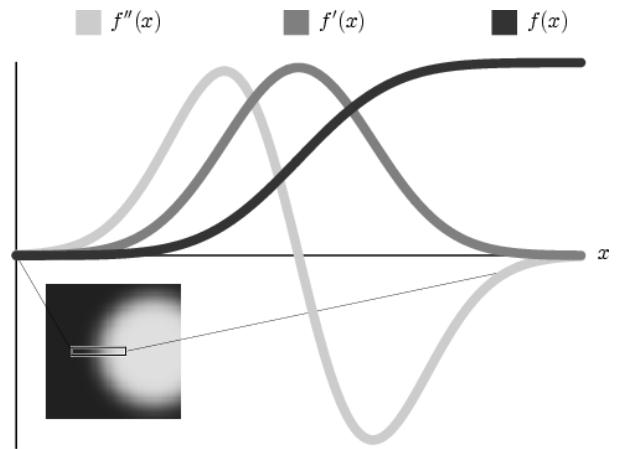


Određivanje koeficijenata  $\alpha(x_i)$  na osnovu tri sloja određena s  $f_{v1}, f_{v2}, f_{v3}$ .

# Više-dimenzijske prijenosne funkcije

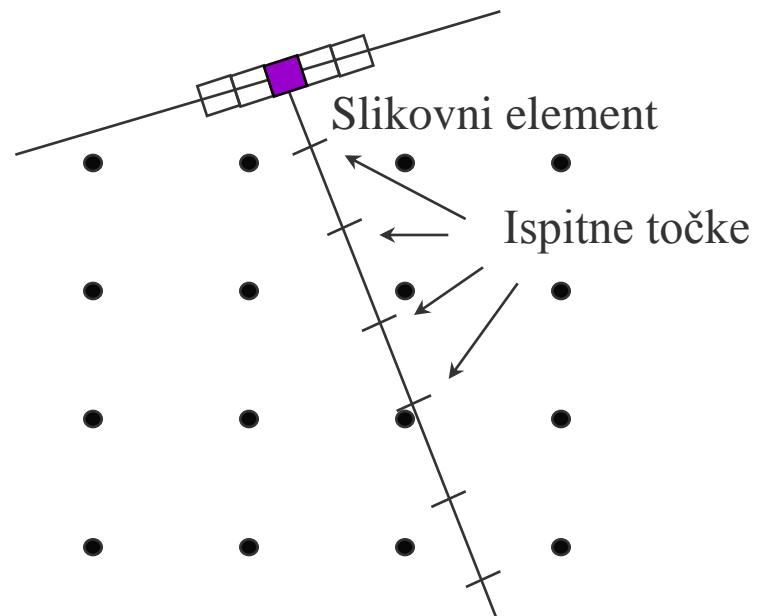
(Kniss, Kindlmann, Hansen)

- prijenosnu funkciju definiramo u više dimenzijskom prostoru
  - prva derivacija – velika promjena u tkivima



## Postupak rekonstrukcija vrijednosti u ispitnim točkama

- zraka kroz prostor elemenata volumena
  - u ispitnim točkama potrebno je načiniti rekonstrukciju
  - rezultat doprinosa pojedinih ispitnih točaka određuje slikovni element
- 
- određivanje vrijednosti u ispitnim točkama
    - korištenje najbližeg susjeda (0-tog reda)
    - linearna interpolacija (1-vog reda) na osnovi 8 susjeda -> trilinearna interpolacija
    - kvadratna, kubna (viši stupanj)

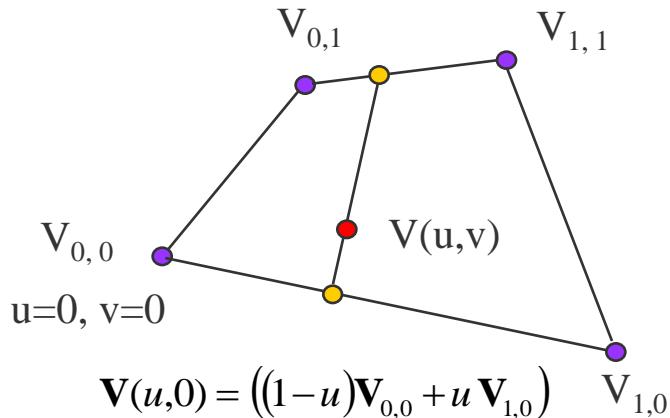


## BILINEARNA INTERPOLACIJA

- parametarska jednadžba kroz četiri točke

$$\mathbf{V}(u,1) = ((1-u)\mathbf{V}_{0,1} + u \mathbf{V}_{1,1})$$

$$\mathbf{V}(u,v) = \mathbf{V}_{u,0} (1-v) + \mathbf{V}_{u,1} v$$

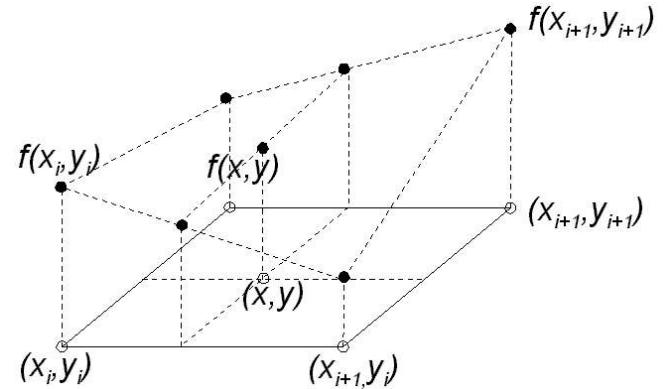


$$\begin{aligned}\mathbf{V}(u,v) = & ((1-u)\mathbf{V}_{0,0} + u \mathbf{V}_{1,0})(1-v) \\ & + ((1-u)\mathbf{V}_{0,1} + u \mathbf{V}_{1,1})v\end{aligned}$$

