

SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET ELEKTROTEHNIKE I RAČUNARSTVA

SEMINAR

**Sustavi za upravljanje  
heterogenom flotom ljudi i robota  
u logističkim centrima**

*Herman Zvonimir Došilović*

Voditelj: *prof. dr. sc. Domagoj Jakobović*

Zagreb, svibanj 2019.

# SADRŽAJ

|  |           |
|--|-----------|
| <b>1. Uvod</b>   | <b>1</b>  |
| <b>2. Formalan opis problema raspoređivanja heterogene flote</b> | <b>3</b>  |
| 2.1. Definicija heterogene flote i skladišta . . . . .           | 5         |
| 2.2. Definicija artikala i narudžbe . . . . .                    | 6         |
| 2.3. Opis stanja skladišta . . . . .                             | 6         |
| 2.4. Ulazni podaci . . . . .                                     | 8         |
| 2.5. Očekivani izlazni podaci . . . . .                          | 8         |
| 2.6. Ocjena kvalitete . . . . .                                  | 8         |
| <b>3. Raspoređivanje</b>   | <b>9</b>  |
| 3.1. Definicija problema i ocjena kvalitete . . . . .            | 10        |
| 3.2. Metode rješavanja problema raspoređivanja . . . . .         | 10        |
| <b>4. Raspoređivanje heterogene flote</b>                        | <b>12</b> |
| <b>5. Zaključak</b>  | <b>13</b> |
| <b>6. Literatura</b>   | <b>14</b> |

# 1. Uvod

Logistički centri su dinamički i stohastički logistički sustavi čija je temeljna zadaća prostorno-vremenska transformacija dobara koja se odvija u procesima: (1) transporta, pregrupiranja i skladištenja gdje su bitni procesi tokova dobara; (2) pakiranja i signiranja gdje su bitni procesi pomaganja tokovima dobara; (3) dostavljanja i obrada naloga gdje su bitni procesi tijekova informacija (Paladin, 2013; Buntak et al., 2012).

Razvojem informacijskih tehnologija elektroničko trgovanje (engl. *ecommerce*) posljednjih je godina doživjelo veliki zamah u razvoju i poslovanju. Međutim, sa sve većim brojem narudžbi, logistički procesi elektroničkog trgovanja postaju usko grlo za ispunjenje narudžbi i njihovih rokova. Također, logistički procesi mogu uzrokovati probleme poput sporih, neispravnih, izgubljenih, oštećenih i pogrešnih isporuka. Pored toga, cijena logističkog procesa može iznositi i do 40% cijene korisnikove narudžbe. Automatizacija logističkih procesa nudi poboljšanja učinkovitosti, smanjenje troškova i smanjenje vremena posluživanja. Međutim, velika raznolikost i promjenljivost narudžbi čini implementaciju automatizacije teškom. U obzir treba uzeti ne samo tip i količinu neke naručene robe, nego i njihovu veličinu, njihov oblik, masu, pa čak i svojstva i posebnosti pakiranja. Također, jednom uspostavljeni automatizirani proces mora se moći lako prilagoditi raznim promjenama u logističkom centru. To znači da se automatizirani sustavi moraju lako skalirati i da moraju biti fleksibilni u svakom trenutku. Kada govorimo o automatizaciji logističkih procesa elektroničkih trgovina, onda razlikujemo automatizaciju protoka informacija i automatizaciju protoka robe. Robotika nudi rješenje u automatiziranju protoka robe i roboti danas uspješno ostvaruju zadatke koji se ponavljaju na fiksnim pozicijama sa željenom brzinom, preciznosti i tereta. Robotika, također, nudi rješenje koje će poboljšati učinkovitost, skalabilnost i fleksibilnost logističkih procesa. Mobilni roboti omogućuju automatizirano izvršavanje zadataka na pozicijama koje nisu više fiksne, međutim, tada je potrebno uskladiti suradnju između robota i ljudi (Huang et al., 2015).

Ovaj seminarski rad predstaviti će i definirati će jedan stvarni problem koji se pojavljuje uvođenjem mobilnih i autonomnih robota u logističke centre kako bi se optimirala jedna faza logističkog procesa koja uključuje prikupljanje artikala narudžbe, a odnosi se na upravljanje heterogenom flotom ljudi i robota. Osim toga, napraviti će se pregled područja i metoda koje rješavaju sličan problem.

