



# **RASPOREĐIVANJE NA NESRODNIM STROJEVIMA**

**Marko Đurasević**

**Mentor: Prof. Dr. sc. Domagoj Jakobović**

# RASPOREĐIVANJE

- Dodjela ograničenih sredstava određenom skupu aktivnosti
- Cilj: smanjenje troškova upotrebe sredstava
- Problem: NP-težak problem
- Primjeri:
  - Raspoređivanje u cluster okruženju
  - Raspoređivanje aviona po pistama
  - Raspoređivanje operacija po salama

# NESRODNI STROJEVI

- Svaki stroj obrađuje posao proizvoljno definiranom brzinom
- Strojevi međusobno nezavisni

# POSLOVI

- Aktivnost koja se želi postupkom raspoređivanja pridjeliti nekom stroju
- Svojstva:
  - Trajanje izvođenja
  - Vrijeme pripravnosti
  - Vrijeme željenog završetka
  - Vrijeme nužnog završetka
  - Težina posla

# OCJENA KVALITETE RASPOREDA

- Moramo moći na neki način ocijeniti dobiveni raspored
- Kriteriji nisu uvijek isti
- Ovisno o situaciji i zahtjevima pojedini parametri važniji od ostalih

# OCJENA KVALITETE RASPOREDA

- Ukupna duljina rasporeda
- Najveće kašnjenje
- Težinsko protjecanje
- Težinsko zaostajanje
- Težinska zakašnjelost
- Težinska preuranjenost i težinsko zaostajanje

# RASPOLOŽIVOST PARAMETARA

- Predodređeno raspoređivanje (offline scheduling)
  - Sve potrebne vrijednosti potrebne za izradu rasporeda poznate unaprijed
- Raspoređivanje na zahtjev (online scheduling)
  - Odluke se donose samo na temelju trenutno dostupnih podataka

# TEHNIKE RASPOREĐIVANJA

- NP-težak problem
- Ne postoji egzaktni algoritam
- Koriste se heurističke metode
- Dvije osnovne vrste metoda raspoređivanja:
  - Metode pretraživanja prostora rješenja
  - Metode gradnje rješenja izravno

# METODE PRETRAŽIVANJA PROSTORA STANJA

- Metaheuristički postupci:
  - Genetski algoritmi
  - Simulirano kaljenje
  - TABU pretraživanje
  - Optimizacija rojem čestica

# METODE PRETRAŽIVANJA PROSTORA STANJA

- Prednosti:
  - Mogu se dobiti veoma dobra rješenja
  - Mnogo različitih metoda
  - Moguća kombinacija sa drugim heurističkim metodama radi dobivanja boljih rezultata

# METODE PRETRAŽIVANJA PROSTORA STANJA

- Nedostaci:
  - Veoma komplicirana izgradnja algoritama
  - Potrebno podešavanje parametara
  - Dugotrajno izvođenje
  - Nisu prikladni za online raspoređivanje

# METODE GRADNJE RJEŠENJA IZRAVNO

- Posebno razvijene heuristike za rješavanje ovog problema
- Rješenje problema grade postupuno, kako su pojedini zadaci dostupni

# METODE GRADNJE RJEŠENJA IZRAVNO

- Predstavnic:
- Min-min
- Max-min
- Suffrage
- Min-max
- Min-mean

# MIN-MIN

- Za svaki zadatak pronaći stroj na kojemu se postiže najranije vrijeme završetka
- Naći posao sa najranijom vremenom završetka
- Rasporediti posao na stroj

# MIN-MIN

- 2 stroja: M1, M2
- 4 posla: J1, J2, J3, J4

|                         | J1 | J2 | J3 | J4 |
|-------------------------|----|----|----|----|
| Vrijeme pripravnosti    | 3  | 7  | 3  | 13 |
| Vrijeme izvođenja na M1 | 7  | 9  | 3  | 2  |
| Vrijeme izvođenja na M2 | 5  | 6  | 10 | 7  |

|                         | J1 | J2 | J3 | J4 |
|-------------------------|----|----|----|----|
| Vrijeme pripravnosti    | 3  | 7  | 3  | 13 |
| Vrijeme izvođenja na M1 | 5  | 9  | 3  | 2  |
| Vrijeme izvođenja na M2 | 7  | 6  | 10 | 7  |

$t=13$

| M1 | M2 |
|----|----|
| J3 | J1 |
| J4 | J2 |

$T_{M1}=15$

$T_{M2}=13$

# METODE GRADNJE RJEŠENJA IZRAVNO

- Prednosti:
  - Jednostavnost
  - Dosta dobra rješenja
  - Brzina izvođenja
  - Mogućnost online raspoređivanja

# METODE GRADNJE RJEŠENJA IZRAVNO

- Nedostaci
  - Optimizacija po samo jednom parametru
  - Odabir idealne heuristike
  - Rješenja lošija od rješenja dobivenih metaheuristikama

## IDUĆI KORAK?

- Spojiti genetsko programiranje i metode gradnje rješenja izravno
- Pomoću GP-a izraditi funkciju evaluacije za određene kriterije
- Navedenu funkciju iskoristiti prilikom raspoređivanja poslova
- Postižu se jako dobri rezultati

# ZAKLJUČAK

- Težak problem za rješavanje
- Rješavanje raznim heurističkim postupcima
- Stalan razvoj novih i boljih postupaka za rješavanje
- Spajanje GP-a sa metodama gradnje rješenja izravno

HVALA NA PAŽNJI!