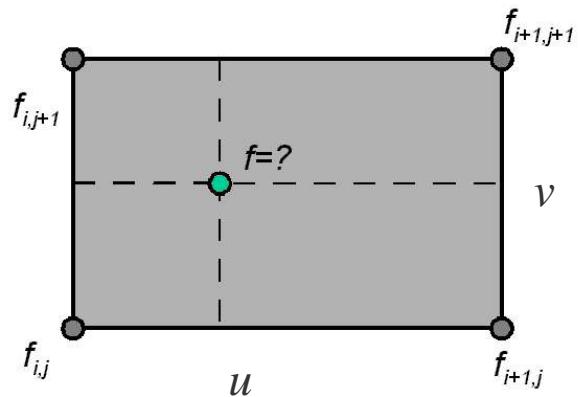
$$\mathbf{V}(u,v) = (1-u)(1-v)\mathbf{V}_{0,0} + u(1-v)\mathbf{V}_{1,0} + (1-u)v\mathbf{V}_{0,1} + u v\mathbf{V}_{1,1}$$

## BILINEARNA INTERPOLACIJA

- bilinearna interpolacija *nije* linearna  
(nije ravnila)



$$\begin{aligned}\mathbf{V}(u, v) = & (1-u)(1-v)\mathbf{V}_{0,0} + u(1-v)\mathbf{V}_{1,0} \\ & + (1-u)v\mathbf{V}_{0,1} + uv\mathbf{V}_{1,1}\end{aligned}$$

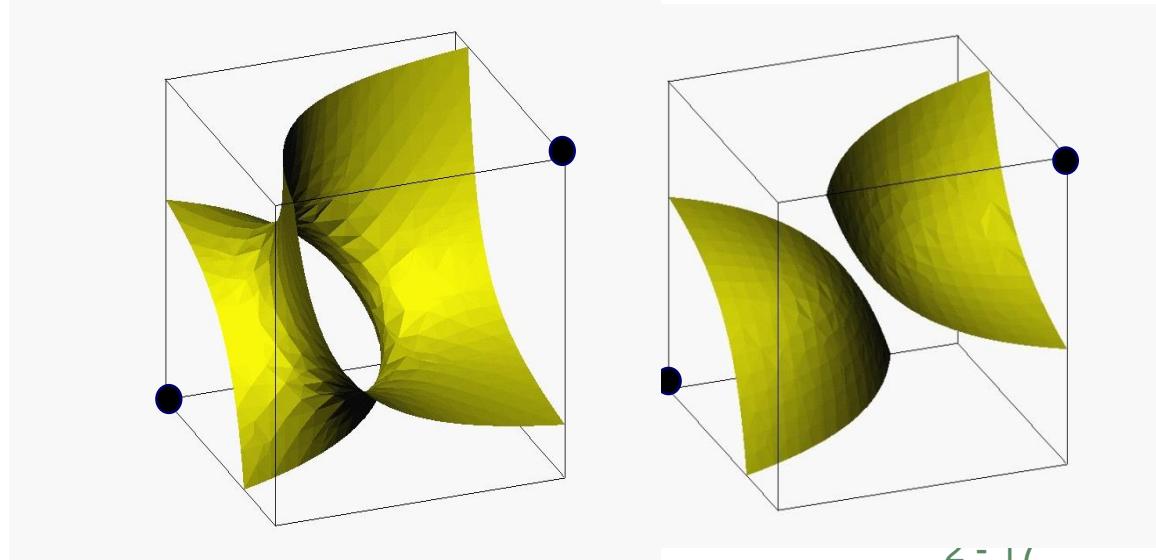
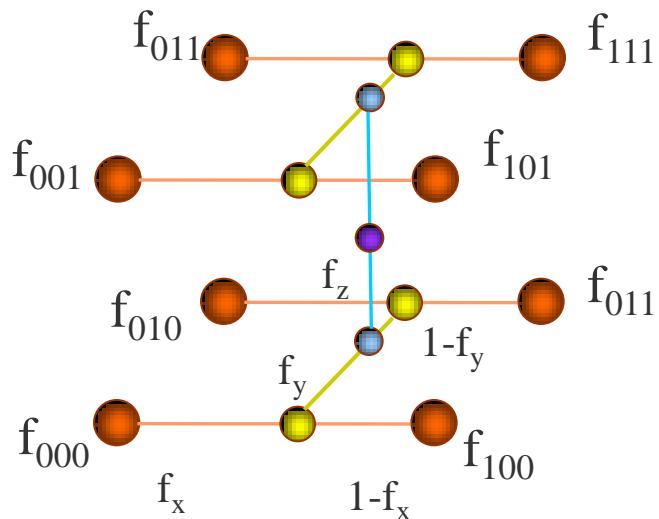


$$u = \frac{x - x_i}{x_{i+1} - x_i}, \quad v = \frac{y - y_i}{y_{i+1} - y_i}$$

# TRILINEARNA INTERPOLACIJA

- određivanje vrijednosti u ispitnim točkama na osnovi trilinearne interpolacije
- trilinearna interpolacija proširenje bilinearne
- površina dobivena trilinearnom interpolacijom je kubna (možemo primijeniti i kod postupka pokretne kocke)

$$f(x, y, z) = f_{000}(1-x)(1-y)(1-z) + f_{100}x(1-y)(1-z) + f_{010}(1-x)y(1-z) + f_{001}(1-x)(1-y)z + f_{110}xy(1-z) + f_{101}x(1-y)z + f_{011}(1-x)yz + f_{111}xyz$$