## 2. Formalan opis problema raspoređivanja heterogene flote

Heterogena flota ljudi i robota djeluje u skladištu logističkog centra i sastoji se od ljudi i autonomnih mobilnih robota (engl. *Autonomous Mobile Robots*) koji se mogu samostalno kretati i izbjegavati prepreke u dinamičnom okruženju. Roboti također mogu preuzimati i odlagati teret na posebne paletne pozicije koje paletu odvajaju od tla kako bi robot mogao spustiti odnosno podignuti paletu. Slika 2.1 prikazuje primjer takvog robota hrvatske tvrtke Gideon Brothers. Na slici 2.1 je također prikazana paletna pozicija na kojoj se nalazi paleta s teretom.



**Slika 2.1:** Autonomni mobilni robot hrvatske tvrtke Gideon Brothers (Gideon Brothers, 2019a).

U sustav za upravljanje heterogenom flotom ljudi i robota (u daljnjem tekstu: *Sustav*) narudžbe dolaze stohastički iz sustava za upravljanje skladištem (engl. *Warehouse Management System*). Svaka narudžba sadrži više artikala i za svaki artikl poznata je njegova lokacija u skladištu. Sustav *WMS* također određuje kojim redoslijedom je potrebno prikupiti artikle kako bi se narudžba izvršila.

Na početku svoga rada, robot odlazi do jedne od pozicija za preuzimanje praznih paleta. Nakon što je preuzeo praznu paletu (slika 2.2), robot može započeti prikupljanje artikala (unaprijed određenim redoslijedom) samo jedne narudžbe. Kada robot dođe do pozicije na kojoj se nalazi artikl, čovjek stavlja taj artikl na robota. Ljudi poslužuju robote, a roboti izvršavaju narudžbe. Jedan čovjek može posluživati više robota, međutim, ne istovremeno. Kada je prikupio sve artikle koji pripadaju narudžbi, robot odlazi do jedne od pozicija za odlaganje punih paleta i tamo odlaže paletu. Nakon odlaganja pune palete, smatra se da je robot izvršio narudžbu i da je spreman za izvršavanje nove nakon što ponovo preuzme praznu paletu na jednoj od za to predviđenih pozicija.



**Slika 2.2:** Robot s praznom paletom, koji može započeti izvršavati narudžbu. (Gideon Brothers, 2019b)

Prvi zadatak sustava je da odredi koji robot će izvršiti koju narudžbu. Drugi zadatak sustava je da odredi koji čovjek će poslužiti kojeg robota i za koji artikl. Teža inačica ovog problema uključuje i određivanje redoslijeda kojim je potrebno pokupiti artikle pojedine narudžbe. Formalan opis stanja skladišta i ulaz u sustav bit će takav da će

sadržiti sve potrebne informacije kako bi se mogla riješiti i ova teža inačica problema.

## 2.1. Definicija heterogene flote i skladišta

Heterogena flota sastoji se od  $N_p$  ( $1 \leq N_p \leq 25$ ) ljudi i  $N_r$  ( $1 \leq N_r \leq 50$ ) robota, koji se mogu kretati u po skladištu širine  $W$  ( $W \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq W \leq 4500$ ) i dužine  $L$  ( $L \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq L \leq 4500$ ). Skladište se može prikazati kao skup točaka:

$$S = \{(x, y) \mid x, y \in \mathbb{N} \wedge 1 \leq x \leq W \wedge 1 \leq y \leq L\}, \quad (2.1)$$

gdje stvarna (fizička) udaljenost između dvije susjedne horizontalne, odnosno vertikalne točke iznosi 5 cm, što znači da je maksimalna površina skladišta  $\sim 5000 \text{ m}^2$ .

U nastavku formalne definicije problema koristit će se sljedeće oznake:

- $M_i$  ( $0 \leq i < N_p$ ) - označava poziciju  $i$ -tog čovjeka,
- $R_i$  ( $0 \leq i < N_r$ ) - označava poziciju  $i$ -tog robota,
- $d_m(A, B)$  - označava vrijeme koje je potrebno čovjeku da od točke  $A$  dođe do točke  $B$  i obrnuto,
- $d_r(A, B)$  - označava vrijeme koje je potrebno robotu da od točke  $A$  dođe do točke  $B$  i obrnuto.

