

# Primjena genetičkog programiranja za simboličku regresiju

---

LEON NOVAČKI

Završni rad br. 171

# Genetski algoritam

---

**Algorithm 1** Generacijski genetski algoritam

---

**Parametri:**  $pop\_size$  – veličina populacije,  $num\_gen$  – broj generacija

$P \leftarrow$  inicijaliziramo početnu populaciju

**for**  $num\_gen$  **do**

$P' \leftarrow$  prazna pomoćna populacija

**while**  $P' < P$  **do**

$p_1, p_2 \leftarrow$  biramo roditelje selekcijom iz  $P$

$d \leftarrow$  stvaramo dijete križanjem  $p_1$  i  $p_2$  i mutiramo ga

$P' \leftarrow$  dodajemo  $d$  u pomoćnu populaciju

**end while**

$P \leftarrow P'$  pomoćna populacija postaje glavna

**end for**

---

# Selekcija

---

---

## **Algorithm 3** Turnirska selekcija

---

**Ulaz:**  $P$  – populacija,  $n$  – veličina turnira

**Izlaz:**  $T$  – izabrano stablo

$P'$  – stvaramo praznu pomoćnu populaciju

**for**  $n$  **do**

$P' \leftarrow$  nasumično odabrano stablo iz  $P$

**end for**

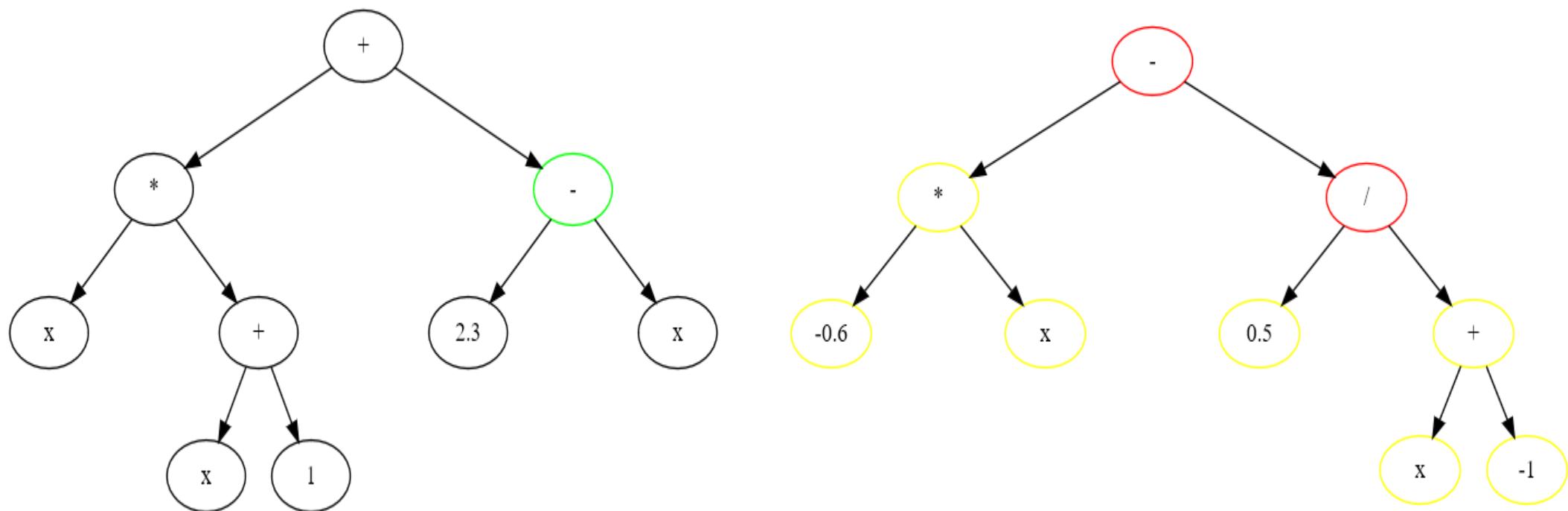
sortiramo  $P'$  po dobroti

vraćamo najbolje stablo  $T$  iz  $P'$

---

# Križanje

- vjerojatnost odabira čvora proporcionalna  $x^{D_{\max}-D}$



# Mutacija

---

---

**Algorithm 4** Izmjena funkcijskog čvora

---

**Ulaz:**  $F$  – skup funkcija,  $T$  – stablo koje mutiramo,  $p$  – vjerojatnost mutacije

**for** čvor  $x$  in  $T$  **do**

**if** random() <  $p$  **then**

$x \leftarrow$  nasumično odabran čvor iz  $F$

**end if**

**end for**

---

$$2x^4 - 0.5x^2 + 1$$

---

$\overline{MSE}$	$\sigma$	min	max
0.21539	0.2957	0	0.96468

---

rang	simbolički izraz	MSE	veličina stabla
1	$2x^4 - 0.5x^2 + 1$	0	33
2	$2x^4 - 0.5x^2 + 1$	0	39