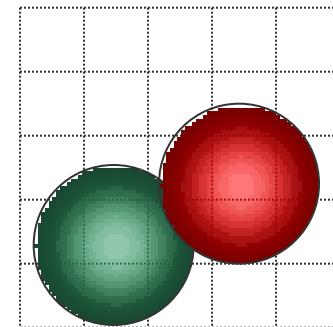
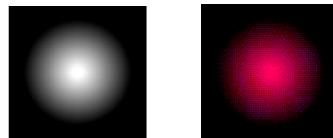


# Određivanje intenziteta zrake

- određivanje ispitnih točaka na zraci
- jednoliko raspoređene točke na osnovi Bresenham-ovog algoritma
- trilinearna interpolacija između osam vrhova (elemenata volumena) koji okružuju ispitnu točku (posebno za intenzitet i prozirnost)
- gustoća ispitnih točaka
- intenzitet zrake - iterativni postupak za određivanje  $I_{out}$  na osnovi  $I_{in}$  i prozirnosti  $\alpha_{out}$  na osnovi  $\alpha_{in}$ .
- kada  $\alpha_{out}$  dosegne vrijednost jedan postupak se zaustavlja (ušteda vremena)

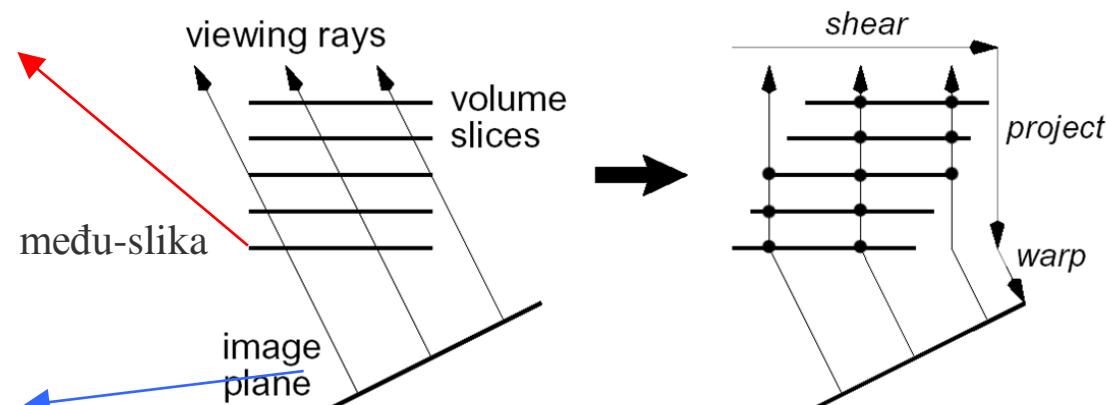
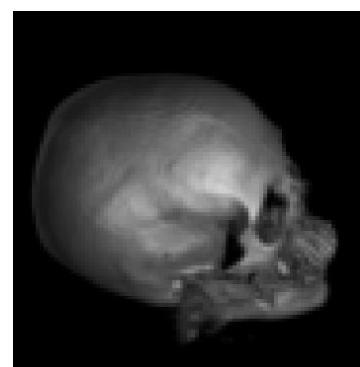
# Projekcija volumnih elemenata (Splatting)

- L. Westover '90      <http://potree.org/demo/pompeii/pompeii.html>
- svaki volumni element se projicira na ravninu projekcije,
- važno je poštivati redoslijed (udaljenost) BTF ili FTB
- u projekciji pojedinoj točki pridružuje se otisak (2D *footprint*), jezgra (*kernel*) je obično Gaussova funkcija koja odgovara projekciji kuglice (kod perspektivne projekcije je elipsoid)
- rezultat se stapa - akumulira u ravnini projekcije (frame buffer)
  - posebno za prozirnost, posebno za boju
- nedostatak – ako su jezgre premale javljaju se šupljine na slici, ako su prevelike slika je zamagljena (blur), pojava “preskakanja svjetline” kod kuta od  $45^\circ$



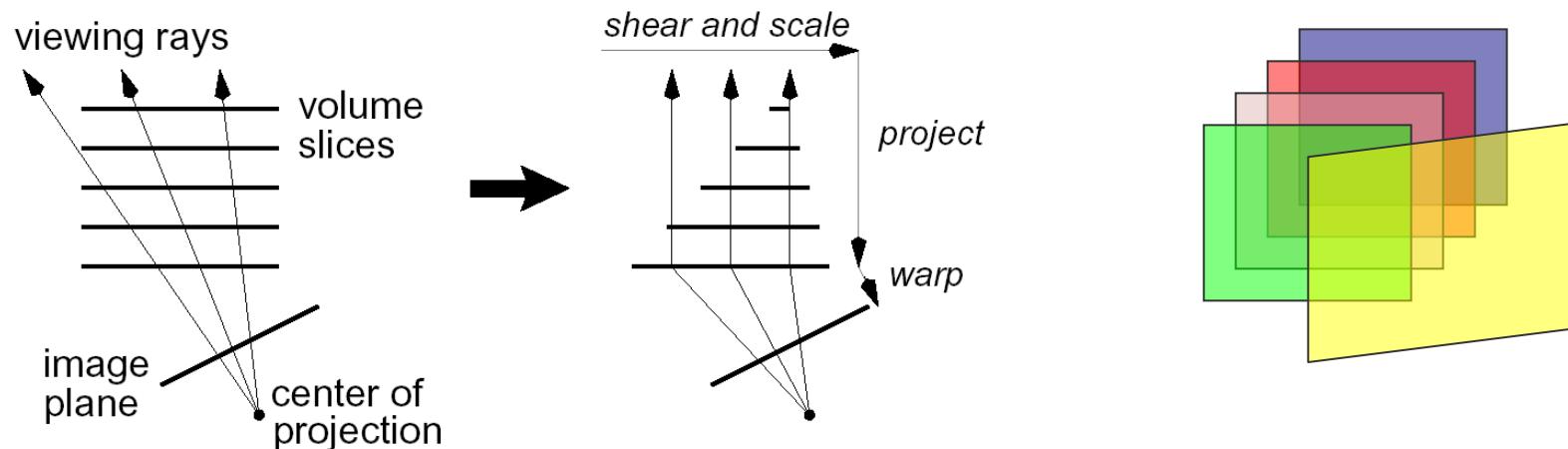
## Postupak poravnavanja-vitoperenja (*Shear warp*)