Ovakve oznake dozvoljavaju npr. označavanje vremenske udaljenosti  $d_m(R_3, M_4)$  koja predstavlja vrijeme koje je potrebno čovjeku da od robota  $R_3$  dođe do čovjeka  $M_4$  (i obrnuto). U nastavku ovog seminara, sve spomenute udaljenosti predstavljaju vremenske udaljenosti (u sekundama) između dvije točke. Također, za udaljenosti  $d_m$  i  $d_r$  vrijedi:

$$d_m(A, B), d_r(A, B) \in \mathbb{R}_{\geq 0}. \quad (2.2)$$

Skup  $P$  ( $|P| \leq 10$ ) označava skup svih pozicija za preuzimanje praznih paleta, a skup  $D$  ( $|D| \leq 10$ ) označava skup svih pozicija za odlaganje punih paleta. Pretpostavlja se da roboti u bilo kojem trenutku mogu preuzeti praznu paletu s bilo koje pozicije  $P_i$ . Također, pretpostavlja se da roboti u bilo kojem trenutku mogu odložiti punu paletu na bilo koju poziciju  $D_i$ . Uz skupove  $P$  i  $D$ , oznake  $T_p$  i  $T_d$  označavaju vrijeme koje je potrebno da robot preuzme, odnosno odloži paletu s odgovarajuće pozicije jednom kada je došao do nje.

## 2.2. Definicija artikala i narudžbe

Skup svih artikala  $I$  zapravo je skup svih pozicija na kojima se artikli nalaze:

$$I = \{A, A \in S\}. \quad (2.3)$$

$I_i$  ( $0 \leq i < |I|$ ) označava  $i$ -ti artikl u skupu  $I$ .

Narudžba  $O_k$  definirana je kao skup dvojki  $(i, t_i)$ , gdje je  $t_i$  vrijeme koje je potrebno da čovjek stavi artikl  $I_i$  na robota kada robot izvršava narudžbu  $O_k$ :

$$O_k = \{(i, t_i) \mid i \in 2^{\{0,1,\dots,|I|-1\}} \setminus \{\emptyset\}, t_i \in \mathbb{R}_{\geq 0}\}. \quad (2.4)$$

$O_{k,i}$  ( $0 \leq i < |O_k|$ ) označava  $i$ -ti artikl u  $k$ -toj narudžbi, a  $T_{k,i}$  označava vrijeme  $t_i$  za artikl  $O_{k,i}$ . Maksimalan broj artikala po narudžbi je 500, odnosno vrijedi  $1 \leq |O_k| \leq 500$ . Narudžbe u sustav dolaze stohastički i skup svih narudžbi  $O$  koje je potrebno izvršiti može teoretski rasti do beskonačnosti, međutim, sustav uzima u obzir prvih 100 narudžbi koje nisu još izvršene. Jednom kada je narudžba izvršena, ona se izbacuje iz skupa svih narudžbi  $O$ . Dakle, bez smanjenja općenitosti može se pretpostaviti da vrijedi  $1 \leq |O| \leq 100$ .

Nakon ovako definiranih narudžbi uvode se još dvije oznake:

- $RO_i$  ( $RO_i \in [-1, 0, 1, \dots, |O| - 1]$ ) - označava koju narudžbu robot  $R_i$  trenutno izvršava ( $-1$  ako ne izvršava niti jednu).
- $RP_i$  ( $RP_i \in \{0, 1, 2\}$ ) - označava status palete koja se nalazi na robotu ( $0$  ako robot ne nosi paletu,  $1$  ako nosi praznu paletu,  $2$  ako nosi paletu s teretom).

## 2.3. Opis stanja skladišta

Stanje skladišta može se opisati sljedećim varijablama:

- skup svih pozicija za preuzimanje praznih paleta  $P$  i odlaganje punih paleta  $D$ ,
- vrijeme  $T_p$  i  $T_d$ ,
- skup svih robota  $R$  i odgovarajućih vrijednosti  $RO_i$  i  $RP_i$  za svakog robota,
- skup svih ljudi  $M$ ,
- skup svih artikala  $I$ ,
- skup svih narudžbi  $O$  koje je još potrebno izvršiti,
- za svaku narudžbu, skup svih međusobnih  $d_r$  udaljenosti artikala:

$$\{d_r(I_i, I_j) \mid \forall I_i \forall I_j \in O_k\}, \forall O_k \in O \quad (2.5)$$