3	$2x^4 - 0.5x^2 + 1$	0	45
4	$2x^4 - 0.4547x^2 + 1$	0.009	33
15	$2x^4 - 0.5x^2 + 0.17372x + 1$	0.252	39

$$x_1^2 + 1.4x_1x_2 - 0.7x_2 + 2$$

---

rang	simbolički izraz	MSE	veličina
1	$x_1^2 + 1.3826x_1x_2 - 0.7075x_2 + 2.001$	0.0204	43
2	$0.3815x_2/x_1 + 0.31525x_2 + x_1 + 2.001$	0.0252	35
3	$x_1^2 + 1.4161x_1x_2 - 0.6834x_2 + 1.873$	0.0365	31
15	$x_1^2 + 1.4543x_1x_2 - 0.7271x_2 + 2.102$	0.2406	31

$$x_1x_2^2/x_3 + x_1x_2/x_3 + x_1$$


---

rang	$MSE_{test}$	$MSE_{train}$	simbolički izraz	veličina
1	$1.7 * 10^{-27}$	$3.8 * 10^{-29}$	$x_1x_2^2/x_3 + x_1x_2/x_3 + x_1$	19
8	$1.5 * 10^{-26}$	$6.8 * 10^{-26}$	$x_2x_2^2/x_3 + x_1x_2/x_3 + x_1$	19
15	$2.2 * 10^{-25}$	$7.8 * 10^{-25}$	$x_1x_2^2/x_3 + x_1x_2/x_3 + x_1$	15
22	943331	0.32	$x_1x_2^2/x_3 + x_1x_2 + x_1$	17
30	$1.3 * 10^{10}$	1.9	$2x_2 * (x_1x_2 + x_1 + 1) + x_1$	27

$$x_2x_4^3 + x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3$$

---

rang	simbolički izraz	MSE	veličina
1	$x_2x_4 + x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3$	0.599	29
2	$x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3 - 0.05x_1 - 0.05$	1.069	29
3	$x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3$	1.107	27
4	$x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3$	1.157	23
5	$x_1x_2x_3x_4 + x_1x_3/x_2 - x_1x_2 + x_3$	1.267	25

$$x_1/0.8 * \sin(x_2) + \cos(x_1/2) + x_1 * x_2$$


---

$MSE$	$\sigma$	medijan	min	max
6.196	20.78	0.5854	0.0086	114.248

rang	MSE	veličina	$1.294x_1\sin(x_2) + \cos(0.492997x_1) + x_1x_2$
1	0.0086	20	$1.294x_1\sin(x_2) + \cos(0.492997x_1) + x_1x_2$
2	0.063	22	$1.403x_1\sin(\sin(x_2)) + x_1x_2 + \cos(x_1 * \sin(\cos(\cos(x_1)))) + 0.166221$
3	0.195	21	
4	0.224	22	
5	0.236	20	