- Lacroute and Levoy '94, Cameron and Undrill
- u volumenu se prvo poravnaju pojedini slojevi tako da zrake projekcije budu paralelne, u ovom postupkom potrebno je uzrokovavanje (re-sampling) u osnovnim volumnim podacima kako bi se slojevi poravnali (alias)
- među-slika je izvitoperena – kao tkanina koju dijagonalno rastegnemo
- VolPack (<http://www-graphics.stanford.edu/software/volpack/>)



## Postupak poravnavanja-vitoperenja (Shear warp)

- volumni podaci se projiciraju na među-sliku i vitoperenjem se ostvaruje konačna slike
  - poravnavanje za paralelnu projekciju i perspektivnu projekciju
- ideja postupaka bacanja zrake bitno se ubrzava zbog načina dohvata podataka iz memorije
- akumulacija rezultata (prozirnosti) u ravnini projekcije
- nedostatak – ako promijenimo transfer funkciju – nanovo se računa volumen
  - poravnati volumeni se unaprijed izračunavaju – potrebna memorija (trostruko)
  - artefakti blizu kuta  $45^\circ$ , među slika degenerira u romb u kojem je značajno smanjen broj uzoraka za fazu vitoperenja

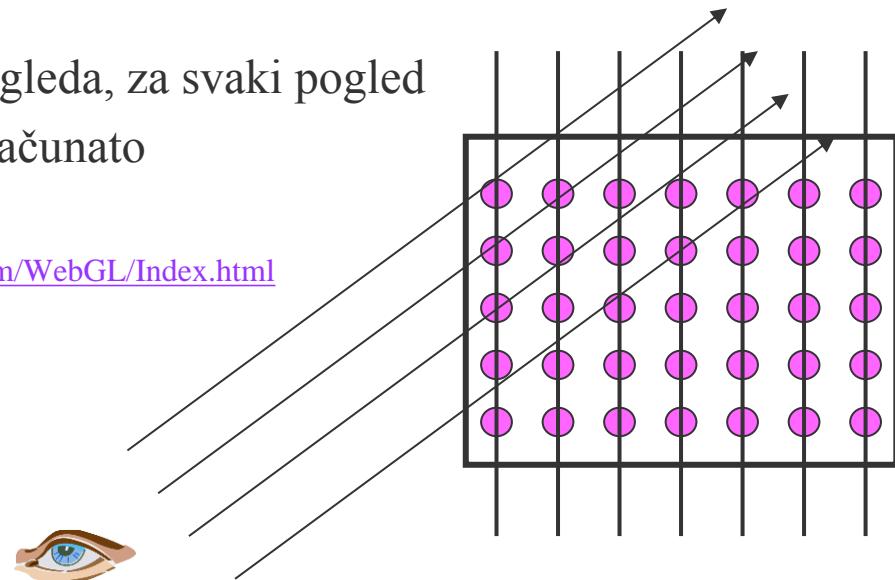
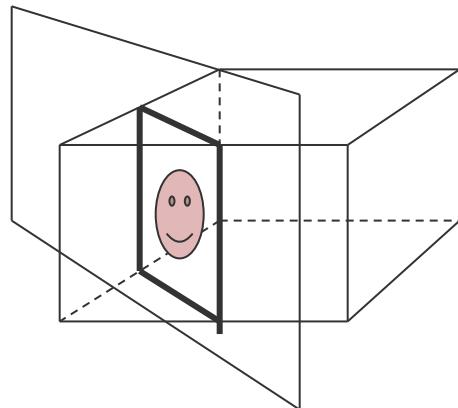


## Postupak preslikavanjem tekstura 2D

- uz određeni redoslijed BTF (back to front) pojedini slojevi preslikavaju se kao teksture na ravninu projekcije i akumulira rezultat
- ako se pogled poravna s poretkom tekstura (u primjeru vertikalno) ne bi vidjelo ništa, pa se zato promijeni organizacija orijentacija tekstura
- čuvaju se tri kopije podataka – poravnate s xy, xz i yz koordinatnim ravninama a ovisno o poziciji promatrača odabire se ona koja se najbolje vidi
- problem “iskakanja” pri prijelazu kuta  $45^\circ$