- skup svih udaljenosti  $d_r$  od svakog robota do svakog artikla:

$$\{d_r(R_i, I_j) \mid \forall R_i \in R, \forall I_j \in I\} \quad (2.6)$$

- skup svih udaljenosti  $d_r$  od svake pozicije za preuzimanje prazne palete do svakog artikla:

$$\{d_r(P_i, I_j) \mid \forall P_i \in P, \forall I_j \in I\} \quad (2.7)$$

- skup svih udaljenosti  $d_r$  od svake pozicije za odlaganje pune palete do svakog artikla:

$$\{d_r(D_i, I_j) \mid \forall D_i \in D, \forall I_j \in I\} \quad (2.8)$$

- skup svih udaljenosti  $d_r$  od svake pozicije za preuzimanje prazne palete do svakog robota:

$$\{d_r(P_i, R_j) \mid \forall P_i \in P, \forall R_j \in R\} \quad (2.9)$$

- skup svih udaljenosti  $d_r$  od svake pozicije za odlaganje pune palete do svakog robota:

$$\{d_r(D_i, R_j) \mid \forall D_i \in D, \forall R_j \in R\} \quad (2.10)$$

- skup svih međusobnih  $d_m$  udaljenosti artikala:

$$\{d_m(I_i, I_j) \mid \forall I_i, \forall I_j \in I\} \quad (2.11)$$

- skup svih udaljenosti  $d_m$  od svakog čovjeka do svakog artikla:

$$\{d_m(M_i, I_j) \mid \forall M_i \in M, \forall I_j \in I\} \quad (2.12)$$

Za skup svih ljudi  $M$  koji opisuju stanje skladišta može se pretpostaviti da trenutno mogu sa svoje pozicije krenuti prema artiklu za koji će biti raspoređeni nakon što je sustav donio odluku. Skup svih narudžbi  $O$  sadrži sve narudžbe koje još nisu do kraja izvršene, međutim, skup svih artikala u pojedinoj narudžbi jednak je skupu svih artikala koji još moraju biti pokupljeni. Tako se točno zna koji će idući artikl robot trebati uzeti ako je u stanju sustava naznačeno da on trenutno izvršava neku narudžbu. Međusobne udaljenosti 2.5 stanja skladišta omogućuju da se za robota izračuna ukupno vrijeme trajanja obilaska artikala za pojedinu narudžbu i proizvoljno odabran redosljed. Udaljenosti 2.6 omogućuju da se za svakog robota koji ne izvršava neku narudžbu odredi koju iduću narudžbu bi mogao izvršiti i koji će mu biti početni artikl (teža inačica problema). Osim toga, udaljenosti 2.6 omogućuju da se robotima koji trenutno izvršavaju narudžbu promjeni redosljed prikupljanja artikala (teža inačica problema).

## 2.4. Ulazni podaci

Ulazni podaci u sustav predstavljaju formatirano stanje skladišta koje je formalno opisano u prethodnom odjeljku. Očekuje se da će sustav na ulaz dobiti novo stanje skladišta nakon svake nove pristigle narudžbe, međutim, budući da narudžbe pristižu stohastički onda se ne zna niti koliko često će sustav dobivati novo stanje skladišta na temelju kojega treba donesti nove odluke. Također, moguće je da će zbog dinamičkih okruženja sustav trebati donositi nove odluke samo na temelju novih procjena udaljenosti, iako se broj narudžbi i pripadajući artikli nisu promjenili.

## 2.5. Očekivani izlazni podaci

Od sustava se očekuje da za svakog robota odredi narudžbe koje će izvršiti. Odluka sustava mora biti takva da svaka narudžba ima dodjeljenog robota koji će ju izvršiti. Osim toga, od sustava se očekuje da za svaki artikl odredi koji čovjek će ga staviti na pripadajućeg robota. Odluka sustava mora biti takva da svaki artikl u svakoj narudžbi ima dodjeljenog čovjeka koji će taj artikl staviti na robota. U težoj inačici problema potrebno je odrediti i redoslijed kojim će robot prikupiti artikle neke narudžbe.

## 2.6. Ocjena kvalitete

Na temelju odluke sustava gradi se raspored čija kvaliteta (engl. *fitness*) je tim veća što je prosječno vrijeme izvršavanje narudžbe manje. Ako s  $t_{s,i}$  označimo vrijeme početka izvršavanja narudžbe  $i$ , a s  $t_{e,i}$  vrijeme završetka izvršavanja narudžbe  $i$ , onda je prosječno vrijeme izvršavanja narudžbe jednako:

$$\bar{T} = \sum_{i=0}^{|O|-1} t_{e,i} - t_{s,i}, \quad (2.13)$$

a kvaliteta rasporeda  $f$  jednaka je  $f = \bar{T}^{-1}$ . Cilj je pronaći takav raspored koji će minimizirati  $\bar{T}$ , odnosno maksimizirati  $f$ .

### 3. Raspoređivanje

Raspoređivanje je proces odlučivanja koji se redovito koristi u mnogim proizvodnim i uslužnim djelatnostima (npr. prijevoz i distribucija) (Pinedo, 2016). Raspoređivanje određuje raspodjelu resursa zadacima u zadanom vremenskom intervalu s ciljem optimizacije jednog ili više kriterija (Pinedo, 2016).

Resursi (u literaturi još i *sredstva* ili *strojevi*) mogu predstavljati različite stvari, primjerice strojeve u nekom proizvodnom procesu (npr. tiskarski strojevi u tiskari), procesor na računalu i slično. S druge strane zadaci (u literaturi još i *poslovi* ili *aktivnosti*) predstavljaju razne operacije, kao što su primjerice operacije u proizvodnji ili izvođenje računalnih programa. Resursi i zadaci su opisani različitim karakteristikama koje su bitne za raspoređivanje. Tako su primjerice aktivnosti opisane karakteristikama kao što su trajanje, vrijeme raspoloživosti aktivnosti, rok za dovršavanje aktivnosti i slično (Đurasević, 2013).

Probleme raspoređivanja možemo razvrstati u nekoliko kategorija koje ovise o svojstvima problema. Primjerice, ako govorimo o dostupnosti informacija o poslovima, razlikujemo *offline* i *online* raspoređivanje. Kod *offline* raspoređivanja sve informacije o poslovima dostupne su unaprijed, dok kod *online* raspoređivanja informacije o poslovima dostupne su onog trenutka kada konkretan posao uđe u sustav. S druge strane, probleme raspoređivanja možemo razlikovati prema tome kada je raspored napravljen, pa tako razlikujemo statičko i dinamičko raspoređivanje. U statičkom raspoređivanju cijeli raspored se izrađuje prije nego li ga sustav krene izvršavati, dok se u dinamičkom raspoređivanju raspoređivanju raspored izrađuje paralelno sa izvršavanjem sustava (Đurasević i Jakobović, 2016). (Pinedo, 2016) statičke probleme naziva još i determinističkim problemima, a dinamičke probleme naziva još i stohastičkim problemima raspoređivanja.

### 3.1. Definicija problema i ocjena kvalitete

U svim problemima raspoređivanja pretpostavlja se da je broj poslova  $n$  i broj strojeva  $m$  konačan. Oznakom  $j$  najčešće se označava posao, a s  $i$  stroj. Poslovi su najčešće opisani sljedećim informacijama:

- $p_{ij}$  - vrijeme izvršavanja posla  $j$  na stroju  $i$ ,
- $r_j$  - vrijeme u kojem posao  $j$  postane raspoloživ za raspoređivanje,
- $d_j$  - vrijeme željenog završetka  $i$
- $w_j$  - prioritet posla.

Navedene oznake detaljno su dodatno objašnjene u (Pinedo, 2016; Đurasević, 2013).

Problem raspoređivanja opisan je trojkom  $\alpha|\beta|\gamma$ , gdje  $\alpha$  predstavlja okruženje strojeva,  $\beta$  predstavlja ograničenje izvršavanja, a  $\gamma$  predstavlja kriterij minimizacije. (Pinedo, 2016) opisuje mnoga  $\alpha$  okruženja strojeva od kojih treba istaknuti dva:

- **Job shop** ( $Jm$ ) - Svaki od  $n$  zadataka ima unaprijed određeni redosljedi izvršavanja na  $m$  raspoloživih strojeva. Svaki zadatak može se više od jednom izvršiti na nekom stroju.
- **Open shop** ( $Om$ ) - Isto kao i  $Jm$ , međutim, redosljed nije unaprijed određen.

Također, treba istaknuti jedno ograničenje izvršavanja  $\beta$ :

- **podešavanje ovisno o redosljedu** (engl. *sequence dependent setup times*) -  $s_{jk}$  predstavlja vrijeme postavljanja između poslova  $j$  i  $k$ .