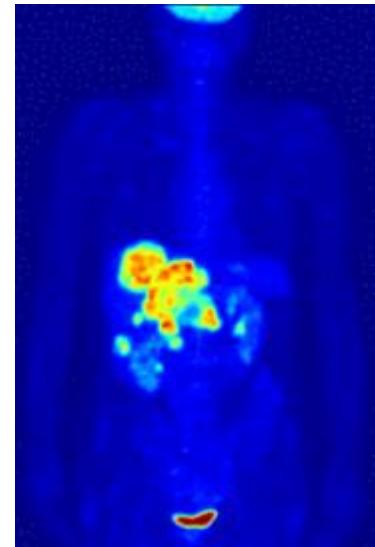
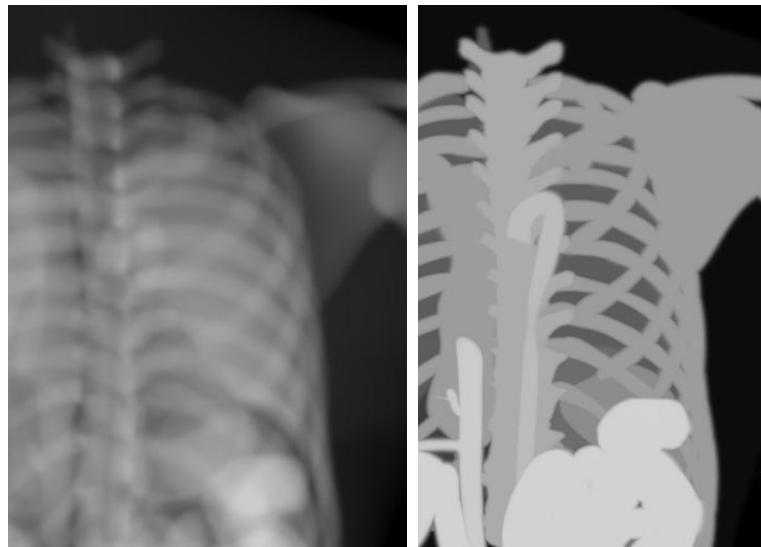
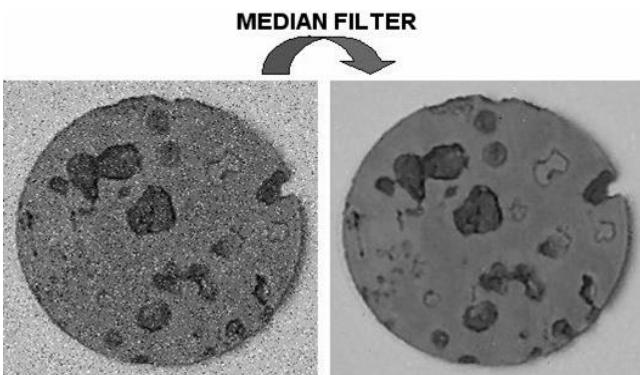
## 3D preslikavanje teksture

- određivanje tekstura okomito na smjer pogleda, za svaki pogled
- klasifikacija i osvjetljenje je unaprijed izračunato
- sklopovalski podržano GPU
- <http://www.iamnop.com/volumetric/>   <http://www.lebarba.com/WebGL/Index.html>



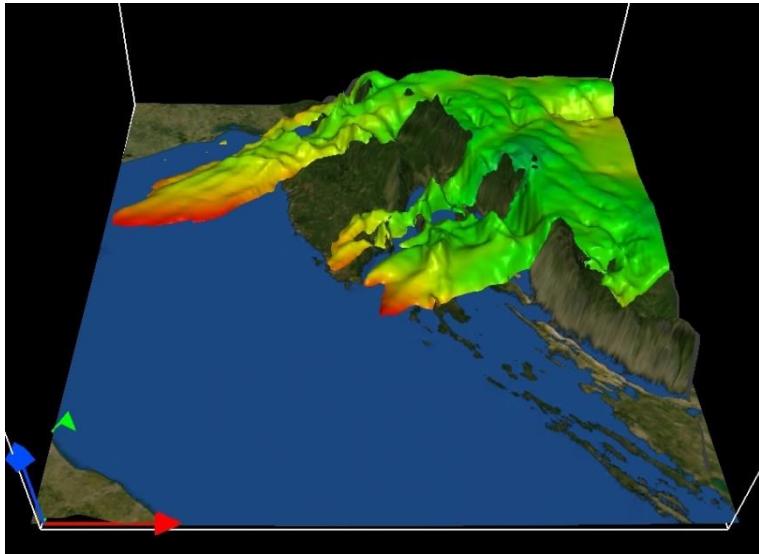
## MIP projekcija (Maximum Intensity Projection)

- definiramo transfer funkciju tako da naglasimo područje od posebnog interesa
- simulacija prolaska x-zraka, redoslijed (udaljenost) pri projekciji nije bitna pa se znatno pojednostavljuje postupak prikaza
- prijenosna funkcija u sebi implicitno sadržava segmentaciju – raspoznavanja uzoraka i obrada slike
- šum je poželjno prije ukloniti

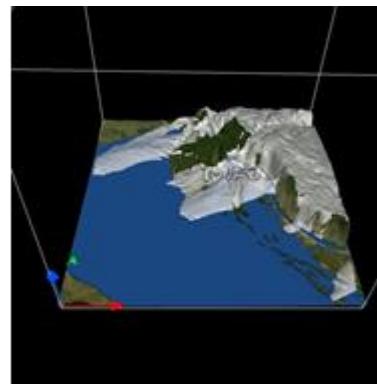
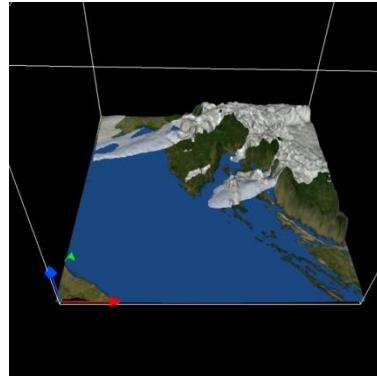