Kriterij minimizacije je uvijek funkcija vremena završetka poslova  $C_j$ , a vrijeme završetka poslova ovisi naravno o rasporedu. Jedan od kriterija minimizacije može npr. biti minimizacija maksimalne duljine rasporeda  $C_{\max} = \max(C_1, \dots, C_n)$

Detaljan pregled različitih modela problema, ograničenja i kriterija optimizacije može se pronaći u (Pinedo, 2016).

### 3.2. Metode rješavanja problema raspoređivanja

Budući da su čak i jednostavni problemi raspoređivanja NP-teški problemi (Hart et al., 2005), za rješavanje ovog problema koriste se heurističke metode koje nam ne moraju nužno dati optimalno rješenje problema, ali mogu dati neko dovoljno dobro rješenje koje zadovoljava naše potrebe (Đurasević, 2013). Heurističke metode koje se koriste za rješavanje ovog problema moguće je podijeliti u algoritme koji pretražuju prostor rješenja i algoritme koji rješenje grade izravno (Đurasević, 2013).

Mnogi NP-teški problemi rješavaju se pomoću raznih evolucijskih i populacijskih metaheuristika koje daju dovoljno dobra rješenja. Algoritmi koji se često primjenjuju u ove svrhe su: genetski algoritmi, simulirano kaljenje, optimizacija rojem čestica, mravlji algoritam, umjetni imunološki algoritam, tabu pretraživanje i mnogi drugi (Đurasević, 2013; Dhiflaoui et al., 2018; Đurasević i Jakobović, 2016; Hart et al., 2005; Costa et al., 2013). Navedeni algoritmi mogu dati vrlo dobra rješenja, međutim, budući da je izvođenje ovakvih algoritama veoma dugotrajno onda oni neće biti primjereni ako je raspored potrebno izgenerirati u kratkom vremenu (Đurasević, 2013). Ovakvi algoritmi najprikladniji su za statička *offline* okruženja (Đurasević i Jakobović, 2016).

Metode za izravnu izgradnju rješenja su prikladnije za dinamička *online* okruženja, ali mogu također biti upotrebljeni i u statičkim *offline* okruženjima (Đurasević i Jakobović, 2016). Međutim, rješenja koje ove metode daju su lošija od rješenja koja daju složeniji postupci poput genetskih algoritama. Ove metode koriste heuristike koje na temelju stanja sustava određuju kako raspodijeliti pojedini posao. Neke od najbitnijih heuristika koje se koriste opisane su detaljnije u (Đurasević, 2013): *olb*, *met*, *mct*, *min-min*, *max-min*, *duplex*, *sufferage*, *ljrf-sjrf*, *min-max* i *min-mean*.

## 4. Raspoređivanje heterogene flote

U radu (Dhiflaoui et al., 2018) spomenuta su još dva modela problema raspoređivanja koja bi se mogli povezati s problemom opisanim u drugom poglavlju:

- **Dual-Resource Constrained Job shop Scheduling problem (DRCJSP)** i,
- **Dual-Resource Constrained Flexible Job shop Scheduling problem (DRC-FJSP)**.

U DRCFJSP problemu na raspolaganju je skup od  $n$  nezavisnih poslova  $J = \{J_1, J_2, \dots, J_n\}$ , zatim skup od  $m$  strojeva  $M = \{M_1, M_2, \dots, M_m\}$ , i skup od  $l$  radnika  $W = \{W_1, W_2, \dots, W_l\}$ . Svaki posao ima  $r$  operacija  $\{O_{i,1}, O_{i,2}, \dots, O_{i,r}\}$ . Svakim strojem  $M_i$  mora upravljati neki radnik iz skupa  $W$ .

Problem naveden u drugom poglavlju mogao bi se prikazati kao DRCFJSP problem na način da ljude promatramo kao strojeve, a radnike kao robote uz uvjet da jedan radnik može upravljati samo onim strojevima koji obavljaju operacije koje pripadaju poslu za koji je radnik zadužen. Dakle, radnike (robote) zadužujemo za poslove, a ljude (strojevi) obavljaju te poslove kojima upravljaju roboti. Ideja definiranja dodatnog ograničenja na radnike i strojeve, odnosno da za svaki stroj postoji podskup radnika koji mogu raditi na tom stroju spomenuta je (Zheng i Wang, 2016).

## 5. Zaključak

Problemi raspoređivanja pripadaju klasi NP-teških problema i mogu se riješiti raznim konstrukcijskim postupcima ili algoritmima koji pretražuju prostor rješenja. Ovisno o vrsti problema raspoređivanja odabrat će se željena metoda rješavanja. U ovom radu predstavljen je i formalno definiran novi problem raspoređivanja heterogene flote ljudi i robota u logističkim centrima. Također, napravljen je kratak pregled raspoređivanja i navedeni problem povezan je sa sličnim modelom raspoređivanja. U budućem radu predlaže se detaljnije istraživanje problema i metoda rješavanja navedenih u radu (Dhiflaoui et al., 2018) i formalno definiranje opisanog problema modelom koja se koristi u spomenutom radu.

## 6. Literatura

Krešimir Buntak, Davor Grgurević, i Ivana Droždek. Međusobni odnos logističkih i transportnih sustava. *Tehnički glasnik*, 6(2):228–232, 2012.

A Costa, FA Cappadonna, i S Fichera. A hybrid genetic algorithm for job sequencing and worker allocation in parallel unrelated machines with sequence-dependent setup times. *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 69(9-12): 2799–2817, 2013.

Mondher Dhiflaoui, Housseem Eddine Nouri, i Olfa Belkahla Driss. Dual-resource constraints in classical and flexible job shop problems: A state-of-the-art review. *Procedia Computer Science*, 126:1507–1515, 2018.

Gideon Brothers. Logistics robot lingo, 2019a. URL <https://www.gideonbros.ai/strategy/glossary-of-logistics-robotics>.  
Pristupano: 09.05.2019.

Gideon Brothers. Poll debunks the myth of job-destroying robot, 2019b. URL <https://www.gideonbros.ai/trending/poll-debunks-the-myth-of-job-destroying-robot>.  
Pristupano: 09.05.2019.

Emma Hart, Peter Ross, i David Corne. Evolutionary scheduling: A review. *Genetic Programming and Evolvable Machines*, 6(2):191–220, 2005.

George Q Huang, Michael ZQ Chen, i Jia Pan. Robotics in ecommerce logistics. *HKIE Transactions*, 22(2):68–77, 2015.

Lorena Paladin. Logistički centri i informacijske tehnologije. Diplomski rad, Sveučilište u Rijeci, Ekonomski fakultet u Rijeci, Ivana Filipovića 4, 51000 Rijeka, Republika Hrvatska, 2013.

Michael L. Pinedo. *Scheduling: Theory, Algorithms, and Systems*. Springer, 2016.



Marko Đurasević i Domagoj Jakobović. Comparison of solution representations for scheduling in the unrelated machines environment. U *2016 39th International Convention on Information and Communication Technology, Electronics and Microelectronics (MIPRO)*, stranice 1336–1342. IEEE, 2016.

Xiao-long Zheng i Ling Wang. A knowledge-guided fruit fly optimization algorithm for dual resource constrained flexible job-shop scheduling problem. *International Journal of Production Research*, 54(18):5554–5566, 2016.

Marko Đurasević. Raspoređivanje na nesrodnim strojevima. Seminar, Sveučilište u Zagrebu, Fakultet elektrotehnike i računarstva, Unska 3, 10000 Zagreb, Republika Hrvatska, Travanj 2013.

## **Sustavi za upravljanje heterogenom flotom ljudi i robota u logističkim centrima**

### **Sažetak**

Problemi raspoređivanja pripadaju klasi NP-teških problema koji se ovisno o zahtjevima rješavaju raznim konstrukcijskim postupcima koji koriste prikladne heuristike ili metaheuristikama koje pretražuju prostor rješenja. U ovom radu predstavljen je i formalno opisan novi industrijski problem raspoređivanja heterogene flote ljudi i robota u logističkim centrima koji je povezan s postojećim akademskim modelima problema raspoređivanja poput *Dual-Resource Constrained Job shop Scheduling Problem* (DRCJSP).

**Ključne riječi:** upravljanje flotom, raspoređivanje, logistički centri, autonomni roboti

## **Management systems for heterogeneous fleet of humans and robots in logistic centers**

### **Abstract**

Scheduling problems belong to the class of NP-hard problems. Depending on the problem constraints and requirements they can be solved with constructive scheduling heuristics or with metaheuristics that search solution space. This seminar introduces and formally defines new industrial problem of scheduling heterogeneous fleet of humans and robots in logistic centers. This problem is connected with known academic models such as *Dual-Resource Constrained Job shop Scheduling Problem* (DRCJSP).

**Keywords:** fleet management, scheduling, logistics centers, autonomous robots