## Primjer vizualizacije meteoroloških podataka (programski alat Vapor):

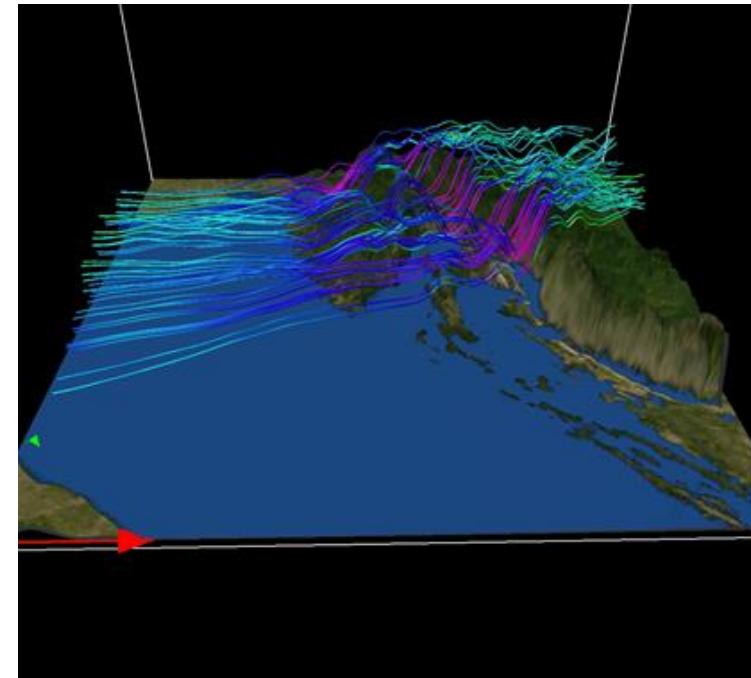
- podaci o vlazi, temperaturi, brzini vjetra, talku, vrijeme.



Izo-površina – vodena para.  
Temperatura - boja.



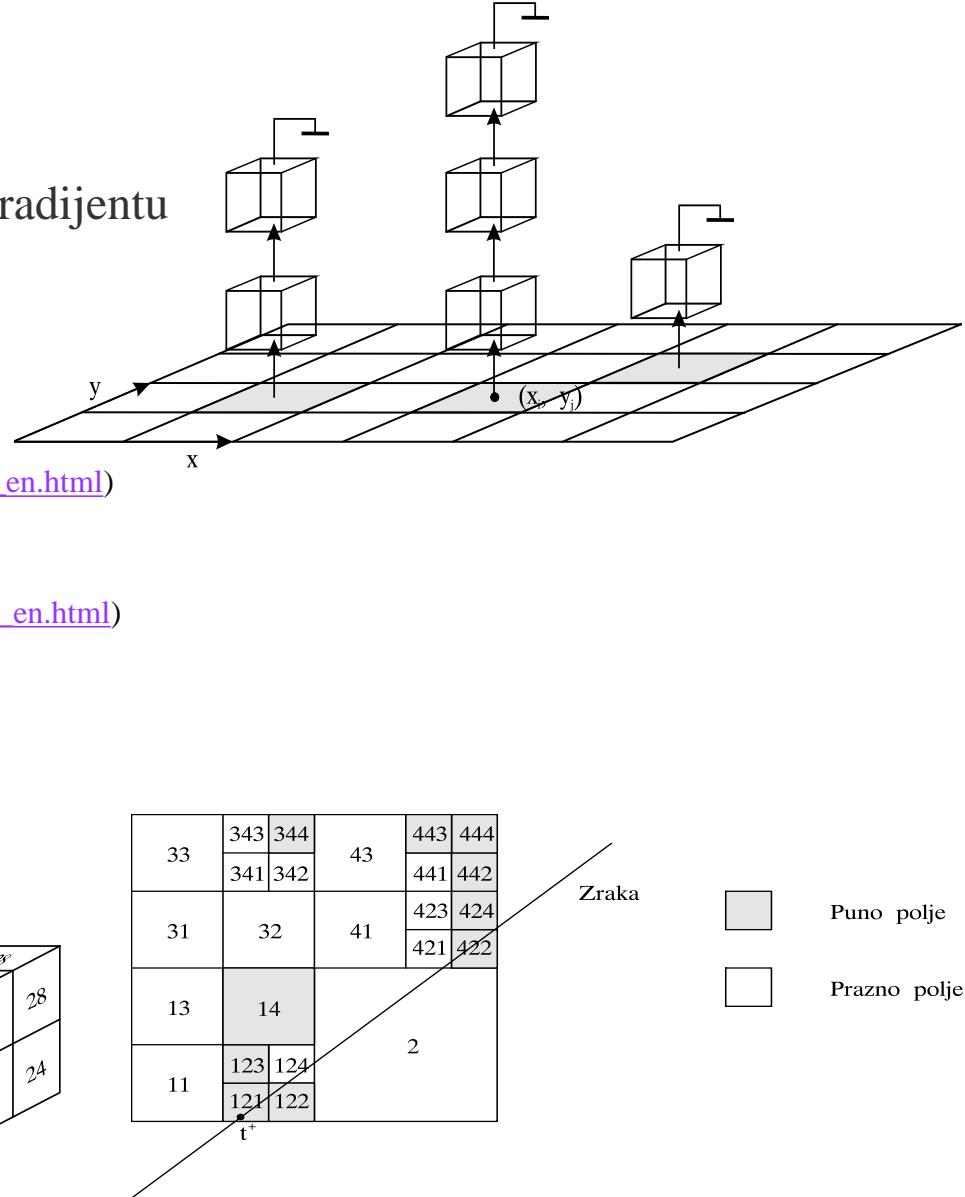
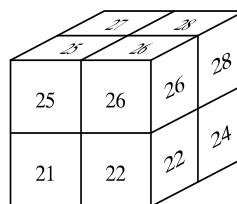
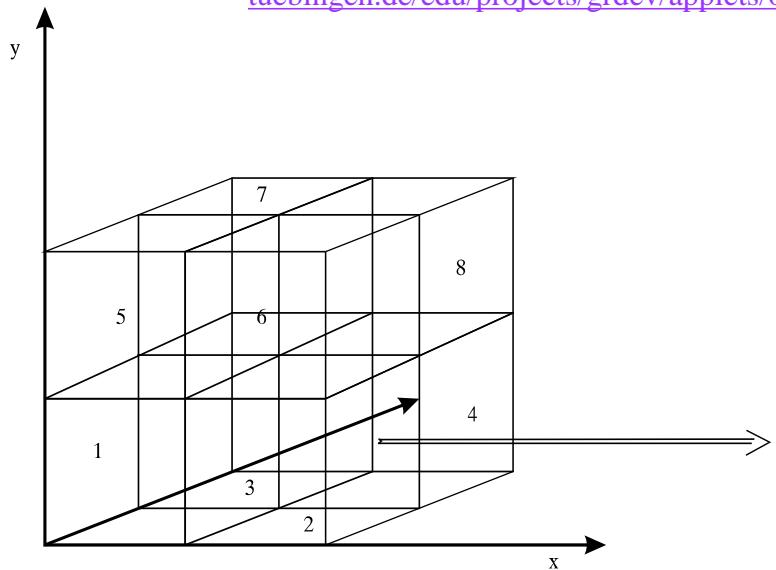
Vrijeme = 0-24  
(animacija).



Prikaz vjetra koristeći stalan tok.  
Jačina vjetra – boja  
(ljubičasto je najveća snaga).

# ORGANIZACIJA PODATAKA

- često slabo popunjjen prostor
- zasebno se pohranjuju podaci o lokalnom gradijentu
- ŠTAPIĆASTA REPREZENTACIJA
- OKTALNO STABLO
  - ([http://www.gris.uni-tuebingen.de/edu/projects/grdev/applets/smart/html/index\\_en.html](http://www.gris.uni-tuebingen.de/edu/projects/grdev/applets/smart/html/index_en.html))
  - ([http://www.gris.uni-tuebingen.de/edu/projects/grdev/applets/octree/html/index\\_en.html](http://www.gris.uni-tuebingen.de/edu/projects/grdev/applets/octree/html/index_en.html))



## 2.4 Postupci temeljeni na transformiranom prostoru objekta

- korištenje frekvencijske domene
  - načinimo Fourierovu transformaciju volumena
  - u frekvencijskom području presiječemo volumen ravninom koja prolazi ishodištem
  - inverznom Fourierovom transformacijom vratimo rezultat u prostorno područje
  - Direktna diskretna Fourierova transformacija 1D:

$$F(k) = \sum_{n=0}^{N-1} f(n) W_N^{kn}, \quad W_N = e^{-i2\pi/N}, \quad k = 0, \dots, N-1$$

- Inverzna Fourierova transformacija: <http://rsb.info.nih.gov/ij/signed-applet/> (File OpenSamples ProcessFFT)

$$f(n) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} F(k) W_N^{-kn}$$

- Amplituda (magnituda), faza

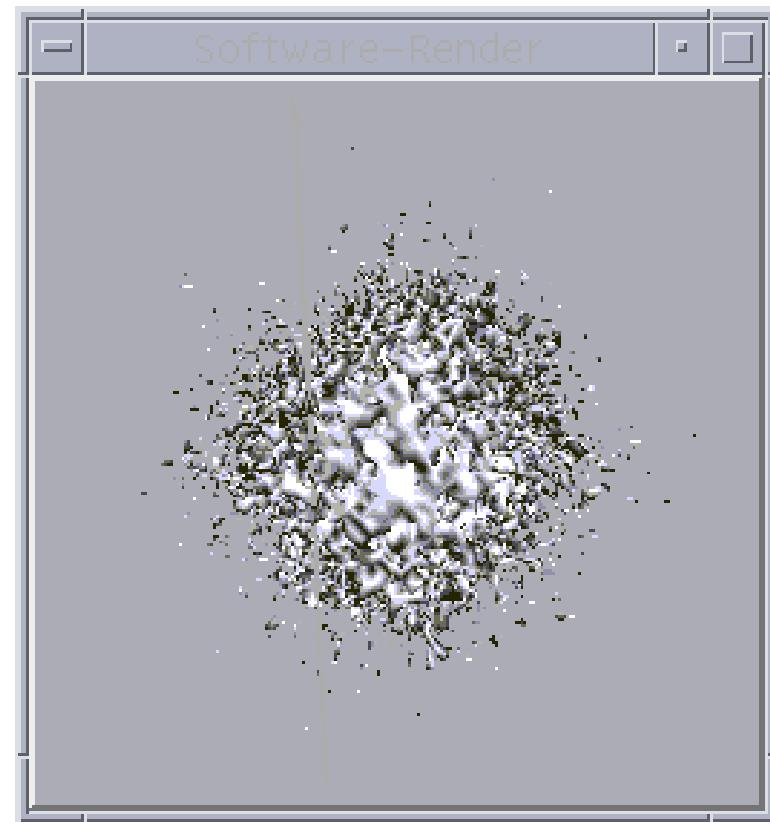
$$|F(k)| = \sqrt{a^2 + b^2} \quad a \text{ je realni, } b \text{ imaginarni dio}$$

$$\Phi(F(k)) = \tan^{-1}\left(\frac{b}{a}\right)$$

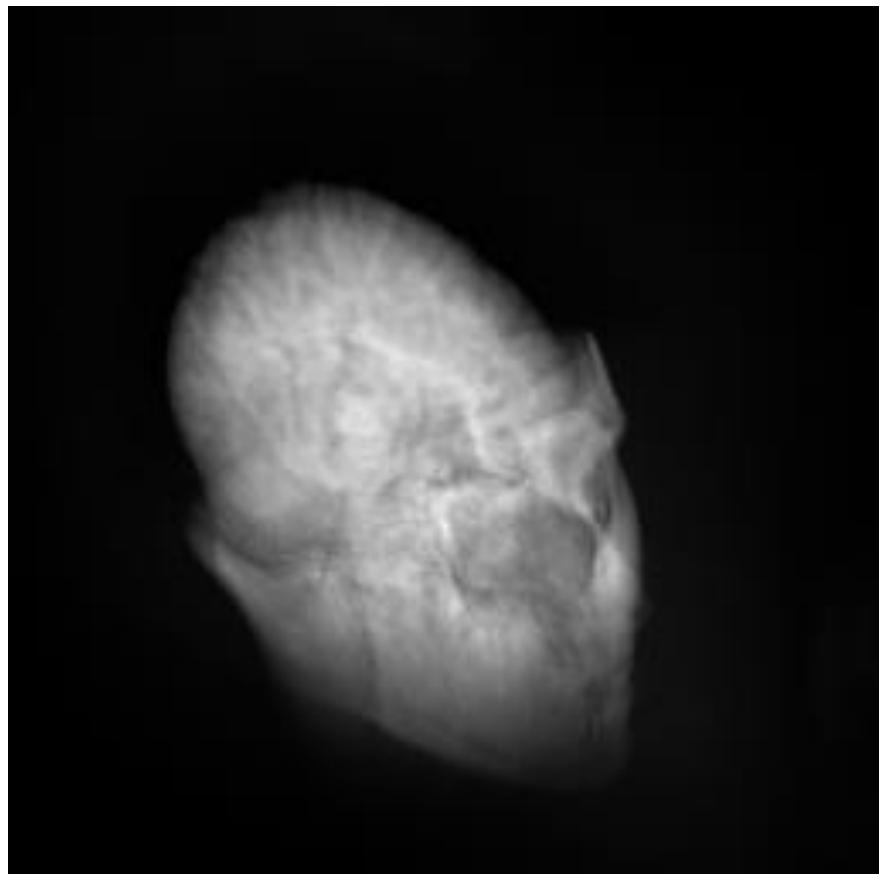
- korištenje domene valića (eng. wavelet)



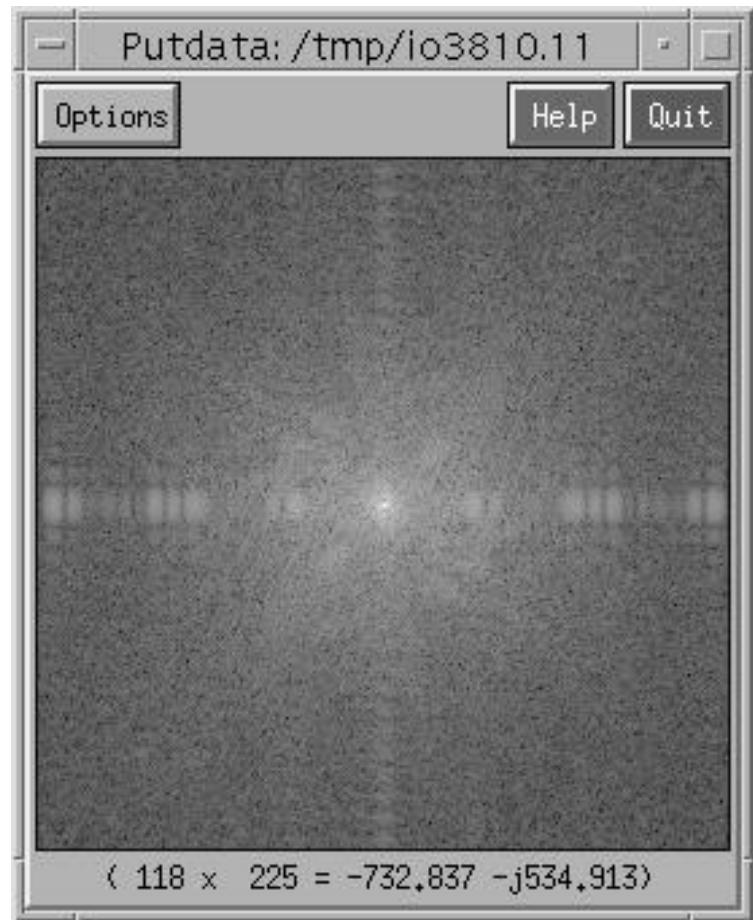
prostorno područje (3D)



frekvencijsko područje (3D)

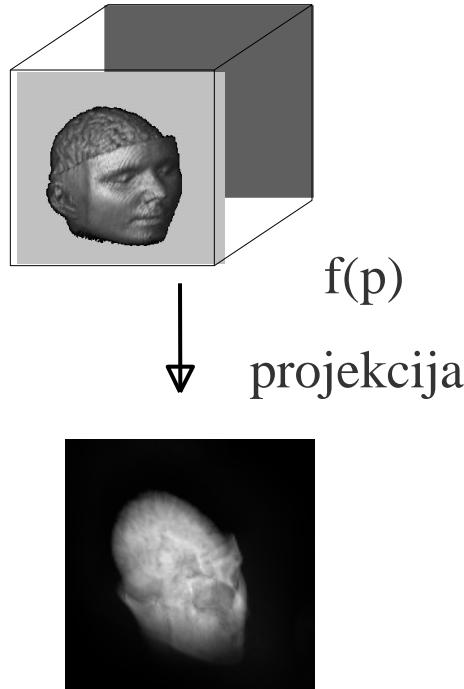


projekcija



frekvencijsko područje (2D sloj)

Prostorna domena



Frekvencijska domena

